

# 实验报告

## 实验名称（测量 FFT 程序执行时间）

智能 1602 201607030227 马琛迎

## 实验目标

测量 FFT 程序运行时间，确定其时间复杂度。

## 实验要求

- 采用 C/C++ 编写程序
- 根据自己的机器配置选择合适的输入数据大小  $n$ ，至少要测试多个不同的  $n$  (参见思考题)
- 对于相同的  $n$ ，建议重复测量 30 次取平均值作为测量结果 (参见思考题)
- 对测量结果进行分析，确定 FFT 程序的时间复杂度
- 回答思考题，答案加入到实验报告叙述中合适位置

## 思考题

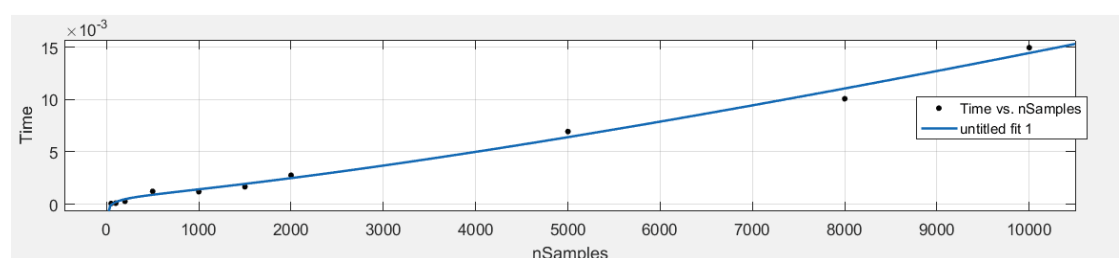
1. 分析 FFT 程序的时间复杂度，得到执行时间相对于数据规模  $n$  的具体公式

对于不同的  $nSamples$ ，每个  $nSamples$  测量 30 次运行时间，得到平均值作为该规模的运行时间，测得多组规模（ $nSamples$ ）与运行时间（Time）一一对应的值，通过 `matlab` 的 `CFTOOL` 输入已知公式，拟合出未知数。

已知公式：

$$a * n * \log n + \frac{b}{3} * n + \sqrt{2} * c * \log n + d$$

拟合效果：



得到未知数的值：

a = 4.874e-07,

b = -9.845e-06,

c = 0.0003159,

d = -0.001747。

2. 根据上一点中的分析，至少要测试多少不同的  $n$  来确定执行时间公式中的未知数？

从拟合效果看来，测量 10 组已经足够，但是要采用合适的数据进行测试。

3. 重复 30 次测量然后取平均有什么统计学的依据？

可以减小误差，因为对于运行的程序，CPU 每次运行时间都会有所差别，所以多次测量取平均值能够提高准确度。

## 实验内容

### FFT 算法运行时间测试代码

```
/* fft.cpp
 *
 * This is a KISS implementation of
 * the Cooley-Tukey recursive FFT algorithm.
 * This works, and is visibly clear about what is happening where.
 *
 * To compile this with the GNU/GCC compiler:
 * g++ -o fft fft.cpp -lm
 *
 * To run the compiled version from a *nix command line:
 * ./fft
 */
#include <complex>
#include <cstdio>
#include <cstring>
#include <ctime>

#define M_PI 3.14159265358979323846 // Pi constant with double precision

using namespace std;

void separate (complex<double>* a, int n) {
```

```

    complex<double>* b = new complex<double>[n/2]; // get temp heap storage
    for(int i=0; i<n/2; i++) // copy all odd elements to heap storage
        b[i] = a[i*2+1];
    for(int i=0; i<n/2; i++) // copy all even elements to lower-half of a[]
        a[i] = a[i*2];
    for(int i=0; i<n/2; i++) // copy all odd (from heap) to upper-half of a[]
        a[i+n/2] = b[i];
    delete[] b; // delete heap storage
}

void fft2 (complex<double>* X, int N) {
    if(N < 2) {
        // bottom of recursion.
        // Do nothing here, because already X[0] = x[0]
    } else {
        separate(X,N); // all evens to lower half, all odds to upper half
        fft2(X, N/2); // recurse even items
        fft2(X+N/2, N/2); // recurse odd items
        // combine results of two half recursions
        for(int k=0; k<N/2; k++) {
            complex<double> e = X[k]; // even
            complex<double> o = X[k+N/2]; // odd
            // w is the "twiddle-factor"
            complex<double> w = exp( complex<double>(0,-2.*M_PI*k/N) );
            X[k] = e + w * o;
            X[k+N/2] = e - w * o;
        }
    }
}

// simple test program
int main () {
    //const int nSamples = 64;
    //scanf("%d",&nSamples);
    int nSamples;

    double nSeconds = 1.0; // total time for sampling
    double sampleRate = nSamples / nSeconds; // n Hz = n / second
    double freqResolution = sampleRate / nSamples; // freq step in FFT result
    complex<double> x[nSamples]; // storage for sample data
    complex<double> X[nSamples]; // storage for FFT answer
    const int nFreqs = 5;
    double freq[nFreqs] = { 2, 5, 11, 17, 29 }; // known freqs for testing

    clock_t start,end;
    double time;
    while(scanf("%d",&nSamples),nSamples!=0)
    {

