

欧拉筛

是质数 = [True] * (n+1)

质数 = [] 并一个数组

for i in range(2, n+1):

if 是质数 [i] = True:

质数.append(i)

for p in 质数

if $i * p > n$) 超界了
break

质数[i*p] = False

if $i \% p == 0$: 优化 直接用
break

质数 --> 便是 2 ~ n 的质数表

语法点

① f = {a: 2.5}, 字符串格式化
注意 "-0.000" 优化为 "0.000"

② "间隔". join(列表), 字符串拼接

③ A.index(a), 找 A 中首次出现 a.

④ 双指标排序

list.sort(key = lambda x: (x[0], x[1]))

⑤ 创建独立副本(深拷贝)

A 为一个二维表

from copy import deepcopy

B = deepcopy(A)

⑥ try: ... except EOFError

⑦ from math import gcd

gcd(a, b) => 最大公因数

最小公倍数 * 最大公因数 = a * b

abs() => 绝对值

⑧ 阿斯克码: 字符 $\xrightarrow{\text{ord()}}$ 阿斯克码
 $\xleftarrow{\text{chr()}}$ 字符

a ~ z: 97 ~ 122

A ~ Z: 65 ~ 90

判断一个数是不是质数(6倍数)

一切大于质数均写为 6k ± 1

n:

① if $n \leq 1$: return False

② if $n = 2$ or $n = 3$: 是

③ if $n \% 2 = 0$ or $n \% 3 = 0$: 不是

for i in range(5, $\lfloor \sqrt{n} \rfloor + 1$, 6):

if $n \% i = 0$ or $n \% (i+1) = 0$: \hookrightarrow import math
return 不是

return 是

技巧

① from collections import Counter
Counter(list), 返回一个字典

② 大于 10^6 , 不可穷举

③ from collections import deque
A = deque([a])

④ $\lfloor n \rfloor$: $n // 1$

$\lceil n \rceil$: $-(-n // 1)$

⑤ 二分查找 需要有序

例题整理

DP

最佳斐波: for i in 范围:

for j in c.copy():

if j < b: c.add(i+j)

else: continue

print c.sort() 的最大的(大排中)

时间复杂度问题

蓄水池保留问题: 用堆, 维护最小

区间调度:

→ 这些调度问题用一个堆即可

八皇后: 回溯法: 子会用手算

Greedy

一维 kadane 算法: 计算最好连续和

for num in nums

current_sum = max(num, current_sum + num)

max_sum = max(max_sum, current_sum)

对于二维的数, 就化为一维 (先计算前缀和)

DFS & BFS

迷宫要求输出路径: 用 BFS, 三叉树

(x, y, 路径表[])

棋盘问题: 回溯法

变种的迷宫: 三维 visited

快慢指针 三参数 [0, 1, y)
时间

注意事项

边遍历边修改不好

对于集合, 可以用 for i in A.copy()

int (str, n)
字符串 进制

for key, value in dict.items()

dict.get (key, default)
→ 可选 default = 0

List (zip (a,b))
合并列表 (元组),
(a1, b1), (a2, b2) ...

math.log (m, n) ⇒ log_n m, 不输入 n, 默认 10

math.pow (m, n) ⇒ mⁿ

(d) lru-cache

import
calendar

日历

calendar.month (年, 月)

返回 一个月份日历字符串

calendar.isleap (年), 返回布尔值, 是否闰年

calendar.leapdays (年, 年) 返回 1~2 间闰年数

calendar.weekday (年, 月, 日) 返回这天是几
0 ~ 6
月 ~ 日

从集合: from collections import Counter
n 个元素返回字典

from itertools import permutations

全排列

list (permutations (s))

全组合

combinations (s, r)

combinations

eg 2

全 2 元组合

WA: 先查特殊情况

边界情况, 递归循环, 正负数则反

拷贝 (copy)

递归优化

△ sys.setrecursionlimit

△ functools.lru-cache

不 简单题我直接递归循环

可以

de

Heapq 堆

import heapq

list

heapq.heapify(list)

heapq.heappop(list)

heapq.heappush(list, element)

