公约数

- 30分做法,爆枚两个数并判断,时间 $O(n^2 \log n)$ 。
- 60分做法,我们可以发现 $a x or b = c \Leftrightarrow a x or c = b$ 。

那么有 $\gcd(a, a \ xor \ c) = c$,而c是a的约数,因此我们可以枚举c,再枚举 $a = i * c ,由于 <math>\frac{n}{1} + \frac{n}{2} + \frac{n}{3} + \dots + \frac{n}{n} = O(n \log n)$,再加上 \gcd 的时间,总时间复杂度 就是 $O(n \log^2 n)$ 。

100分做法,因为a = b时肯定无解,我们不妨设a > b。

那么有 $gcd(a,b) \le a-b$, $a \ xor \ b \ge a-b$,很明显有c=a-b。我们依然枚 举c,a=i*c,因为gcd(a,a-c)=c,所以我们只需判断 $a \ xor \ c=a-c$ 即可,时间 $O(n\log n)$ 。