```

```

        time = 0;
        for(int j=0; j<30; j++)
        {
            // generate samples for testing
            for(int i=0; i<nSamples; i++) {
                x[i] = complex<double>(0.,0.);
                // sum several known sinusoids into x[]
                for(int j=0; j<nFreqs; j++)
                    x[i] += sin( 2*M_PI*freq[j]*i/nSamples );
                X[i] = x[i];          // copy into X[] for FFT work & result
            }
            // compute fft for this data
            start = clock();
            fft2(X,nSamples);
            end = clock();
            time = time + ((double)(end - start) / CLOCKS_PER_SEC);
        }
        printf("nSamples = %d\tAverage Time = %lf\n",nSamples,time/30);
    }

//    printf("  n\tx[]\tX[]\tf\n");          // header line
//    // loop to print values
//    for(int i=0; i<nSamples; i++) {
//        printf("% 3d\t%.3f\t%.3f\t%.3f\n",
//            i, x[i].real(), abs(X[i]), i*freqResolution );
//        return 0;
//    }

// eof

```

## FFT 程序时间复杂度分析

通过分析 FFT 算法代码，可以得到该 FFT 算法的时间复杂度具体公式为：

$$4.874e-07*n*\log n + (-9845e-06/3)*n + \sqrt{2}*0.0003159*\log n - 0.0017474$$

其中  $n$  为数据大小，未知数有：

1.  $a$
2.  $b$
3.  $c$
4.  $d$

## 测试

# 测试平台

在如下机器上进行了测试：

部件	配置	备注
CPU	core i5-6500U	
内存	DDR3 4GB	
操作系统	Ubuntu 16.04 LTS	中文版

# 测试记录

FFT 程序运行过程的截图如下：

FFT 程序输出：

```
ting@ting-INVALID:/media/ting/新加卷/LinuxFile$ g++ FFT.cpp -o FFT
ting@ting-INVALID:/media/ting/新加卷/LinuxFile$ ./FFT
50
n      x[]      X[]      f
0      +0.000   +5.044   0
1      +2.181   +16.169  1
2      +1.740   +9.444   2
3      -0.081   +3.482   3
4      +2.423   +10.159  4
5      +0.000   +9.262   5
6      +1.689   +6.027   6
7      +0.835   +5.874   7
8      -2.797   +2.008   8
9      +1.408   +2.115   9
10     +1.176   +14.282  10
11     +1.124   +7.419   11
12     +0.539   +3.019   12
13     +0.288   +5.220   13
14     +0.388   +2.580   14
15     +0.000   +3.464   15
16     -0.133   +15.173  16
17     -4.607   +7.562   17
18     -1.129   +4.366   18
19     -0.307   +10.550  19
20     -1.902   +9.075   20
21     +0.734   +8.644   21
22     -1.451   +5.253   22
23     +0.777   +2.235   23
24     +1.684   +0.504   24
25     +0.000   +2.747   25
26     -1.684   +2.937   26
27     -0.777   +4.047   27
28     +1.451   +8.872   28
29     -0.734   +12.104  29
30     +1.902   +5.903   30
31     +0.307   +4.207   31
32     +1.129   +14.816  32
33     +4.607   +9.669   33
34     +0.133   +3.725   34
35     +0.000   +3.690   35
36     -0.388   +2.395   36
37     -0.288   +2.867   37
38     -0.539   +13.392  38
39     -1.124   +9.053   39
40     -1.176   +2.190   40
41     -1.408   +4.197   41
42     +2.797   +4.894   42
43     -0.835   +5.394   43
44     -1.689   +13.996  44
45     -0.000   +5.463   45
46     -2.423   +3.817   46
47     +0.081   +12.848  47
48     -1.740   +6.874   48
49     -2.181   +3.914   49
ting@ting-INVALID:/media/ting/新加卷/LinuxFile$
```

FFT 程序运行时间输出：

```
ting@ting-INVALID: /media/ting/新加卷/LinuxFile
ting@ting-INVALID: /media/ting/新加卷/LinuxFile$ ./FFT
50
nSamples = 50   Average Time = 0.000071
100
nSamples = 100  Average Time = 0.000107
200
nSamples = 200  Average Time = 0.000280
500
nSamples = 500  Average Time = 0.001225
1000
nSamples = 1000 Average Time = 0.001194
1500
nSamples = 1500 Average Time = 0.001672
2000
nSamples = 2000 Average Time = 0.002767
5000
nSamples = 5000 Average Time = 0.006946
8000
nSamples = 8000 Average Time = 0.010079
10000
nSamples = 10000 Average Time = 0.014958
```

## 分析和结论

从测试记录来看，FFT 程序的执行时间随数据规模增大而增大，其时间复杂度为：

$$4.874e-07*n*\log n+(-9845e-06/3)*n+\sqrt{2}*0.0003159*\log n-0.0017474$$