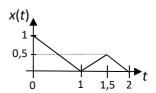
## EEL7052-Sistemas Lineares

Avaliação 1 - Semestre 2016/1 - 05/04/2016

Departamento de Engenharia Elétrica e Eletrônica - UFSC

Profs. Bartolomeu F. Uchôa Filho e Márcio H. Costa

1. Dada a figura ao lado, esboce x(t/3-3)



2. Um sistema causal é caracterizado pela função de transferência abaixo:

$$H(s) = \frac{6s^2 + 35s + 131}{[(s+3)^2 + 16](s+2)}$$

Responda as seguintes questões:

- a. Indique os polos no plano S e a região de convergência de H(s). Justifique;
- b. Com base em *H*(*s*), responda se o sistema é linear ou não linear, variante ou invariante no tempo, estável ou instável no sentido BIBO, com ou sem memória? Justifique cada resposta;
- c. Determine a resposta ao impulso, h(t);
- d. Aponte as características de h(t) que corroboram com as respostas da letra b).

3. Considere um sistema LIT descrito pela seguinte equação diferencial:

$$\frac{d^2y(t)}{dt^2} - \frac{dy(t)}{dt} - 2y(t) = x(t)$$

com condições iniciais y(0-) = 1 e  $\dot{y}(0-) = 2$  e sinal de entrada dado por  $x(t) = e^{-3t}u(t)$ . Usando o método de sua preferência:

- a. Obtenha a função de transferência do sistema, H(s)=Y(s)/X(s);
- b. Indique os polos no plano S e especifique a região de convergência de *H*(*s*) para que o sistema seja **estável**. Justifique;
- c. Obtenha a resposta à entrada nula;
- d. Obtenha a resposta ao estado nulo;
- e. Apresente a resposta completa
- f. Obtenha as respostas forçada e natural.

## **FORMULÁRIO**

## Transformadas de Laplace

f(t)	F(s)
$\delta(t)$	1
u(t)	1/s
t.u(t)	$1/s^2$
e <sup>-at</sup> u(t)	1/(s+a)
sen(bt)u(t)	$b/(s^2+b^2)$
cos(bt)u(t)	$s/(s^2+b^2)$
e <sup>-at</sup> sen(bt)u(t)	$b/[(s+a)^2+b^2]$
e <sup>-at</sup> cos(bt)u(t)	$(s+a)/[(s+a)^2+b^2]$

Domínio do tempo	Domínio de s
f(t)	F(s)
<u>df(t)</u>	$sF(s) - f(0^-)$
dt	
$d^2f(t)$	$s^{2}F(s) - sf(0^{-}) - df(0^{-})$
dt <sup>2</sup>	dt
e <sup>-at</sup> f(t)	F(s+a)
$f_1(t)*f_2(t)$	$F_1(s).F_2(s)$
$f(t-a)u(t-a), a \ge 0$	$e^{-as}F(s)$
t.f(t)	<u>-dF(s)</u>
	ds

Sinais

Expansão em Frações Parciais:

$$E = \int_{-\infty}^{+\infty} \left| f(t) \right|^2 dt$$

$$x_p(t) = \frac{1}{2} \left[ x(t) + x(-t) \right]$$

$$K_i = \frac{N(s)}{D(s)}(s+p_i)\bigg|_{s=-pi}$$

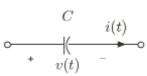
$$x_i(t) = \frac{1}{2} [x(t) - x(-t)]$$

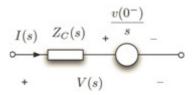
$$K_{1r} = \frac{N(s)}{D(s)}(s+p_1)^r \bigg|_{s=-p_1}$$

$$P = \lim_{t \to \infty} \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} |f(t)|^2 dt$$

$$K_{1 r-j} = \frac{1}{j!} \frac{d^j}{ds^j} \frac{N(s)}{D(s)} (s+p_1)^r \bigg|_{s=-p_1}$$

Capacitor:





Indutor

$$U$$
 $i(t)$ 
 $v(t)$ 

$$\overset{I(s)}{\circ} \overset{Z_L(s)}{\circ} \overset{Li(0^-)}{\circ} \overset{+}{\circ} \overset{-}{\circ} \overset{-}{$$