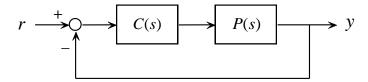
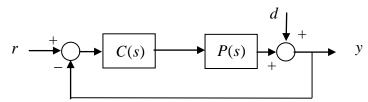
Parte A

- 1. [punti 6] Si esponga il metodo delle formule di inversione per la sintesi della rete anticipatrice con imposizione del margine di ampiezza M_A .
- **2.** [punti 6] Enunciare il Criterio di Nyquist (sia il caso generale che quello particolare) avendo cura di definire i concetti e le premesse teoriche sui quali si basa. Riportare inoltre una dimostrazione di tale criterio.
- **3.** [punti 5] Presenta e dimostra la formula per il calcolo della trasformata zeta di x(k n) con n > 0, che rappresenta il segnale x(k) ritardato di n passi.

4. [punti 7] Sia dato il sistema in retroazione di figura dove $P(s) = \frac{1}{s[(s+4)^2+1]}$ e $C(s) = K \in \mathbb{R}$..



- a. Tracciare il luogo delle radici dell'equazione caratteristica del sistema retroazionato per K > 0, determinando in particolare gli asintoti, le radici doppie e gli angoli di partenza del luogo.
- b. Determinare il guadagno ottimo K^* del controllore affinché il grado di stabilità del sistema retroazionato sia massimo $\lceil K^* = \arg\max_{K \in \mathbb{R}} G_s(K) \rceil$.
- c. Per il controllore progettato al punto b precedente $C(s) = K^*$ determinare l'errore a regime e_r in risposta alla rampa $r(t) = 5 \cdot t \cdot 1(t)$.
- d. Per il controllore progettato al punto b precedente $C(s) = K^*$ tracciare il diagramma polare associato al guadagno di anello L(s) := C(s)P(s) determinando l'asintoto verticale del diagramma. Determinare inoltre il margine di ampiezza M_A del sistema retroazionato.
- 5. [punti 6] Sia dato il seguente sistema



dove
$$P(s) = \frac{9}{s+4}$$
.

Determinare un controllore proprio di ordine minimo C(s) affinché le seguenti specifiche siano soddisfatte:

- 1. reiezione infinita asintotica al disturbo composito $d(t) = 7 + 10 \cdot \cos(3t + 1)$;
- 2. costante di velocità $K_v = 4$;
- 3. sistema retroazionato asintoticamente stabile con tre poli dominanti in $-2, -2 \pm j$.
- **6.** [punti 6] Un sistema a tempo discreto con ingresso u e uscita y è descritto dall'equazione alle differenze

$$y(k) = -4y(k-2) - 4y(k-1) + u(k-1),$$

- a) Calcola la funzione di trasferimento del sistema.
- b) Calcola la risposta all'impulso del sistema.
- c) Il sistema 'e asintoticamente stabile?