

# CS100 Recitation 13

GKxx

# Contents

- 模板（总结、补充）
  - 完美转发
  - 一些由模板编译引发的问题
  - 实现一个 `std::distance`
  - 认识模板元编程

**完美转发**

# 模板函数的类型推导

```
template <typename T>  
void foo(T param);
```

foo(arg) 调用时，发生的初始化就如同 auto param = arg;

- 首先，哪怕 arg 的类型是 A&，这里的 T 也绝不会推出引用！

```
int i = 42, &r = i;  
auto x = r; // int
```

- 在忽略 arg 可能带有的引用的情况下，再忽略顶层 const：

```
const int ci = 42;  
auto x = ci; // int
```

# 模板函数的类型推导

```
template <typename T>  
void foo(T param);
```

`foo(arg)` 调用时，发生的初始化就如同 `auto param = arg;`

- 首先，哪怕 `arg` 的类型是 `A&`，这里的 `T` 也绝不会推出引用！
- 在忽略 `arg` 可能带有的引用的情况下，再忽略顶层 `const`
- 数组或函数会退化为对应的指针类型：

```
int a[10];  
int func(int, double);  
foo(a);      // T = int *  
foo(func);   // T = int (*)(int, double)
```

## 模板函数的类型推导

```
template <typename T>  
void foo(T &param);
```

`foo(arg)` 调用时，发生的初始化就如同 `auto &param = arg;`

- `arg` 必须是左值，`param` 会变成绑定到 `arg` 的左值引用。

```
template <typename T>  
void foo(const T &param);
```

`foo(arg)` 调用时，发生的初始化就如同 `const auto &param = arg;`

## 模板函数的类型推导

```
template <typename T>  
void foo(T &&param);
```

最特殊的情况：当 `param` 的类型是 `T &&` 时。

- 如果调用 `foo(arg)` 时 `arg` 是一个 `E` 类型的右值，自然 `T = E`，`param` 是绑定到 `arg` 的右值引用。
- 如果 `arg` 是一个 `E` 类型的左值，`T = E &`，`param` 的类型是 `E & &&`？

# 引用折叠 (Reference collapsing)

“引用的引用”不能直接定义，但可能会通过类型别名或模板的操作而产生。这时将发生“引用折叠”：

- `& &`, `& &&`, `&& &` 折叠为 `&`
- `&& &&` 折叠为 `&&`。

```
using lref = int &;  
using rref = int &&;  
int n;
```

```
lref& r1 = n; // type of r1 is int&  
lref&& r2 = n; // type of r2 is int&  
rref& r3 = n; // type of r3 is int&  
rref&& r4 = 1; // type of r4 is int&&
```



# 万能引用

```
template <typename T>  
void foo(T &&param);
```

最特殊的情况：当 `param` 的类型是 `T &&` 时，这样的引用称为**万能引用** (universal reference) 或 forwarding reference。

- 如果调用 `foo(arg)` 时 `arg` 是一个 `E` 类型的右值，自然 `T = E`，`param` 是绑定到 `arg` 的右值引用。
- 如果 `arg` 是一个 `E` 类型的左值，`T = E &`，根据引用折叠的规则，`param` 的类型是 `E &`，一个绑定到 `arg` 的左值引用。

# 万能引用

```
template <typename T>  
void foo(T &&param);
```

- 对于右值，`T = E`，`param` 是 `E &&`。
- 对于左值，`T = E &`，`param` 是 `E &`。

`auto &&param = arg;` 也是这个效果

- 保证按引用传递，不会拷贝也不会移动
- 左值  $\Rightarrow$  左值引用，右值  $\Rightarrow$  右值引用
- 不会丢 `const`，也不会添加 `const`。

## 完美转发一个参数

考虑写个单个参数的 `make_unique`：我们需要将参数转发给 `new`，也就是转发给 `T` 的构造函数。

```
template <typename T, typename U>
std::unique_ptr<T> make_unique(const U &arg) {
    return std::unique_ptr<T>(new T(arg));
}
```