① 优先级调度问题

② Top K 问题

③ 合并多个有序列表

④ 滑动窗口

⑤ 最小化

⑥ 最大值

⑦ 数据流

2 E

10mi

i

Max 堆

① 一般 max 堆取三元

的三元组用 $\max(\max(a, b), c)$

② max 列表, $key = \lambda x: x[0]$

可行

多重背包

k=1

while k <= 物品数:

for j in range(N, price*k-1, -50)

dp[j] = min(dp[j], dp[j-price*k]+k)

max-count = k

k*=2

逃生指南 ⑧ 分治 DP 双 DP

1. 除法用地除得到整数

2. 递归进栈错误

3. 边界情况, 取很小的情况

4. return 的位置与逻辑

5. 贪心是否最优

6. 双端队列, eg: 装箱问题, 手码坐位

7. 开背包可开 2 个

优化: ① 过程中 mod

② 过程中存整数, eg "5" ÷ 1000 记得存

③ 数字的预处理 $x \div$ 好用快

④ 分类, 提前跳出循环

逃生指南

⑨ 递归: 选择, 探索, 回退

⑩ 深拷贝, import copy

deep_copy = copy.deepcopy()

或者 $\text{int}(\text{math.log}(\text{number}, 2))$

求 2 的几次方

△ 区间 5 讲

以下均为数轴由左向右走的方法

一、区间合并

① 左端点排序

② 记忆右端点，遍历区间，若 $new_左 > 右端点$ 更新右端点 且 $num++$

二、选择不相交的区间

① 右端点排序

② 记忆右端点，遍历区间，若 $new_左 > 右端点$ 更新右端点 且 $num++$

三、区间选点

① 右端点排序，初始点为第一个区间的右端点

② 记忆点，遍历区间，若 $new_左 > 记忆点$ 更新记忆点 且 $num++$

四：区间覆盖

① 左端点排序，< 归并 >，

② 记忆右端点，在所有 $new_左 < 记忆点$ 区间内 < 盖一个列表 >

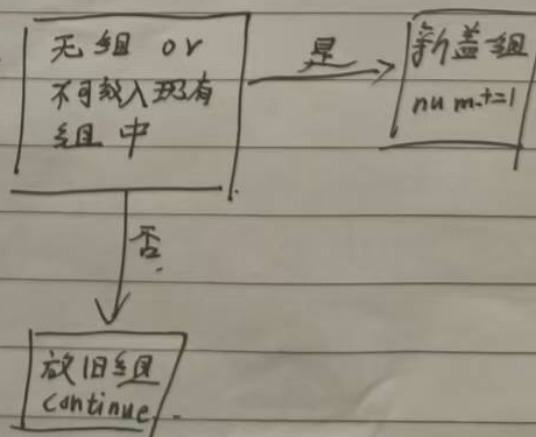
找到右端点最大的

更新右端点，且 $num++$

五 区间分组 < 互不相交 >

① 左端点排序，

② 遍历所有区间



原因及分析

注意

bisect

'''python

import bisect

创建一个已排序的列表

sorted_list = [1, 3, 3, 6, 7, 9]

使用 bisect_left 查找元素应插入的位置

insert_index = bisect.bisect_left(sorted_list, 4)

print("insert at index:", insert_index)

使用 insert_left 插入元素并保持有序

bisect.insort_left(sorted_list, 4)

print("Updated list:", sorted_list)

本代码 <= if num > 1
fact.append(num)

reduce : 累积

'''python

import functools

numbers = [1, 2, 3, 4, 5]

使用 reduce 计算累积乘积

product = functools.reduce(lambda x, y: x * y, numbers)

product : 笛卡尔积

'''python

from itertools import product

创建两个可迭代对象

colors = ['red', 'blue']

numbers = [1, 2]

生成它们的笛卡尔积

cartesian_product = list(product(colors, numbers))

创建一个可迭代对象

colors = ['red', 'blue']

生成它们的重复笛卡尔积

repeat_cartesian_product = list(product(colors, repeat=3))

1. 读题仔细

*wrong answer 先看看有没有弱智错误

2. 边界情况：例如空数组、数组中只有一个元素、最大值和最小值等

3. 循环条件和边界：检查循环的条件和边界是否正确。确保不会死循环

4. 变量名千万别重(复杂题不要单字母命名大法)

