Exame de Recurso

Programação Funcional – 1° Ano, LEI / LCC / MIEF 14 de Fevereiro de 2014

Duração: 2 horas

1. Pretende-se contabilizar a pontação do campeonato de Fórmula 1. Para isso definiram-se os seguintes tipos de dados:

```
type TabClass = [(Piloto, Equipa, Pontos)]
type Piloto = String
type Pontos = Int
type Equipa = String
```

- (a) No campeonato de Fórmula 1 a pontuação de cada equipa é obtida pela soma dos pontos dos seus pilotos. Defina uma função pontosEquipa :: Equipa -> TabClass -> Pontos que calcula os pontos de uma dada equipa.
- (b) Numa prova de Fórmula 1 os dez primeiros pilotos a cortar a linha de meta recebem, respectivamente, 25, 18, 15, 12, 10, 8, 6, 4, 2 e 1 pontos.
 - Defina a função junta :: [Piloto] -> TabClass -> TabClass que recebe a lista de pilotos (pela ordem de chegada à meta numa prova) e a tabela de classificação geral, e calcula a nova classificação geral após a prova.
- (c) Defina a função ordena :: TabClass -> TabClass que recebe uma tabela de classificação geral e a devolve ordenada por ordem decrescente de pontos.
- 2. Considere o seguinte tipo para representar matrizes:

Por exemplo, a matriz (triangular superior)
$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 4 & 5 \\ 0 & 0 & 6 \end{bmatrix}$$
 seria representada por [[1,2,3], [0,4,5], [0,0,6]]

- (a) Defina uma função zipWMat :: (a -> b -> c) -> Mat a -> Mat b -> Mat c que, à seme-lhança do que acontece com a função zipWith, combina duas matrizes.
 Use essa função para definir uma função que adiciona duas matrizes.
- (b) Defina uma função triSup :: Mat a -> Bool que testa se uma matriz quadrada é triangular superior (i.e., todos os elementos abaixo da diagonal são nulos).
- (c) Defina uma função rotate Left :: Mat a -> Mat a que roda uma matriz 90^o para a esquerda. Por exemplo, para a matriz a cima o resultado de a rodar deve corresponder à matriz $\begin{bmatrix} 3 & 5 & 6 \\ 2 & 4 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}.$

3. Considere o seguinte tipo para representar um questionário com respostas binárias.

Para uma dada questão, uma resposta negativa (falso) correspode ao sub-questionário da esquerda e uma resposta positiva ao da direita. Um exemplo de um questionário (para ordenação de três valores) é dado por

```
q = Questao "a >= b"
      (Questao "a >= c"
                                                               a >= b
          (Questao "b >= c"
              (Solucao "a b c")
                                                    a >= c
                                                                        a >= c
              (Solucao "a c b"))
          (Solucao "c a b"))
      (Questao "a >= c"
                                              b >= c
                                                         cab
                                                                   bac
                                                                              b >= c
          (Solucao "b a c")
          (Questao "b >= c"
                                         abc
                                                   acb
                                                                          bca
             (Solucao "b c a")
             (Solucao "c b a")))
```

- (a) Defina uma função respostas :: Questionario -> [String] que calcula todas as respostas possíveis desse questionário.
- (b) Defina uma função seqResp:: Questionario -> String -> Maybe [Bool] que, dado um questionário e uma string correspondente a uma resposta, calcula a sequência de respostas necessárias para obter essa resposta. No caso da resposta não existir, a função deverá retornar Nothing.
- (c) Defina Questionário como instância da classe Show, de forma a que, para cada resposta possível, seja impressa uma linha com as questões (e repostas) necessárias para obter essa resposta.
 Por exemplo, para o questionário acima, show q deve dar como resultado

```
*Main> q
a >= b? Nao a >= c? Nao b >= c? Nao SOLUCAO: a b c
a >= b? Nao a >= c? Nao b >= c? Sim SOLUCAO: a c b
a >= b? Nao a >= c? Sim SOLUCAO: c a b
a >= b? Sim a >= c? Nao SOLUCAO: b a c
a >= b? Sim a >= c? Sim b >= c? Nao SOLUCAO: b c a
a >= b? Sim a >= c? Sim b >= c? Sim SOLUCAO: c b a
```

(d) Considere a seguinte função sobre questionários.

```
toString :: Questionario -> [String]
toString (Solucao s) = ['S':s]
toString (Questao q nao sim) = (toString nao) ++ (toString sim) ++ ['Q':q]
```

Defina uma função fromString :: [String] -> Questionario inversa da anterior, no sentido em que, para todo o questionário q se verifica que fromString (toString q) == q.