$ln[38] = Euler = \{ \{0, -e3, e2\}, \{e3, 0, -e1\}, \{-e2, e1, 0\} \}$

FullSimplify[Euler.Euler] // MatrixForm

FullSimplify[Euler.Euler.Euler] // MatrixForm

FullSimplify[Euler.Euler.Euler.Euler] // MatrixForm

FullSimplify[Euler.Euler.Euler.Euler.Euler] // MatrixForm

FullSimplify[Euler.Euler.Euler.Euler.Euler] // MatrixForm

Evec = $\{\{e1\}, \{e2\}, \{e3\}\}$

Evec.Transpose[Evec] // MatrixForm

Out[38]=
$$\{\{0, -e3, e2\}, \{e3, 0, -e1\}, \{-e2, e1, 0\}\}$$

Out[39]//MatrixForm=

$$\begin{pmatrix} -e2^2 - e3^2 & e1 e2 & e1 e3 \\ e1 e2 & -e1^2 - e3^2 & e2 e3 \\ e1 e3 & e2 e3 & -e1^2 - e2^2 \end{pmatrix}$$

Out[40]//MatrixForm=

$$\begin{pmatrix} 0 & \text{e3} \left(\text{e1}^2 + \text{e2}^2 + \text{e3}^2 \right) & -\text{e2} \left(\text{e1}^2 + \text{e2}^2 + \text{e3}^2 \right) \\ -\text{e3} \left(\text{e1}^2 + \text{e2}^2 + \text{e3}^2 \right) & 0 & \text{e1} \left(\text{e1}^2 + \text{e2}^2 + \text{e3}^2 \right) \\ \text{e2} \left(\text{e1}^2 + \text{e2}^2 + \text{e3}^2 \right) & -\text{e1} \left(\text{e1}^2 + \text{e2}^2 + \text{e3}^2 \right) & 0 \end{pmatrix}$$

Out[41]//MatrixForm=

$$\begin{pmatrix} \left(\text{e2}^2 + \text{e3}^2 \right) \, \left(\text{e1}^2 + \text{e2}^2 + \text{e3}^2 \right) & -\text{e1 e2} \, \left(\text{e1}^2 + \text{e2}^2 + \text{e3}^2 \right) & -\text{e1 e3} \, \left(\text{e1}^2 + \text{e2}^2 + \text{e3}^2 \right) \\ -\text{e1 e2} \, \left(\text{e1}^2 + \text{e2}^2 + \text{e3}^2 \right) & \left(\text{e1}^2 + \text{e2}^2 + \text{e3}^2 \right) & -\text{e2 e3} \, \left(\text{e1}^2 + \text{e2}^2 + \text{e3}^2 \right) \\ -\text{e1 e3} \, \left(\text{e1}^2 + \text{e2}^2 + \text{e3}^2 \right) & -\text{e2 e3} \, \left(\text{e1}^2 + \text{e2}^2 + \text{e3}^2 \right) & \left(\text{e1}^2 + \text{e2}^2 + \text{e3}^2 \right) \\ \end{pmatrix}$$

Out[42]//MatrixForm=

$$\begin{pmatrix} 0 & -e3 \left(e1^2 + e2^2 + e3^2\right)^2 & e2 \left(e1^2 + e2^2 + e3^2\right)^2 \\ e3 \left(e1^2 + e2^2 + e3^2\right)^2 & 0 & -e1 \left(e1^2 + e2^2 + e3^2\right)^2 \\ -e2 \left(e1^2 + e2^2 + e3^2\right)^2 & e1 \left(e1^2 + e2^2 + e3^2\right)^2 & 0 \end{pmatrix}$$

Out[43]//MatrixForm=

$$\begin{pmatrix} -\left(e2^2+e3^2\right)\left(e1^2+e2^2+e3^2\right)^2 & e1\ e2\ \left(e1^2+e2^2+e3^2\right)^2 & e1\ e3\ \left(e1^2+e2^2+e3^2\right)^2 \\ e1\ e2\ \left(e1^2+e2^2+e3^2\right)^2 & -\left(e1^2+e3^2\right)\left(e1^2+e2^2+e3^2\right)^2 & e2\ e3\ \left(e1^2+e2^2+e3^2\right)^2 \\ e1\ e3\ \left(e1^2+e2^2+e3^2\right)^2 & e2\ e3\ \left(e1^2+e2^2+e3^2\right)^2 & -\left(e1^2+e2^2\right)\left(e1^2+e2^2+e3^2\right)^2 \end{pmatrix}$$

Out[44]=
$$\{\{e1\}, \{e2\}, \{e3\}\}$$

Out[45]//MatrixForm=

$$\begin{pmatrix} e1^2 & e1 & e2 & e1 & e3 \\ e1 & e2 & e2^2 & e2 & e3 \\ e1 & e3 & e2 & e3 & e3^2 \end{pmatrix}$$