5. 逻辑错误：尝试分析代码中的逻辑错误，可以手动模拟算法的执行步骤，或者使用示例输入数据来验证。

6. 标志性打印语句：在代码中插入标志性的打印语句，以追踪代码的执行流程，找到问题所在。

(但是提交前别忘了注释掉)(ctrl+/)

7. 正难则反：乌鸦坐飞机，剪绳子

8. 确保输入和输出格式正确

9. 回想一下有没有类似题做过，但不要生搬硬套

10. 心态要稳，两个小时其实并不短，不急不躁正常发挥就问题不大

f "la: 2f"

中国制能理, 同组为 x_1, x_2, x_3

本例: $n \uparrow$ 数列合并

aaaa
bb

1 3 4 7 9 1
5 1 2 3 0 0 0 0 0
0 0 0 0 0 0 0 0 0
+ + + + + + + + +
自造哈夫曼选择

尾

bisect:

from bisect import bisect-right

from bisect import bisect-left

bisect-right(A, x)

→ 第一个大于等于x的值

A中找到第一个大于x的值, 返回其索引

→ 若有x, 返回x

若A中存在x, 则会返回其右

若全小于x, 返回 len(A)

若A中 $\max(A) < x$

则返回 len(A)

↳ 用于二分查找

→ 题目对牛的对牛 → 2个主要函数 ① 可在给定位置下布置

② 二分找出最大距离

→ 三数之和 → ① 先sort ② 去重(即0), ③ 若大于重, 略。

④. 左 左
固定 找两个

回文串

Manacher, 找出回文串数量

$d_1[i]$ $d_2[i]$

↓
i为中心
长度为奇数
回文串数

↓
i为中心
长度为偶数
回文串数

and 若有长为1的回文串, 则1-2, 1-4也是回文串

↓
先算奇数

↑
再算偶数

最长上升子序列: 二方法降低时间复杂度

宠物小精灵 - 二维背包问题

↓
多目标优化. → 《举一反三》. 可能也可以

0,1背包 $f(i,j)$ → 二维 $f(i,j,k)$
 前物品 $V[i], W[i]$
 1. 参数 j 和 k 表示容量
 2. 参数 k 表示数量

注意倒序枚举

土豪购物

以第 i 个物品结尾, 不取回最大值

$$dp1[i][j] = \max(dp1[i-1][j], a[i][j], 0)$$

以第 i 个物品结尾, 可取回最大值

$$dp2[i][j] = \max(dp1[i-1][j], dp2[i-1][j] + a[i][j], a[i][j], 0)$$

采药.

一般 $dp[i][j]$ 代表时间 j 可拿到的最大价值

↓
对应为 $dp[i][j]$ 表示最大价值的最后时间

法 用二维数组才可得到最佳方案

用回溯的方法, 记录.

多重背包 (0-1 背包变种)

物品有 (件数) → 列数加一

朴素方法

→ 二进制优化.

背包物品太多了 → 降低时间复杂度

二进制
 $2^0, 2^1, 2^2, \dots$
 $1, 2, 4, \dots$

可拆分为任意数
 仅 0/1 组合

代码 dp 者: 初始化为 $-\infty$

$$dp[0][j] = 0$$

for i in range(1)

$$cur_price = price[i]$$

$$cur_num = nums[i]$$

$$k = 1$$

while $cur_num > 0$

$$use_num = \min(cur_num, k)$$

$$cur_num -= use_num$$

for j in range($n - 1$ 枚举)

$$dp[j] = \min(dp[j],$$

$$dp[j - use_num] + use_num)$$

$$k = 2.$$

或 Weizsick

$$行拆成时 \rightarrow SC[i] = 2^0 + 2^1 + 2^2 + \dots + Rem$$

行拆成更步

利用表

宠物小精灵 - 二维背包问题

语法点:

①. 字符串

`a = "abc"`

`a[3:]` 返回 ""

`a[4:]` 也返回 "" 不会出错

②. `sys.stdin.read()` 读入

③. 二分查找, $m = \text{左} + (\text{右} - \text{左}) // 2$

④. 字典的知识! 字典可嵌套

`dic[键]` \Rightarrow 返回值

⑤. 添加键值对 = 字典已有键值对

⑥. 删除键值对: `del dic[键]`

⑦. 用 `get()` 访问值 (不存在返回 None)

