

# A Simple Game

防AK题，快润！

注意到  $\text{xxcdsg}$  想要最小化最终得分，那么在他的回合，他一定会将所有序列取完。

证明：为简化表述，本段提到的所有的得分均表示从  $\text{xxcdsg}$  开始的回合之后的得分总和。假设在  $\text{xxcdsg}$  的回合内，剩余的序列的异或和为  $S_1$ ，而  $\text{xxcdsg}$  如果没有取完所有序列，假设他选择的子序列的异或和为  $A$ ，剩下未选择的序列的异或和为  $B$ 。根据异或的性质，有  $S_1 = A \oplus B$ 。下一回合，因为  $\text{Taibo}$  会最大化游戏得分， $\text{Taibo}$  可以选择剩余所有的序列，或者在选择其他子序列有更优答案的情况下选择其他子序列，所以得分一定不会小于  $A + B$ 。因此，对  $\text{xxcdsg}$  来说，选择全部序列的得分为  $S_1$ ，选择其他子序列的得分  $S_2$  至少为  $A + B$ 。因为  $S_1 = A \oplus B \leq A + B \leq S_2$ ，为了最小化得分， $\text{xxcdsg}$  会选择全部序列。

根据这一事实，我们可以把问题转化为：把一个序列划分为两个子序列  $A_1, A_2$ ，使得这两个子序列的异或和相加最大（易知此时这两个子序列是否为空已经没有影响了）。假设  $s, s_1, s_2$  分别表示原序列,  $A_1, A_2$  的异或和。那么，最终得分为  $s_1 + s_2 = s_1 + (s \oplus s_1)$ 。

因为  $a_i < 2^{20}$ ，根据异或的性质可知  $s, s_1 < 2^{20}$ 。因此，我们可以先求出整个序列的异或和  $s$ ，然后使用异或线性基枚举所有可能的  $s_1$  并维护得分的最大值，时间复杂度为  $O(nk + k2^k)$ ，其中  $k$  为输入序列的最大位数。

```
#include<bits/stdc++.h>
#define Nmax 200010
#define int long long
#define IOS ios::sync_with_stdio(false);cin.tie(nullptr);cout.tie(nullptr);
using namespace std;
int n,xor_sum,a[Nmax],b[25];
void build()
{
    xor_sum=0;
    for(int i=0;i<=20;i++)
        b[i]=0;
    for(int i=1;i<=n;i++)
    {
        xor_sum^=a[i];
        int tmp=a[i];
        for(int j=20;j>=0;j--)
            if((1ll<<j)&tmp)
            {
                if(b[j]==0)
                {
                    b[j]=tmp;
                    break;
                }
                else
                    tmp^=b[j];
            }
    }
}
bool find(int x)
{
    int res=x;
    for(int i=20;i>=0;i--)
        if((1ll<<i)&res)
            res^=b[i];
    return res==0;
}
signed main()
{
    IOS;
    cin>>n;
    for(int i=1;i<=n;i++)
```

```
        cin>>a[i];
    build();
    int ans=0;
    for(int i=0;i<=(111<<20);i++)
    if(find(i))
        ans=max(ans,i+(xor_sum^i));
    cout<<ans;
}
```