## 平成27年度

## 大学院博士前期課程(修士)一般入学試験問題

数学

## 注意事項

- 1. 解答始めの合図があるまで、中の頁を見てはいけません.
- 2. 問題用紙が1枚、解答用紙が4枚、草案用紙が1枚あります.
- 3. 解答始めの合図があったら、全ての用紙を見て枚数を確認して下さい。また、全ての解答用紙及び草案用紙に、受験番号、氏名を記入して下さい。
- 4. 解答は、それぞれの問題の解答用紙に記入して下さい. 他の問題の 解答を記入しても採点の対象となりません.
- 5. 解答欄が足りないときは、同じ問題の解答用紙の裏に記入して下さい。 裏に解答を記入するときは、表の頁に裏に解答を記入していることを明記して下さい。

岡山大学大学院自然科学研究科(工学系) 機械システム工学専攻(機械系) 【1】 次の2階微分方程式の一般解を求めよ.

$$\left(x - \frac{1}{x}\right)y'' - 4y' = 4$$

【2】 次の連立1次方程式の解を求めよ.

$$\begin{cases} x_1 & -2x_3 - x_4 = -3 \\ -x_1 + x_2 & +3x_4 = -1 \\ x_1 - x_2 + x_3 - 3x_4 = 5 \\ x_1 - 2x_2 & -5x_4 = -3 \end{cases}$$

- 【3】 以下の問いに答えよ.
  - (1) 次の極限を求めよ.

$$\lim_{x\to 0}\frac{a^x-1}{x} \qquad (a>0)$$

(2) 次の積分を計算せよ.

$$\int_0^\infty t e^{-2t} dt$$

- 【4】 以下の問いに答えよ.
  - (1) 次のラプラス変換を求めよ.

$$(1+2t)e^{at} \qquad (t \ge 0)$$

(2) 次のラプラス逆変換を求めよ.

$$\frac{s-1}{s(s+2)}$$

(3) ラプラス変換を使って次の微分方程式を解け. []は初期条件である.

$$f'(t)-2f(t)=e^{2t}$$
 [  $f(0)=0$  ]