`get(键, 默认值)` 也可自己定义

⑧. 遍历所有键值对, `for a, b in dic.items():`

⑨. 遍历键, `for i in dic.keys():`

⑩. 遍历所有值, `for i in dic.values():` 返回列表 (自己加个 for 吧)

⑪. `bin()` 十进制 \Rightarrow (ob)

`oct()` 十进制 \Rightarrow (Oo)

`hex()` 十进制 \Rightarrow (ox)

`int()` 其它转十

eg `int('1011', 2) = 10`

注意字符串

也可以 ob

⑫. `str.find(a)`, 找字符串

找到返回索引

找不到返回 -1

⑬. `str.title()` 单词首字母大写

⑭. 反转列表不用 `reverse()`

新建

\rightarrow 用 `list(reversed(A))`

或 `A[::-1]`

dp / dfs

①. 不要省空间 直接开二维甚至三维

\rightarrow 有时候开 2 个 DP 表甚至 3 个
像刷到题目

②. 要注意边界之值与初始值

③. dp 本质: 数学归纳法

④. 有时 `range(0, n)`, 有时 `range(n, 1, -1)`

⑤. 有时 `return max(dp)`

对字典排序

`newdic = {k: maxdic[k]} for k in sorted(dic)`

字典

\rightarrow 直接 sort 按键

加 `key = lambda x: x[1]`

(x[1])
当成元组了

优化合集

①. 前缀和

②. 可用 max 值的预处理思想, 降低时间

eg `[1, 5, 9, 4, 3, 3]`

\downarrow 先算出每一前缀和

`[0, 1, 6, 15, 19, 22, 25]`

$O(n \times m) \Rightarrow O(n + m)$

③. 提前算出 $n = \text{sum}(L)$

④. 某些情况 (dfs 做的) 提前 \langle 剪枝 \rangle
`continue` or `break`

⑤. in 数组 改为 in 集合 or in 元组

⑥. @ cache

⑦. 改 = 二分查找 (前把已排序)

⑧. 双指针技术把表列倒置

heapq

10 import heapq

heapq.heapify(列表) \Rightarrow 把最小的数放到前面

heapq.heappop(表)

heapq.heappush(表)

函数

11 enumerate

\hookrightarrow enumerate(iterable, start=0)

\hookrightarrow 默认从0开始

应用: for index, thing in enumerate(表)

\downarrow \downarrow
索引 对应元素

12 permutations

1 import itertools

\hookrightarrow 这是列表

2 itertools.permutations(列表, 长度)

具体再加个list() 更好

\hookrightarrow 默认为len(列表)

返回 当前所有可能的排列
元组

13. $DP \Leftrightarrow dfs +$ ① lru-cache()
def —

\hookrightarrow

from functools import lru_cache

① lru-cache(maxsize = —)

\hookrightarrow 默认为None, 无限制

若MLE, 写4096, $\rightarrow 2048 \rightarrow 1024$

用T换M.

递归

- 三法则
- ① $n=1$ 时 return
 - ② 改变 n 且使 n 变小
 - ③ 调用自身

打递归函数

```
import sys
sys.setrecursionlimit(n)
```

找递归出口

④ 一般只有一步量, 但有限步量即可上去

二分查找

```
from bisect import bisect_left
```

o $\text{bisect_left}(a, x)$ ^{列*}

找出 a 列表中第一个大于等于 x 的值

返回它的索引

o $\text{insert}(\text{索引}, \text{值})$

在该索引处插入 x

~~$\text{bisect_right}(a, x)$~~ ^{最左一次 x 出现}

$\text{bisect_right}(list, num)$
找第一个 $list$ 中大于 num 的索引
若无, 则返回长度

求最长递减序列 \Leftrightarrow 反转后求最长递增子序列

```
bisect_right(a, x, lo=0, hi=len(a))
```

返回 a 中第一个大于 x 的位置索引
如全都小于 x , 则返回 $\text{len}(a)$

dijkstra 算法

```
import heapq
```

```
directions = [~]~]
```

```
ditu = [~]
```

