

# Introduction à la cryptologie

Dr. Yousfi Souheib

# Différents modèles de sécurité

## Le protocole AAA :

Le contrôle d'accès se fait en 4 étapes :



- ➊ Identification : Qui êtes-vous ?
- ➋ Authentification : Prouvez-le !
- ➌ Autorisation : Avez-vous les droits requis ?
- ➍ Audit : Qu'avez-vous fait ?

### Authentification : Prouver l'identité d'un individu :

- ➊ Ce que vous savez (mot de passe, code PIN, etc.)
- ➋ Ce que vous avez (carte magnétique, lecteur de carte, etc.)
- ➌ Ce que vous êtes (empreintes digitales, réseau rétinien, etc.)

### Remarque

L'authentification forte résultera de la combinaison de 2 de ces facteurs.

## Definition

La cryptologie est la science du secret. Mécanismes qui permettent de rendre inintelligible la lecture d'un message. Elle se divise en deux disciplines :

- **La cryptographie** qui est l'étude des algorithmes permettant la protection d'informations (numériques). Ces algorithmes sont appelés cryptosystèmes.
- **La cryptanalyse** qui est l'étude du niveau de sécurité des cryptosystèmes fournis par les cryptographes. C'est l'art de casser ou attaquer les cryptosystèmes.

## La transposition

Une forme de transposition utilise le premier dispositif de cryptographie militaire connu, la scytale spartiate, remontant au Ve siècle avant J.-C. La scytale consiste en un bâton de bois autour duquel est entourée une bande de cuir ou de parchemin

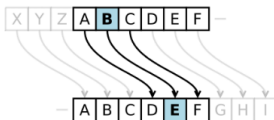


## Fonctionnement

Après avoir enroulé la ceinture sur la scytale, le message était écrit en plaçant une lettre sur chaque circonvolution (axe).

## César

Le point de départ de la cryptographie par substitution générale. Son principe est un décalage des lettres de l'alphabet.



## Fonctionnement

Pour le **chiffrement**, on aura la formule :  $C = e(P) = (P + k) \bmod 26$

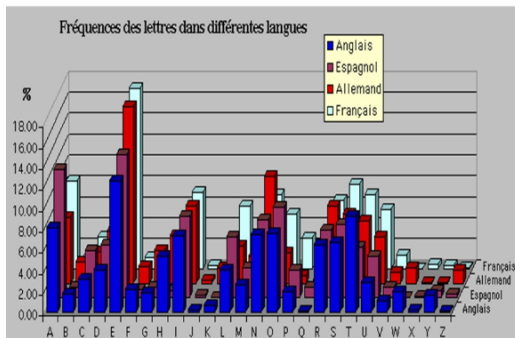
Pour le **déchiffrement**, il viendra :  $P = d(C) = (C - k) \bmod 26$

## Remarque

Si on connaît l'algorithme utilisé (ici César), la cryptanalyse par force brute est très facile. En effet, dans le cas du chiffre de César, seules 25 (!) clef sont possibles.

## Analyse de fréquences

Lorsque la langue de départ et le cryptosystème sont connus, on peut exploiter les régularités du langage par le principe d'analyse de la fréquence d'une lettre pour un message chiffré suffisamment long pour avoir des moyennes significatives.



## Cryptosystème de Vigenère (1586)

C'est une amélioration décisive du cryptosystème de César. Sa force réside dans l'utilisation non pas d'un, mais de 26 alphabets décalés pour chiffrer un message. On parle du carré de Vigenère.

## Avantage

La grande force du cryptosystème de Vigenère est que la même lettre sera chiffrée de différentes manières d'où perte de la fréquence des lettres, ce qui rend inutilisable l'analyse de fréquence classique.