这样写是**不行**的！

- 不论传给 `make_unique` 的参数是什么值类别、是否带 `const`，`arg` 都是一个带 `const` 的左值。

## 完美转发一个参数

至少得先用万能引用，保证 `const` 和值类别不变。

```
template <typename T, typename U>
std::unique_ptr<T> make_unique(U &&arg) {
    if (/* U is an lvalue reference type */)
        return std::unique_ptr<T>(new T(arg));
    else
        return std::unique_ptr<T>(new T(std::move(arg)));
}
```

现在只需区分 `U` 是不是左值引用即可。

## std::forward

定义于 `<utility>` 中

- `std::forward<T>(x)` 在 `T` 是左值引用时返回绑定到 `x` 的左值引用，否则返回绑定到 `x` 的右值引用。

```
template <typename T, typename U>
std::unique_ptr<T> make_unique(U &&arg) {
    return std::unique_ptr<T>(new T(std::forward<U>(arg)));
}
```

注意：类似于 “`std::move` 不移动任何东西”，`std::forward` 也不转发任何东西，它只是做值类别上的调整。由于这两个函数极其特殊，不要丢掉 `std::`。

# 可变参数模板

```
template <typename First, typename... Rest> // Rest 是一个模板参数包
void read(First &first, Rest &...rest) {    // rest 是一个函数参数包
    std::cin >> first;
    if (/* rest 不是空的 */)
        read(rest...); // 包展开
}
int i; double d; std::string s;
read(i); // First = int, Rest 和 rest 都是空的
```

`read(i, d, s)` 实例化出以下函数：

- `void read(int &first, double &rest_1, std::string &rest_2)`
- `read(rest...)` 又会调用 `read(rest_1, rest_2)`，导致 `void read(double &first, std::string &rest_1)` 被实例化，而它的 `read(rest_1)` 会导致 `void read(std::string &first)` 被实例化。

## sizeof...(pack)

一个参数包里有几个参数？用 `sizeof...` 运算符。这个运算符在编译时求值。

\* 务必区分声明参数包时的 `...`、包展开时的 `...` 和 `sizeof...` 中的 `...` ！

```
template <typename First, typename... Rest> // Rest 是一个模板参数包
void read(First &first, Rest &...rest) {    // rest 是一个函数参数包
    std::cin >> first;
    if (sizeof...(Rest) > 0)
        read(rest...); // 包展开
}
```

报了个编译错误？它说我试图调用 `read()`

```
a.cpp: In instantiation of 'void read(First&, Rest& ...) [with First = int; Rest = {}]':
a.cpp:12:7:   required from here
a.cpp:7:9: error: no matching function for call to 'read()'
    7 |     read(rest...); // 包展开
```

## if constexpr

不妨试着写出当 `Rest = {}` 时的函数长什么样：

```
template <typename First>
void read(First &first) {
    std::cin >> first;
    if (false) // sizeof...(Rest) == 0
        read(); // Ooops! read 接受至少一个参数！
}
```

问题出在这个 `if` 是运行时的控制流，哪怕这个条件 100% 是 `false`，这个部分也必须能编译才行！



## if constexpr

`if constexpr (condition)` : 编译时的 `if` (since C++17)

- `condition` 必须能在编译时求值
- 只有在 `condition` 为 `true` 时, `statements` 才会被编译。

```
if constexpr (condition)
    statements
```

- 根据 `condition` 的值来决定编译 `statementsTrue` 还是 `statementsFalse`。

```
if constexpr (condition)
    statementsTrue
else
    statementsFalse
```

## if constexpr

```
template <typename First, typename... Rest>
void read(First &first, Rest &...rest) {
    std::cin >> first;
    if constexpr (sizeof...(Rest) > 0)
        read(rest...);
}
```

