**ESERCIZIO 1.** Sia data la rete G = (V, A) con

$$V = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$$

$$A = \{(1,2), (1,3), (1,4), (2,3), (2,5), (2,6), (4,3), (5,6), (6,3)\}$$

con i seguenti costi unitari di trasporto  $c_{ij}$  e capacità  $d_{ij}$ 

| arco     | (1,2) | (1, 3) | (1,4) | (2,3) | (2,5) | (2,6) | (4,3) | (5, 6) | (6,3) |
|----------|-------|--------|-------|-------|-------|-------|-------|--------|-------|
| $c_{ij}$ | 2     | 6      | 1     | 10    | 3     | 18    | 21    | 2      | 15    |
| $d_{ij}$ | 11    | 4      | 3     | 8     | 9     | 5     | 1     | 10     | 7     |

e i seguenti valori  $b_i$  associati ai nodi

| nodo  | 1  | 2 | 3  | 4  | 5 | 6  |
|-------|----|---|----|----|---|----|
| $b_i$ | 11 | 0 | -2 | -1 | 0 | -8 |

Determinare una soluzione ottima e il valore ottimo per questo problema di flusso a costo minimo a partire dalla seguente terna

$$B = \{x_{12}, x_{14}, x_{23}, x_{25}, x_{56}\} \quad N_0 = \{x_{13}, x_{63}\} \quad N_1 = \{x_{43}, x_{26}\}.$$

**ESERCIZIO 2.** Sia data la rete G = (V, A) con

$$V = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$$

e

$$A = \{(1,2), (1,3), (2,4), (2,5), (3,5), (3,6), (4,6), (6,5)\}$$

con i seguenti costi unitari di trasporto  $c_{ij}$  e capacità  $d_{ij}$ 

| arco     | (1,2) | (1,3) | (2,4) | (2,5) | (3, 5) | (3, 6) | (4, 6) | (6,5) |
|----------|-------|-------|-------|-------|--------|--------|--------|-------|
| $c_{ij}$ | 6     | 4     | 2     | 8     | 2      | 9      | 1      | 2     |
| $d_{ij}$ | 7     | 8     | 6     | 6     | 3      | 2      | 1      | 2     |

e i seguenti valori  $b_i$  associati ai nodi

| no    | do | 1 | 2 | 3 | 4 | 5  | 6 |
|-------|----|---|---|---|---|----|---|
| $b_i$ |    | 5 | 0 | 0 | 0 | -5 | 0 |

Determinare una soluzione ottima e il valore ottimo per questo problema di flusso a costo minimo a partire dalla tripla iniziale

$$B = \{x_{12}, x_{13}, x_{24}, x_{25}, x_{36}\}$$
  $N_0 = \{x_{35}, x_{46}, x_{65}\}$   $N_1 = \emptyset$ .

**ESERCIZIO 3.** Sia data la rete G = (V, A) con

$$V = \{1, 2, 3, 4, 5\}$$

е

$$A = \{(1,2), (1,3), (2,3), (2,4), (3,5), (5,2), (5,4)\}$$

con i seguenti costi unitari di trasporto  $c_{ij}$  e capacità  $d_{ij}$ 

| arco     | (1,2) | (1,3) | (2,3) | (2,4) | (3, 5) | (5,2) | (5,4) |
|----------|-------|-------|-------|-------|--------|-------|-------|
| $c_{ij}$ | 2     | 2     | 5     | 5     | 3      | 7     | 1     |
| $d_{ij}$ | 5     | 11    | 7     | 3     | 8      | 3     | 1     |

e i seguenti valori  $b_i$  associati ai nodi

| nodo  | 1 | 2  | 3 | 4  | 5  |
|-------|---|----|---|----|----|
| $b_i$ | 8 | -4 | 0 | -2 | -2 |

Determinare una soluzione ottima e il valore ottimo per questo problema di flusso a costo minimo, partendo dalla base

$$B_0 = \{(1,2), (1,3), (2,4), (3,5)\}, N_0 = \{(2,3), (5,4)\}, N_1 = \{(5,2)\}.$$