# Période artisanale

## Cryptosystème de Vigenère

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
A	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
B	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A
C	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B
D	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C
E	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D
F	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E
G	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F
H	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G
I	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H
J	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I
K	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
L	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
M	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L
N	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
O	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N
P	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
Q	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
R	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q
S	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R
T	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S
U	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T
V	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U
W	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V
X	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W
Y	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X
Z	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y



## Fonctionnement Mathématique

La clef  $k = (k_1, k_2, \dots, k_s) \in (\mathbb{Z}/26\mathbb{Z})^s$ , si on considère un message  $m = (a_1, a_2, \dots, a_n, \dots)$ , son chiffré est :

$$c = (a_1 + k_1, \dots, a_s + k_s, a_{s+1} + k_1, \dots, a_{2s} + k_s, a_{2s+1} + k_1, \dots).$$

Le déchiffrement s'effectue suivant le même principe, puisque le clair  $m$  est obtenu à partir du chiffré  $c = (b_1, b_2, \dots)$  par soustraction de la clef :  $m = (b_1 - k_1, \dots, b_s - k_s, b_{s+1} - k_1, \dots, b_{2s} - k_s, b_{2s+1} - k_1, \dots).$

## Exemple

- Si la clef est « coco » et le message « montreal », la clef est répétée pour être de même longueur que le message 'cocococo'
- 'c' utilisé pour 'm' donne 'o' ; 'o' utilisé pour 'o' donne 'c' ; 'c' utilisé pour 'n' donne 'p' ; et ainsi de suite.

## Exemple

Soit la phrase "tours est une superbe ville", on veut la chiffrer avec le mot clef "SUPINFO". On commence par répéter en boucle la clef « au dessus » du texte.

clé	S	U	P	I	N	F	O	S	U	P	I	N	F	O	S	U	P	I	N	F	O	S	U
clair	t	o	u	r	s	e	s	t	u	n	e	s	u	p	e	r	b	e	v	i	l	l	e
chiffré																							

## Exemple

Pour déchiffrer un message, le destinataire fera la même chose, mais à l'envers.

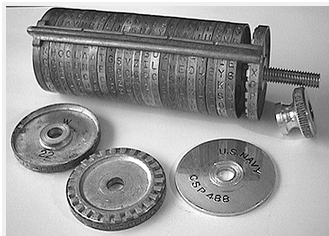
clé	S	U	P	I	N	F	O	S	U	P	I	N	F	O	S	U	P	I	N	F	O	S	U
clair	t	o	u	r	s	e	s	t	u	n	e	s	u	p	e	r	b	e	v	i	l	l	e
chiffré	L	I	J	Z	F	J	G	L	O	C	M	F	Z	D	W	L	Q	M	I	N	Z	D	Y

## Exemple

Ce cryptosystème fut longtemps considéré comme incassable. Il l'est d'ailleurs si l'on utilise une clef aussi longue que le texte à chiffrer, et que l'on change de clef à chaque message. Cette méthode est appelée masque jetable et fut élaborée par Vernam en 1917. Son inviolabilité a été démontrée par Shannon en 1949.

## Le cylindre de Jefferson (1800)

Le mécanisme est composé d'une série de disques pivotant autour d'un axe, et sur lesquels sont inscrits des alphabets désordonnés. Pour chiffrer un message, on fait tourner les disques de façon à ce qu'il apparaisse sur une ligne du cylindre. Le message chiffré sera alors le contenu de la ligne suivante. Ici, la clef est l'ordre dans lequel les disques sont insérés sur l'axe. Chaque disque étant identifié par un numéro, la clef est donc un nombre.

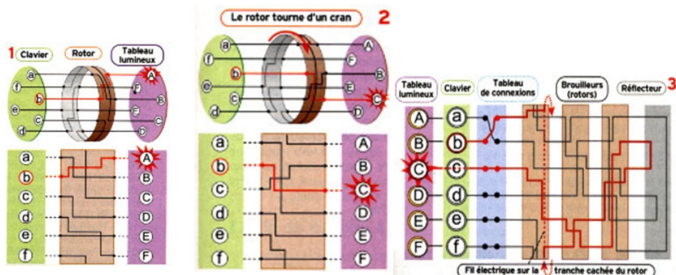


## Le cylindre de Jefferson (1800)

Le destinataire du message possède les mêmes cylindres que l'expéditeur. Après qu'il ait ordonné les disques selon la clef, reconstitue sur une ligne le message chiffré. Il n'aura plus ensuite qu'à lire le texte intelligible sur la ligne précédente. C'est la première introduction de la mécanique en cryptographie. Ce chiffre fut vite abandonné, avant d'être réutilisé par l'armée américaine un siècle plus tard.