如果没有 `if constexpr`，我们就需要通过重载来完成：（这里的重载决议不用搞清楚）

```
template <typename T> // 为一个参数的情况单独定义
void read(T &x) { std::cin >> x; }
template <typename First, typename... Rest>
void read(First &first, Rest &...rest) {
    read(first); read(rest...);
}
```

## 完美转发任意多个参数

```
template <typename T, typename... Ts>
std::unique_ptr<T> make_unique(Ts &&...params) {
    return std::unique_ptr<T>(new T(std::forward<Ts>(params)...));
}
```

当 `Ts = {T1, ..., Tn}` 且 `params = {p1, ..., pn}` 时, `std::forward<Ts>(params)...` 展开为 `std::forward<T1>(p1), ..., std::forward<Tn>(pn)`。(由逗号分隔)

# 一些由模板编译引发的问题

## 实现 `Dynarray<T>` 的 `operator<`

不就是给各个地方都加上 `<T>` 么，我会！

```
template <typename T>
class Dynarray {
    friend bool operator<(const Dynarray<T> &, const Dynarray<T> &);
};
template <typename T> // 别忘了模板声明
bool operator<(const Dynarray<T> &, const Dynarray<T> &) {
    // 实现这个函数...
}

Dynarray<int> a, b;
if (a < b) // ld 报错 undefined reference to operator< ???
    // ...
```

## 非模板的情形

```
class Dynarray {  
    friend bool operator<(const Dynarray &, const Dynarray &); // (1)  
};  
bool operator<(const Dynarray &, const Dynarray &) { // (2)  
    // 实现这个函数...  
}
```

毫无疑问，(1) 处的声明和 (2) 处的定义是同一个函数。

# 模板情形

```
template <typename T> class Dynarray {  
    friend bool operator<(const Dynarray<T> &, const Dynarray<T> &); // (1)  
};  
template <typename T>  
bool operator<(const Dynarray<T> &, const Dynarray<T> &) { /* ... */ } // (2)
```

- 当我们使用 `Dynarray<int>` 时，这个类被实例化出来。
- 这时它顺带声明了 (1) `friend bool operator<(const Dynarray<int> &, const Dynarray<int> &)`，这个函数**不是模板**，而 (2) 是一个函数模板，**编译器不认为 (1) 和 (2) 是同一个函数**。
- 表达式 `a < b` 对于 `operator<` 做重载决议时，既能找到 (1) 又能找到 (2)，但是其它条件相同的情况下**非模板优于模板**，所以它选择了 (1) 而不是 (2)。
- 接下来压力给到链接器：(1) 只有声明而没有定义，遂报错。

## 解决方案 1：不用 friend

```
template <typename T>
class Dynarray {
    // 不声明 operator< 为 friend
};
template <typename T>
bool operator<(const Dynarray<T> &, const Dynarray<T> &) {
    // 不访问 Dynarray<T> 的私有成员
}
```

如果真的可以不借助 `friend` 实现它（而且不产生额外的代价），这当然也是个办法。

这时 `a < b` 的 `operator<` 正对应了这个模板函数，能够正确编译和链接。

这里只有一个 `operator<`，不存在两个 `operator<` 争宠的情况。



## 解决方案 2：在声明 `friend` 的同时定义它

```
template <typename T>
class Dynarray {
    friend bool operator<(const Dynarray<T> &, const Dynarray<T> &) {
        // 直接在这里实现它
    }
};
```

这里也只有一个 `operator<`。

## 解决方案 3：告诉编译器“真相”

```
template <typename T> class Dynarray {  
    friend bool operator<(const Dynarray<T> &, const Dynarray<T> &); // (1)  
};  
template <typename U> // 为了不引起混淆，这里用 U  
bool operator<(const Dynarray<U> &, const Dynarray<U> &) { /* ... */ } // (2)
```

