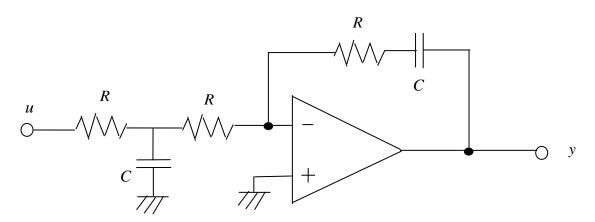
- **1.** [punti 4] Riportare e commentare le regole di riduzione per gli schemi a blocchi. Spiegare il significato della riduzione alla forma minima ed esporne un esempio.
- **2.** [punti 4] Il seguente schema elettrico definisca un sistema dinamico  $\Sigma$  orientato da u (tensione di ingresso) ad y (tensione d'uscita).



Si assuma l'amplificatore operazionale come ideale e si introduca il parametro  $T \triangleq RC$ :

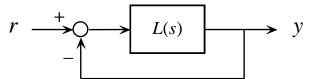
- 1. Determinare la funzione di trasferimento G(s) del sistema  $\Sigma$ .
- 2. Scrivere G(s) nella forma standard con poli e zeri e disegnare la configurazione poli-zeri di  $\Sigma$ .
- 3. Determinare l'equazione differenziale che descrive il comportamento di  $\Sigma$ .
- **3.** [punti 5] Da una elaborazione di dati sperimentali su di un sistema dinamico è nota la risposta al gradino unitario  $g_s(t) = \frac{1}{2} + e^{-t} \frac{3}{2}e^{-2t}$ .
- a) Determinare la funzione di trasferimento G(s) del sistema esprimendola nella forma standard con poli e zeri.
- b) Determinare la risposta forzata y(t),  $t \ge 0$  del sistema al segnale di ingresso  $u(t) = \begin{cases} 0 & \text{per } t < 0 \\ 1 + t & \text{per } t \ge 0 \end{cases}$

## 4. [punti 4]

- a) Sia X(z) la trasformata zeta di un segnale a tempo discreto x. Presenta e dimostra la relazione fra  $\frac{dX}{dz}$  e X(z).
- **b**) Calcolare, riportando i passaggi algebrici necessari, la trasformata zeta della funzione armonica  $\sin(\omega k)$ ,  $k \in \mathbb{Z}$ :  $\mathcal{Z}[\sin(\omega k)]$ . [Suggerimento:  $\mathcal{Z}[a^k] = \frac{z}{z-a}$ ]

## Parte B

**5.** [punti 4] Sia dato il sistema retroazionato di figura dove  $L(s) = \frac{1000}{(s+1)(s+2)(s+5)(s+10)}$ .

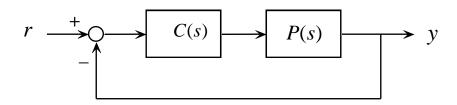


- a. Tracciare il diagramma di Nyquist di  $L(j\omega)$  determinando in particolare l'intersezione con l'asse reale negativo.
- b. Applicando il criterio di Nyquist studiare la stabilità del sistema retroazionato.
- 6. [punti 5] Tracciare il luogo delle radici dell'equazione

$$1 + \frac{s+a}{(s+1)(s+2)(s+2a)} = 0 \quad \text{per } a \ge 0.$$

Si determinino mediante una stima numerica le radici doppie presenti nel luogo. Esporre dettagliatamente il metodo numerico scelto considerando che un errore di  $\pm 10\%$  nella stima è accettabile al fine del tracciamento qualitativo richiesto.

7. [punti 5] Sia dato il sistema in retroazione di figura



dove  $P(s) = \frac{10}{(s+1)^3}$ . Progettare un controllore con struttura di rete ritardatrice  $1 + \alpha \tau s$ 

 $C(s)=K\cdot \frac{1+\alpha \tau s}{1+\tau s}$  affinché si abbia: 1) costante di posizione  $K_p=20$ ; 2) stabilità con margine di fase  $M_F=40^\circ$  .

8. [punti 5] Sia dato un sistema a tempo discreto con funzione di trasferimento

$$H(z) = \frac{z^2 - z - 1}{(z - 1)\left(z + \frac{1}{2}\right)}.$$

- a) Determinare l'equazione alle differenze che caratterizza il sistema.
- b) Determinare la risposta forzata y(k) all'ingresso  $u(k) = k \cdot 1(k)$ .