## La machine ENIGMA (1918)

Cette machine ressemble à une machine à écrire. À chaque lettre tapée, une impulsion électrique est émise, parcourt divers circuits dépendants de la position de rotors, et éclaire finalement une ampoule correspondant à la lettre chiffrée. Entre chaque lettre, la position des rotors change, modifiant ainsi la substitution opérée. La clef de chiffrement de cette machine est la position initiale des rotors. Le nombre de clefs est gigantesque.



## La machine ENIGMA

À partir de 1926, les différents secteurs de l'armée allemande vont s'équiper en machines ENIGMA. Environ 100 000 exemplaires seront ainsi utilisés. Les services secrets britanniques créeront pendant la deuxième guerre une cellule chargée de déchiffrer les messages issues de machines ENIGMA. La réussite de cette opération, la plus vaste de l'histoire de la cryptanalyse, permet selon les historiens d'écourter la guerre d'environ deux ans. Le mathématicien Alan Turing (1912-1954) dirigea cette cellule depuis Bletchley Park.



## Résumé

Tous les algorithmes présentés dans les parties précédentes étaient symétriques :

- scytale : on utilise des bâtons de même diamètre pour chiffrer et déchiffrer.
- chiffre de César : le décalage est de  $k$  lettres que ça soit pour chiffrer ou déchiffrer.
- chiffre de Vigenère : on utilise le même mot clef pour chiffrer et déchiffrer.
- machine Enigma : la position des rotors est la même lors du chiffrement ou du déchiffrement.

## Remarque :

- En 1970, les échanges de clefs dans les grosses banques américaines se font à travers un courtier. Mais la logistique devenait ingérable.



## Applications diplomatiques

La cryptologie a depuis toujours été utilisée à des fins diplomatiques et militaires. Citons par exemple le fameux téléphone rouge, ligne reliant le Kremlin et la maison blanche où le procédé utilisé était celui ancestral de Vigenère. Les précautions optimales étaient prises, c'est-à-dire que la clef était à usage unique et aussi longue que le texte à chiffrer. Dans ces conditions le chiffre de Vigenère est démontré incassable. Vu le problème déjà évoqué de l'échange des clefs, l'utilisation de ce téléphone rouge fut cependant limitée à des communications de la plus haute importance. Fidel Castro et Ernesto Guevara utilisèrent ce même procédé dans les années soixante.

# La cryptographie contemporaine

## Message chiffré échangé par Castro et Guevara



08388	88767	08762	63183	76487	06267	67068
61864	68432	46051	87931	78292	03033	46393
69140	10399	94713	40019	44679	09280	05784
23797	68279	65867	08709	58395	96588	72397
62773	41169	42357	47453	62133	71390	45511
85680	09338	07119	45854	10428	67828	17823
63095	87089	58672	71528	72843	93709	49876
48794	07888	48125	80098	62982	98696	77716
01989	84869	96997	51516	34722	21395	28786
38726	50833	82088	28727	68626	31833	73111
84580	19471	78213	76694	58830	42540	62630
16276	69204	50291	94311	56456	73373	35741
77777	28366	58776	46760	97613	05867	63237
12364	35601	94508	52040	57871	52504	78693
89791	53567	42474	98720	44484	57361	31872
27773	78208	76926	38396	32676	03946	41483
67818	00621	07408	75593	67230	67808	81792
80001	78829	73324	03881	99806	60744	24175
15439	76858	98767	26796	59377	93987	62946
22892	30542	38091	48169	48423	46825	73171
31271	06310	26758	61895	97790	39702	35047
58728	73333	08077	15882	15850	65872	88728
06389	25067	32247	82811	82873	32321	22798
54082	98332	32214	93293	67933	97153	00533