距离(最大值) = $\begin{bmatrix} \text{inf} & \dots & \text{inf} \\ \vdots & & \vdots \\ \text{inf} & \dots & \text{inf} \end{bmatrix} \rightarrow (x, y)$ 为 0

```
queue = [~]
```

↑
开始点

```
heapq.heappush(queue, (0, x1, y1))
```

```
while queue:
```

```
t, x, y = heapq.heappop(queue)
```

```
if x == 终点_x, y == 终点_y:
```

```
break
```

```
for dx, dy in directions
```

```
x', y' = x + dx, y + dy
```

```
if (x', y') 在界内,
```

```
if ~:
```

```
heapq.heappush(queue, (s', x', y'))
```

往年题目

- ① 计算机最重要软件为 OS，负责 资源管理 和 任务调度
 ↳ 操作系统
- ② 主存管理：8位，每个地址的访问时间与地址无关 时间局限挂
 ↳ 分时系
- ③ $1\text{GHz} = 1 \times 10^9 \text{Hz}$, $\text{M} \Rightarrow 10^6$, $\text{K} \Rightarrow 10^3$

④ 收发邮件协议：POP/SMTP

⑤ TCP/IP：网络通信 公共私有 LAN：局域网 WAN：广域网

⑥ 浮点数 不一定包含小数

⑦ 浮点 \Rightarrow 内存丢失

⑧ IPv6 下一代 IP 协议：128位二进制构成

⑨ 二进制乘法同十进制 除法：化十进制

$$\begin{array}{r} 101 \\ \times 11 \\ \hline 101 \\ 101 \\ \hline 1111 \end{array}$$

⑩ 计算机，对于位运算，

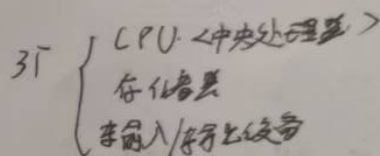
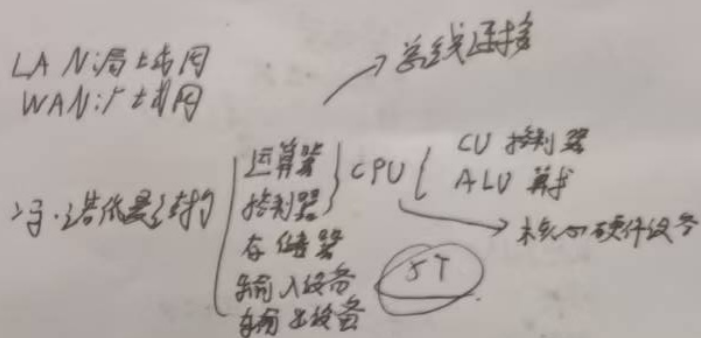
30FPS：每秒30帧

压缩率为 $X:1, 60X$
 ↳ 每秒帧数

⑪ 复位可与 1111 0100 进行 & or / or "1"

⑫ 主板是主机箱 主要部件，其都与主板相连

⑬ 声波离散化采样在 时间 与 波形高度 上独立进行



KB \Rightarrow 约为 $10^3, 10^6, 10^9$
 MB \Rightarrow 全系统 不跟
 GB \Rightarrow 全系统 不跟
 TB \Rightarrow 全系统 不跟
 1B = 8位

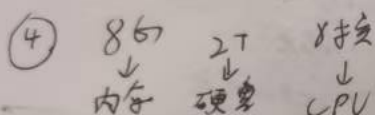
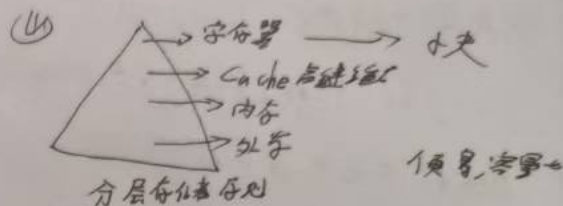
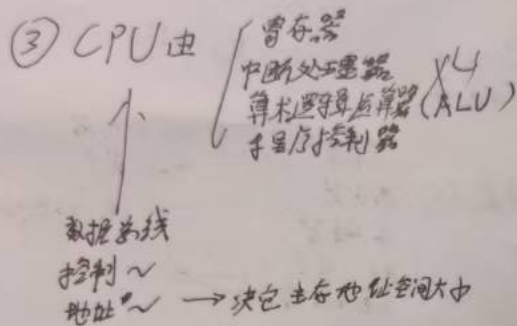
类政治