编译器认为：(1) 不是模板，(2) 是模板，(1) 和 (2) 不是同一个函数。

真相：(1) 和 (2) 应当是同一个函数。在 `T` 给定的情况下，(1) 其实是 (2) 的 `U = T` 情形的实例。

## 解决方案 3：告诉编译器“真相”

```
// 1. 在 `friend` 声明之前声明这个模板函数
// 为了声明 operator< 的参数，还得再为 class Dynarray 补充一个声明
template <typename T> class Dynarray;
template <typename T>
bool operator<(const Dynarray<T> &, const Dynarray<T> &);
template <typename T> class Dynarray {
    // 2. 声明 friend 时在函数名后面加上 <> (或 <T>)
    // 说明它是先前声明过的一个模板函数的一个实例
    friend bool operator< <>(const Dynarray<T> &, const Dynarray<T> &);
};
// 3. 正常给出 `operator<` 的定义
template <typename T>
bool operator<(const Dynarray<T> &, const Dynarray<T> &) {
    // ...
}
```

实现一个 `std::distance`

## std::distance

定义于 `<iterator>` 中。相关的函数还有 `std::advance` , `std::next` 等。

```
template <typename Iterator>  
auto distance(Iterator first, Iterator last);
```

计算从 `first` 到 `last` 的“距离”：

- `Iterator` 至少得是 `InputIterator`。
- 对于 `RandomAccessIterators`，返回 `last - first`。
- 对于一般的 `InputIterator`，从 `first` 开始不断 `++`，直到碰到 `last` 为止。

## 返回值类型是什么？

通常情况下，一个迭代器应当具有一个类型别名成员 `difference_type`，表示两个迭代器的“距离”的类型。

这个类型通常是 `std::ptrdiff_t`（和指针相减的类型相同），但这并不一定。

为了写出最通用的 `distance`，我们应该使用这个 `difference_type`：

```
template <typename Iterator>
typename Iterator::difference_type distance(Iterator first, Iterator last);
```

开头的这个 `typename` 是啥？如果 `Iterator` 是个指针怎么办？一会儿再说...

## 如何知道迭代器的型别？

通常情况下，一个迭代器应当具有一个类型别名成员 `iterator_category`，它是以下五个类型之一的别名：

```
namespace std {  
    struct input_iterator_tag {};  
    struct output_iterator_tag {};  
    struct forward_iterator_tag : input_iterator_tag {};  
    struct bidirectional_iterator_tag : forward_iterator_tag {};  
    struct random_access_iterator_tag : bidirectional_iterator_tag {};  
}
```

# Tag dispatch

将两种不同的实现写在两个函数里，分别加上一个 tag 参数

```
template <typename Iterator>
auto distance_impl(Iterator first, Iterator last,
                  std::random_access_iterator_tag); // (1)

template <typename Iterator>
auto distance_impl(Iterator first, Iterator last,
                  std::input_iterator_tag); // (2)

template <typename Iterator>
auto distance(Iterator first, Iterator last) {
    using category = typename Iterator::iterator_category;
    // 传一个 category 类型的对象作为第三个参数
    // 如果 category 是 std::random_access_iterator_tag, 就会匹配 (1), 否则匹配 (2)
    return distance_impl(first, last, category{});
}
```



# Tag dispatch

```
template <typename Iterator>
auto distance_impl(Iterator first, Iterator last,
                  std::random_access_iterator_tag) { // (1)
    return last - first;
}
template <typename Iterator>
auto distance_impl(Iterator first, Iterator last,
                  std::input_iterator_tag); { // (2)
    typename Iterator::difference_type result = 0;
    while (first != last) { ++first; ++result; }
    return result;
}
template <typename Iterator>
auto distance(Iterator first, Iterator last) {
    using category = typename Iterator::iterator_category;
    return distance_impl(first, last, category{});
}
```

## 指针怎么办？

以上实现依赖于 `Iterator::difference_type` 和 `Iterator::iterator_category`，如果 `Iterator` 根本不是类类型怎么办？