← clair  
← clé  
← chiffré

# Partie I

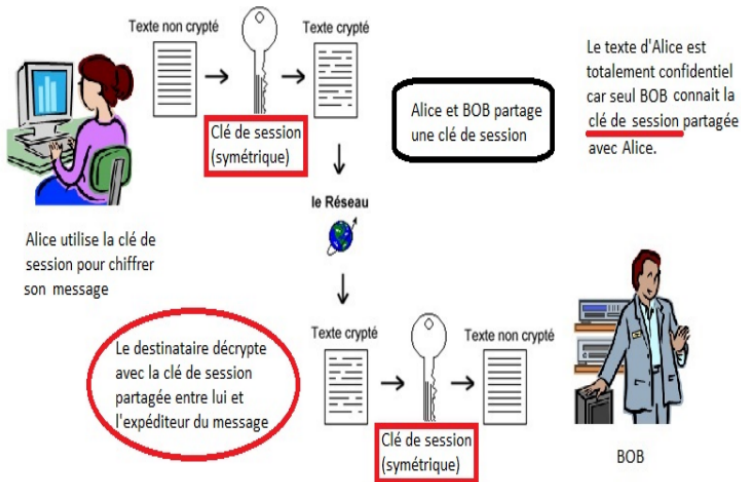
## Le chiffrement symétrique

## Definition

Les systèmes traditionnels de chiffrement symétrique utilisent une clef partagée entre émetteur et destinataire

- Si la clef unique est découverte, toutes les communications sont compromises.
- Permet de fournir la confidentialité.
- **Avantage**
  - Rapide
- **Inconvénients**
  - Il faut autant de clefs que de couples de correspondants ( $2 \rightarrow 1$  clef, ...,  $n \rightarrow n(n-1)/2$  clefs)
  - La non-répudiation n'est pas assurée. mon correspondant possédant la même clef que moi peut fabriquer un message en usurpant mon identité
  - Distribution de clefs : dans le cas d'un canal non sécurisé.

# Le chiffrement symétrique



- Les systèmes à clef secrète sont insuffisants à deux points de vue :
  - Distribution des clefs : comment avoir en général des communications sûres sans faire confiance à un KDC.
  - Signatures numériques : comment vérifier qu'un message provient bien de l'émetteur prétendu.

# Partie II

## Le chiffrement asymétrique

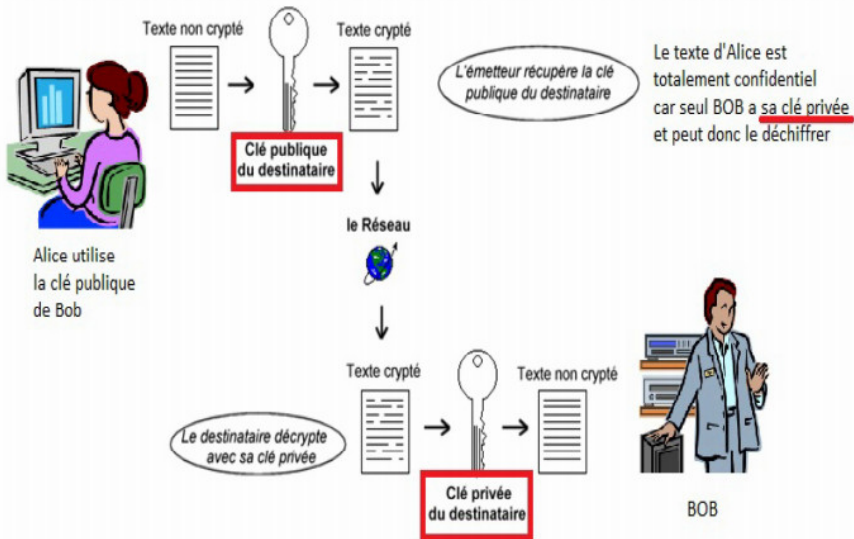
## Definition

Le chiffrement est dit asymétrique car le fonctionnement est différent entre émetteur et destinataire. Il utilise deux clefs : l'une est publique (dans un annuaire, par exemple) l'autre est secrète ou privée (jamais transmise).