一读便知对错

- ① 一个局域网内，把各台计算机连在一起的总线型 \rightarrow 交换机 \rightarrow 各局域网连一起
- ② 空间局部性原理，时间局部性

$$\text{True} + 1 = 2 \quad \text{False or } 0 = 5$$

$$\text{True} \times 5 = 0$$



⑥ 防火墙：内外网隔离设备

⑦ IP6: 128位 IP4: ~~32~~ 32位 \rightarrow 无符号0,1.

⑧ Chrome 不是操作系统

⑨ 北大网为B类地址，2+14位+16位

⑩ "1" 为 "或" 即 V

⑪ 用 文件系统 与 文件系统 组织管理硬件上的信息

⑫ PVC 查询网址

⑬ 摩尔定律：18个月，增加1倍

⑭ 图灵，冯·诺伊曼

⑮ 互联网协议 TCP, UDP, HTTP, ICMP, DNS

⑯ 基本控制结构：顺序结构，分支结构，循环结构

⑰ 主板 --- 扩展槽 --- 外部设备

⑱ 内存单位 KIB, MB, GB, TB

⑫. 主存设备 访问方式

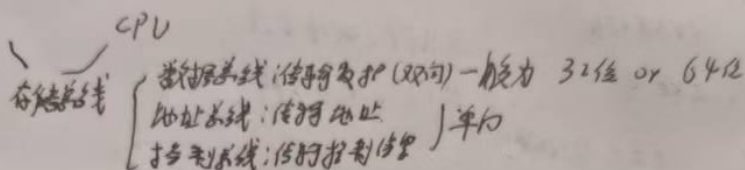
RAM: 随机访问存储器

地址总线宽度

- 决定主存设备地址空间大小
- 所需二进制位数

指针型变量: 存放存储单元地址的变量

⑬ 主存

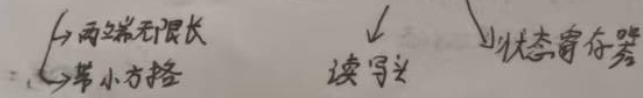


⑭ 主存设备: 易失性

⑮ 正在执行的程序在计算机内存 (RAM) 中

⑯ CPU 负责程序的解释与执行

⑰ 图灵机: 一条存储带, ~~读写头~~, 控制单元



读写头

自己办

读

找到对应程序

进行云力作

- ① 输入
- ② 取状态
- ③ 左/右移

⑱. 补码: 一种操作: 取反加一 负数首位强制设为 1

⑲ 浮点数 = 进制表示: 单精度: 32 位 = 进制. 双精度: 64 位 = 进制

~~20~~

⑳ 1 word = 2 字节 Byte = 16 bit (1s)

㉑. 6132312-80. 汉字 16 位 (2 字节), 首位 0, 存储用: 汉字内码: 首位强制设为 1
前 1 字节

㉒ IP 地址 八位 - 断

㉓ http://主机名: 端口/路径

① \n 为换行

字符串以 "\n" 结尾

② 第一台电子计算机: ENIAC, 火炮计算机

③ 电子管 → 晶体管 → 集成电路 → 大规模集成电路

④ 通信协议: HTTP 超文本传输
TCP 传输控制

POP3: 邮件接收

SMTP: 邮件发送

IP: 互联网

FTP: 文件传输

⑤ IPv4: 32位二进制 地址为 B类

↓
IPv6: 128位

⑥ 网卡分类: 有线, 无线.

⑦ 总线标准: PCI, PCIe, ISA ...