当然可以直接为指针做一个重载：

```
template <typename T>
auto distance(T *first, T *last) {
    return last - first;
}
```

但事实上有很多函数都面临这个问题，全都多加一份重载也太麻烦了。

# Traits 技术

```
template <typename Iterator> // 一般情况：Iterator 是一个类类型
struct Traits {
    using difference_type = typename Iterator::difference_type;
    using iterator_category = typename Iterator::iterator_category;
};
template <typename T> // 为指针做特化
struct Traits<T*> {
    using difference_type = std::ptrdiff_t;
    using iterator_category = std::random_access_iterator_tag;
};
```

使用 `Traits<Iterator>::difference_type` 和 `Traits<Iterator>::iterator_category`，即可处理所有情况。

## iterator\_traits

上面的这个 Traits 正对应了标准库 `std::iterator_traits`。

```
namespace std {  
    template <typename Iterator> // 一般情况：Iterator 是一个类类型  
    struct iterator_traits {  
        using value_type      = typename Iterator::value_type;  
        using pointer         = typename Iterator::pointer;  
        using reference       = typename Iterator::reference;  
        using difference_type = typename Iterator::difference_type;  
        using iterator_category = typename Iterator::iterator_category;  
    };  
}
```

# iterator\_traits

上面的这个 Traits 正对应了标准库 `std::iterator_traits`。

```
namespace std {  
    template <typename T> // 为指针做特化  
    struct iterator_traits<T*> {  
        using value_type      = std::remove_cv_t<T>; // 这是啥？  
        using pointer         = T*;  
        using reference       = T&;  
        using difference_type = std::ptrdiff_t;  
        using iterator_category = std::random_access_iterator_tag;  
    };  
}
```

`std::remove_cv_t<T>`：是 `T` 去除可能的顶层 `const` 或 `volatile` 后的类型，定义于 `<type_traits>`。

## 用 `if constexpr` 实现

能不能直接这样写？

```
template <typename Iterator>
auto distance(Iterator first, Iterator last) {
    using category = typename std::iterator_traits<Iterator>::iterator_category;
    if constexpr (/* category == std::random_access_iterator_tag */)
        return last - first;
    else {
        typename std::iterator_traits<Iterator>::difference_type result = 0;
        while (first != last) {
            ++first; ++result;
        }
        return result;
    }
}
```

如何判断两个类型相同？

## 用 `if constexpr` 实现

`std::is_same_v<T, U>` : `bool` 类型的编译期常量，当 `T` 和 `U` 是同一个类型时为 `true`，否则为 `false`。定义于 `<type_traits>`。

```
template <typename Iterator>
auto distance(Iterator first, Iterator last) {
    using category = typename std::iterator_traits<Iterator>::iterator_category;
    if constexpr (std::is_same_v<category, std::random_access_iterator_tag>)
        return last - first;
    else {
        typename std::iterator_traits<Iterator>::difference_type result = 0;
        while (first != last) {
            ++first; ++result;
        }
        return result;
    }
}
```

# 认识模板元编程 (Template Metaprogramming)



# Hello world

```
template <unsigned N>
struct Factorial {
    static const auto result = N * Factorial<N - 1>::result;
};
template <>
struct Factorial<0u> {
    static const auto result = 1u;
};
int main() {
    const auto n = Factorial<10>::result; // 3628800
    int a[n]; // 正确。n 是一个编译时常量，可以用来开数组。
}
```

虽然在 modern C++ 它可以完全被 `constexpr` 函数替代，但是这仍是 TMP 的最经典的 hello world。

## Substitution Failure Is Not An Error (SFINAE)

例：在测试中给出更好的报错信息

假设 `ca` 是一个 `const Dynarray`，我要检查 `ca.size()` 是否能编译。

- 如果直接写 `ca.size()`，编译器会报告 `'const Dynarray' has no member 'size'`
- 但我希望自定义这个报错信息，方法是借助 `static_assert`：

```
static_assert(condition, "message");  
static_assert(condition); // message 可以不提供 (since C++17)
```