- Les méthodes utilisées ne sont plus substitution ou transposition mais des aspects complexes de la théorie des nombres et autres problèmes dits NP-complets.
- La clef publique, que tout le monde peut connaître, sert à chiffrer les messages et vérifier les signatures.
- La clef privée, connue de son seul propriétaire, est utilisée pour déchiffrer les messages chiffrés avec la clef publique correspondante et créer des signatures.
- La clef utilisée pour chiffrer les messages ou vérifier les signatures ne peut pas déchiffrer les messages ni créer des signatures.



# Le chiffrement asymétrique



# Le chiffrement asymétrique

- Trois catégories :
  - Chiffrement/Déchiffrement : L'émetteur chiffre son message en utilisant la clé publique du récepteur : **Confidentialité**.
  - Signature numérique : L'émetteur signe son propre message en utilisant sa clé privée : **Authentification**.
  - Échange de clés : Deux partenaires peuvent s'échanger des clés de session.
- Il y a une énorme différence de complexité entre le chiffrement simple et le déchiffrement difficile.
- Le problème du déchiffrement est connu, il est difficile à résoudre à cause du coût des calculs.
- Les méthodes utilisées travaillent sur des grands nombres (plusieurs centaines de chiffres).

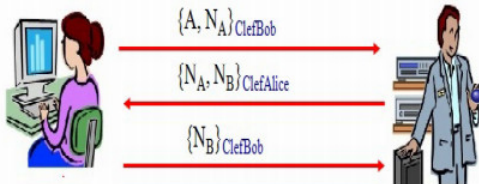
# Le chiffrement asymétrique

- En 1976, Whitfield Diffie et Martin Hellman publient "new directions in cryptography", un article dans lequel ils décrivent un protocole afin de s'échanger secrètement une clef de chiffrement. C'est une avancée majeure car la communication des clefs a toujours été un problème fondamental. Dans cet article ils introduisent également le concept de clef publique.
- En 1977, Ronald Rivest, Adi Shamir et Leonard Max Adleman mettent au point le R.S.A., qui deviendra vite l'algorithme le plus sécurisé au monde.
- En 1991 Philip Zimmermann développe le logiciel P.G.P., Pretty Good Privacy. Il s'agit d'un freeware destiné principalement aux particuliers afin qu'ils chiffrent leur emails.
- Les dernières recherches en cryptologie se portent sur ce que l'on appelle la cryptographie quantique. L'échange de clefs se ferait par un canal quantique, où une information interceptée et lue par un tiers y introduit des erreurs. On peut donc détecter si une clef a été interceptée ou pas.

# Le chiffrement asymétrique

Le protocole de Needham-Schroeder à clef publique (1978) :