⑧ 负数二进制表示 补码, eg -5: 11111010

(各位取反再添1)

⑨ GB2312-80 中, 2个字节表示一个汉字 <汉字内码>

⑩ 声音: 时长 t (s)

频率 \times (Hz)
采样 a (位)

内存 = $t \cdot a \cdot \frac{q}{8}$ 字节 (单位为 B)
量化 B
化为 KB, MB

⑪ 时钟频率 (单位: Hz)

指主频: 每秒执行的指令数
时钟周期

$$V = \frac{f}{C} \quad \text{注意单位}$$

⑫ 总线宽 = $\frac{\text{总线宽} \times \text{时钟频率}}{\text{传输周期}}$

⑬ 图灵机 开始, 走向, ... 结束.

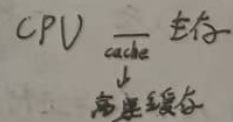
当前状态 当前符号 写入符号, 移动方向 新状态

⑭ CPU 算术逻辑单元 运算

寄存器组: 暂存, 高速存储

中断处理器: 中断当前程序, 调用外部新程序

指令控制器: 扫描指令, 控制基址寄存器



⑮ 半导体存储器 RAM 随机存取存储器
ROM 只读存储器

⑯ CPU 主要指标: 主频 (Hz), 字长, 运算速度 (MIPS)

⑰ 图灵机: 一条存储带, 读写头, 控制器

⑱ 主存: 易失性存储

→ chr(), ord(), upper(), lower()

2. 虚拟地址空间

计算机基础架构：处理器、存储器、数据总线的内部，在输入和输出设备

冯·诺依曼架构

(121) (一) 算法 (控制)

録存 子与叔和

堆

太叔虞拟存儲器

整數——float

↓
定點乘法

↓ $\text{out} = \text{判前值} 0$

合流乙 \rightarrow $0 \sim 2^n - 1$



3. 图灵机

一条在基举 + 一个控制器

4. 控制转化 $()_2, ()_1, ()_{10}$

十 \Rightarrow 其他进制, ① 整数部分: 逐除 \dots 取余

② 小数部分：逐乘

十六世圖

$$eq(0.625) \xrightarrow{x^2} (0.25) \xrightarrow{x^2} (0.5) \xrightarrow{x^2} 1$$

刘永福向右罗

$$f_{\theta}(0.639, 0)$$

(0.5044)8

看需要保留的位数

$$\begin{array}{ccccccc} & & \downarrow & & \downarrow & & \\ & & 8 & & 4 & & \\ & & \uparrow & & \uparrow & & \\ & & 7 & & 1 & & \end{array}$$

很简单, $ey = \leftrightarrow + \frac{1}{2}$

一次只看4位，
4位对应1位

尤其是“表中表”形式。

不要丢

6. 二进制补码

有符号整数表示

即 n 位

$0000 \dots 1111$
 \downarrow
 $n-1$ 位

符号

0 \Rightarrow 非负
 1 \Rightarrow 负

反码

简单各个位反码

2次反码变得正数

补码 (二进制补码存储)

① first 从右数起, 直到有1被遇到

② 再反码存至基址

即 1000

↑
 对反码

它不动

规定

1000000 对应 0

最小值

18 字节子

$-2^{18} \sim 2^{18}-1$

二进制补码可得 int $\Rightarrow n$ 位二进制数

若 int 为负数 \Rightarrow 其取反码并移

等符号出时, 若最左位为 1, 再取补码并输出 \Rightarrow 输出二进制 int

若最左位为 0 \Rightarrow 输出二进制 int

因此各位时用的补码子

8. 逻辑运算

与 $\&$

或 \mid

异或 \oplus

非 \neg

AB 文

有 1 为 1, 全 0 为 0

per 18 months

异或

与

或

非

不同 return 1

同 return 0

\Rightarrow 集成电路芯片 80 倍高 X 2

移位运算

保持位不变

移位且补 0

\gg

\ll

存实数呢

3 种

① 符号

② 位数量

③ 定点数

其台进制也可以使用

eg (101 000000...0)₂ = (1.01 x 2ⁿ)₂

1.32

\rightarrow eg 7.425

① 符号

② 位数量

③ 定点数

其台进制也可以使用

eg (101 000000...0)₂ = (1.01 x 2ⁿ)₂

7. 计算机组成: 三大类 CPU, 主存, 输入/输出系统

连接系统 数据总线, 地址总线

控制总线

SCSI

火线

USB

ALU

控制

寄存器