目录

目录1
基础1
常系数齐次线性递推1
贪心1
区间贪心问题1
二元贪心 1
动态规划1
背包问题
数据结构1
分数 Fraction1
高精度整数1
线段树 Segment Tree1
树状数组 Binary Indexed Tree2
左偏树 Leftist Tree2
哈夫曼树2
图论2
单源非负最短路 Dijkstra2
最小生成树 Prim 2
最小生成树 Kruskal 2
网络流 2
计算几何 2
数论2
拓展欧几里得2
单变元模线性方程组2
黑科技 2
10 优化
时空优化 3

基础

枚举 折半 搜索 模拟 打表 公式 二分 尺取 离散化 构造 贪心 动态规划

斐波那契数列第 n 项

 $\begin{bmatrix} f(n+2) & f(n+1) \\ f(n+1) & f(n) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} f(2) & f(1) \\ f(1) & f(0) \end{bmatrix}^n$

 $\binom{f(n)}{f(n+1)} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}^n \binom{f(0)}{f(1)}$

常系数齐次线性递推

贪心

区间贪心问题

活动安排问题

若干活动占用左闭右开的时间区间,在活动时间不重叠的情况下选择尽可能多的活动:**右端点越小的区间优先**(为后续区间让出空间)

活动安排问题 2

. 若干活动占用左闭右开的时间区间,同一个教室安排的活动不能重叠,在 使用教室尽可能少的情况下安排所有活动:**考虑活动在时间轴上的厚度**

二元贪心

独木舟问题 若干人乘若干独木舟,独木舟有载重限制且只能乘坐两人。安排乘坐方案,使占用的独木舟数量最少:最轻与最终若能同乘则同乘(极端化,最 优解可转化)

正旁从[7**刷**] 若干任务,第 i 个任务计算时占用 R[i] 空间,完成计算后储存结果占用 O[i] 空间(R[i] >O[i])。安排任务,使占用的总空间尽可能少 => 设有整数 N,第 i 个操作时 N 减 a[i] 加 b[i],安排操作顺序,在操作中不能出现负数的情况下 N 尽可能小: **b[i]非递增排序** 任何可行方案不优于按 b[i] 非递增排序时的方案(最优解可转化)

动态规划

树塔 矩阵取数 双向矩阵取数

 $dp[step + 1][x1][x2] = max{dp[step][x1'][x2']} + v[x1][y1]$ + v[x2][y2]

最大子段和 最大子矩阵和 循环数组最大子段和 (总和 - 最小子段和)

正整数分组

dp[i][j] = dp[i-1][|j-a[i]|] or dp[i-1][j+a[i]]或背包问题,背包容量 sum/2

子序列的个数

$$dp[i] = \begin{cases} dp[i-1] * 2 & \textit{若a}[i] 未出现 \\ dp[i-1] * 2 - dp[j-1] & \textit{若a}[i] 最近在j位置出现 \end{cases}$$

最长公共子序列 LCS

编辑距离
$$dp[i][j] = min \begin{cases} dp[i-1][j-1] + same(i,j) & dp[0][0] = 0 \\ dp[i-1][j] + 1 & dp[i][0] = i \\ dp[i][j-1] + 1 & dp[0][j] = j \end{cases}$$

最长单增子序列 LIS dp[len] = min{tail}

背包问题

01 背包问题

多重背包问题

数据结构

分数 Fraction

Numerator 分子 Denominator 分母

构造函数接受分子 num 和分母 den 作为参数,确保符号在分子上集中,并且断言分母不为零,然后进行约分。

高精度整数

// 正在整理

线段树 Segment Tree

// 正在整理

树状数组 Binary Indexed Tree

```
区间求和单点更新
// todo
区间求和区间更新
// todo
```

左偏树 Leftist Tree

```
编号为0的节点表示空节点
struct LeftTree
     const static int MXN = 100100;
     int tot = 0;
     int l[MXN], r[MXN], v[MXN], d[MXN];
     // 初始化值为x的元素
     int init(int x)
          tot++;
          v[tot] = x;
l[tot] = r[tot] = d[tot] = 0;
          return tot;
     }
     // 合并堆顶编号为x, y的堆
int merge(int x, int y)
          if (!x) return y;
if (!y) return x;
if (v[x] < v[y])</pre>
          swap(x, y);
r[x] = merge(r[x], y);
          if (d[l[x]] < d[r[x]])
    swap(l[x], r[x]);
d[x] = d[r[x]] + 1;</pre>
          return x;
     // 向堆顶编号为x的堆中插入值为v的元素
     int insert(int x, int v)
     {
          return merge(x, init(v));
     }
     // 取编号为×的堆的堆顶元素
     int top(int x)
          return v[x];
     1
     // 弹出编号为x的堆的堆顶元素,返回新堆顶的编号
     int pop(int x)
          return merge(l[x], r[x]);
     1
1:
```

哈夫曼树

以频率为节点权值维护节点队列。合并队列中权值最小的两个节点,将合并的新节点放入队列中,重复步骤,直至队列中只存在一个节点。

图论

单源非负最短路 Dijkstra

升级: 堆优化

SPFA

//todo

最小生成树顶点优先 Prim

类似于 Dijkstra, 但维护的距离是顶点到已松弛顶点的集合的距离。

最小生成树边优先 Kruskal

维护项点的集合 $S=V_0$,T=(V-S)。边升序遍历,对于每一条边(s, t),若 seS,teT,则将边加入树中,并将 t 并入 s; T 中没有项点时,算法结束,所得树为最小生成树。

网络流

计算几何

向量

点乘 叉乘

线段相交判定

数论

拓展欧几里得

```
LL gcd(LL a, LL b, LL &x, LL &y)
{
    if (b == 0) {
        x = 1, y = 0;
        return a;
    }
    else {
        LL r = gcd(b, a%b, y, x);
        y -= (a/b)*x;
        return r;
    }
}
```

单变元模线性方程组

```
vector<LL> line_mod_equation(LL a, LL b, LL n)
{
    LL x, y;
    LL d = gcd(a, n, x, y);

    vector<LL> ans;
    if (b%d == 0) {
        x %= n; x += n; x %= n;
        ans.push back(x*(b/d)%(n/d));
        for (LL i=1; i<d; ++i)
            ans.push_back((ans[0]+i*(n/d))%n);
    }
    return ans;
}</pre>
```

黑科技

10 优化

```
template<typename T = int>
inline T read() {
   T val = 0, sign = 1; char ch;
   for (ch = getchar(); ch < '0' || ch > '9'; ch =
```

```
getchar())
    if (ch == '-') sign = -1;
    for (; ch >= '0' && ch <= '9'; ch = getchar())
       val = val * 10 + ch - '0';
    return sign * val;
}</pre>
```

时空优化

展开循环: 牺牲程序的尺寸加快程序的执行速度 #pragma GCC optimize("unroll-loops")