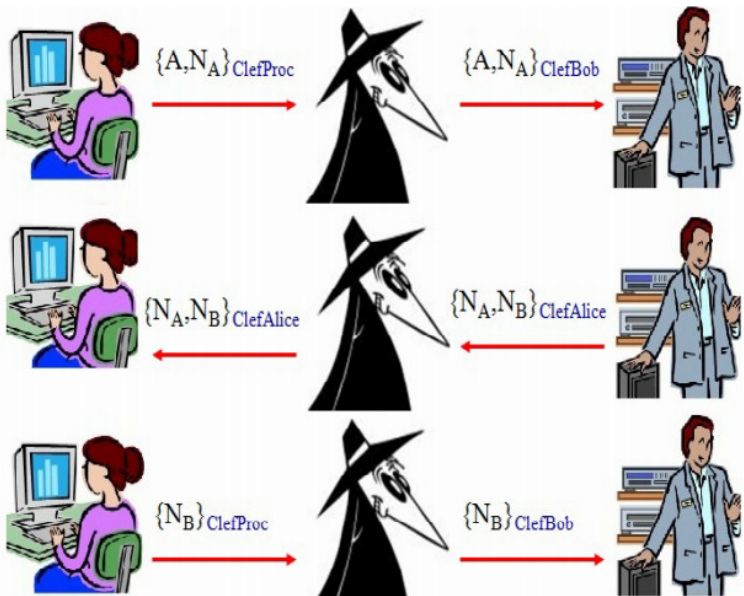
- Protocole d'authentification (prouvé l'un et l'autre leurs identités respectives dans un réseau non sûr).
- Longtemps utilisé par les CB.
- Il a fallu 17 ans pour imaginer et ce rendre compte que l'étude des protocoles cryptographiques est un vrai challenge. Gaven Low a exhibé l'attaque MIM.



- Est-ce que  $N_B$  est secret entre Alice et Bob ?

Lorsque Bob reçoit le message de Alice, est-ce que le message provient réellement d'Alice ?

# Le chiffrement asymétrique



# Comparaison Chiff. Symétrique VS Chiff. Asymétrique

- La première différence notable entre les deux systèmes est que dans l'un on a la contrainte importante de devoir procéder à un échange de clef, et que dans l'autre non.
- Les algorithmes asymétriques seront également plus lents et nécessiteront des ressources matérielles bien plus puissantes, qu'un particulier ne pourra par exemple pas avoir. En pratique, ils seront donc essentiellement destinés à des organisations gouvernementales ou à de grosses entreprises.

Cryptographie symétrique	Cryptographie asymétrique
Problème majeur d'échange des clés	Pas de clés à échanger
Relative simplicité d'implémentation	Relative complexité d'implémentation
Pas trop coûteux en ressources matérielles	Très coûteux en ressources matérielles
Relativement rapide	Très lent

# Comparaison Chiff. Symétrique VS Chiff. Asymétrique

Nb personnes	Nb clés secrètes	Nb clés publiques ET privées
2	1	4
3	3	6
4	6	8
5	10	10
10	45	20
15	105	30
20	190	40
50	1225	100
100	4950	200
500	124 750	1 000
1 000	499 500	2 000
10 000	49 995 000	20 000
<b>n</b>	<b><math>n(n-1)/2</math></b>	<b><math>2n</math></b>



SYMMETRIC



ASYMMETRIC

La sécurisation des transactions monétaires déclenchées par l'usage d'une carte bancaire est triple :

- ① Utilisation d'un code confidentiel de 4 chiffres à taper par le possesseur de la carte.
- ② Authentification hors ligne (signature R.S.A.) : chaque carte a une V.S. (Valeur de Signature) nombre calculé lors de sa fabrication à partir des informations personnelles du propriétaire. Ce calcul s'effectue à l'aide d'un algorithme R.S.A. et de la clef secrète du groupement des cartes bancaires. Déchiffré à l'aide de la clef publique du groupement, il est alors comparé aux informations personnelles du propriétaire. Normalement seul le groupement a pu calculer cette V.S. car le calcul nécessite la connaissance de leur clef secrète. Ici hors ligne signifie sans appel à un centre de paiement.



La troisième étape de la sécurisation des transactions monétaires déclenchées par l'usage d'une carte bancaire est :

- ③ Authentification en ligne (par D.E.S.) : le centre de paiement envoie à la carte une valeur aléatoire. Celle-ci chiffre cette valeur à l'aide d'une clef secrète contenue dans sa puce et de l'algorithme D.E.S. Le centre de paiement fait ce même calcul et compare les deux valeurs. A noter que cela nécessite que le centre de paiement connaisse les clefs secrètes de toutes les cartes bancaires. Ici en ligne signifie avec appel à un centre de paiement.