其中 `condition` 必须是一个编译时常量。

## Substitution Failure Is Not An Error (SFINAE)

假设 `ca` 是一个 `const Dynarray`，我希望获得一个编译时的 `bool` 常量，来表示 `ca.size()` 是否能编译。

```
namespace detail {
    template <typename T = const Dynarray,
              typename U = decltype(T{}.size())>
    std::true_type helper(int);      // (1)
    std::false_type helper(double); // (2)
}
static_assert(decltype(detail::helper(0))::value,
              "Dynarray::size not defined or incorrect!");
```

- `detail::helper(0)` 会优先匹配 (1)，因为 `0` 是 `int`。
- 由于 `detail::helper(0)` 没有给出模板参数，`T` 会采用默认值 `const Dynarray`，`U` 会采用默认值 `decltype(T{}.size())`

## Substitution Failure Is Not An Error (SFINAE)

```
namespace detail {  
    template <typename T = const Dynarray,  
              typename U = decltype(T{}.size())>  
        std::true_type helper(int);      // (1)  
        std::false_type helper(double); // (2)  
}  
static_assert(decltype(detail::helper(0))::value,  
              "Dynarray::size not defined or incorrect!");
```

- `detail::helper(0)` 会优先匹配 (1)，因为 `0` 是 `int`。
- 由于 `detail::helper(0)` 没有给出模板参数，`T` 会采用默认值 `const Dynarray`，`U` 会采用默认值 `decltype(T{}.size())`。
- 这时如果发现 `T{}.size()` 不能编译，就发生了 **substitution failure**：编译器不会在这里报错（**not an error**），而是转而去尝试匹配 `helper(double)`。

## Substitution Failure Is Not An Error (SFINAE)

```
namespace detail {  
    template <typename T = const Dynarray,  
              typename U = decltype(T{}.size())>  
    std::true_type helper(int);      // (1)  
    std::false_type helper(double); // (2)  
}  
static_assert(decltype(detail::helper(0))::value,  
              "Dynarray::size not defined or incorrect!");
```

- 如果 `T{}.size()` 能编译，`detail::helper(0)` 就匹配 `helper(int)`，返回值类型是 `std::true_type`，于是 `decltype(detail::helper(0))::value` 是 `true`。
- 否则，`detail::helper(0)` 会匹配 `helper(double)`，返回值类型是 `std::false_type`，于是 `decltype(detail::helper(0))::value` 是 `false`。

## `std::tuple` : 一个编译期容器

可能的实现：

```
template <typename First>
class tuple<First>;
template <typename First, typename... Rest>
class tuple<First, Rest...> : public tuple<Rest...>;
// 例：tuple<A, B, C> 继承自 tuple<B, C>
```

```
std::tuple<int, double, int> t{0, 4.0, 42};
```

## `std::ratio`：编译期有理数类

标准库 `<chrono>` 利用 `std::ratio` 来表示各种时间单位，并且保证了量纲的正确性

- 例如，微秒和毫秒不能在数值上直接相加。

一个经典的例子：将七大基本物理单位对应于七个模板参数

```
template <int mass, int length, int time, int charge,  
          int temperature, int intensity, int amount_of_substance>  
struct quantity;
```

- 例如，力（牛顿）就是 `quantity<1, 1, -2, 0, 0, 0, 0>`，即  $\text{kg} \cdot \text{m}/\text{s}^2$ 。
- 正确定义 `quantity` 之间的运算，就可以在**编译时**杜绝量纲错误。

## 其它可能的应用

- 表达式模板 expression templates
- 序列化 serialization
- Embedded Domain Specific Language
- ...

事实上很多使用模板的程序都需要一些 TMP 技术，哪怕只是非常简单的 specialization 或 SFINAE。