# 2020 年秋研究生《随机过程》期末复习题

#### 一、判断题

#### 第二章 随机过程的基本概念

- 1、确定性信号可以用一个或几个时间 t 的确定性函数来描绘,而随机信号则不能。
- 2、对随机过程作重复多次的观测时,各次所得到的时间 t 的函数具有相同的形式。
  - 3、随机过程实际上是一个特殊的随机变量。
  - 4、可以用研究多维随机变量的方法来研究随机过程。
- 5、数学期望和方差不仅描述了随机过程在各个时刻上取值的特性,还能反映随机过程不同时刻取值之间的内存联系。
  - 6、具有相同的数学期望和方差的两个随机过程统计特性相同。
  - 7、自相关函数的绝对值越大,表示相关性越强。
- 8、一般而言,自相关函数的两个时刻相隔越远,自相关函数的 绝对值就越小。
- 9、自相关函数可以反映随机过程两个时刻之间的相关性,协方差函数则不能。
  - 10、二阶矩过程的自相关函数必定存在。
  - 11、平稳随机过程的统计特性在相当长的时间内是不变的。
- 12、如果随机过程 X(t)的任意 n 维概率密度在时间上平移任意  $\triangle$  t 后,此函数不变,则称 X(t)为广义平稳随机过程。

- 13、狭义平稳随机过程的任意维概率密度与时间起点无关,即 X(t)与  $X(t+\triangle t)$  有相同的统计特性。
  - 14、狭义平稳随机过程的一维概率密度与时间无关。
- 15、广义平稳随机过程必定是狭义平稳的,而狭义平稳的随机过程则未必是广义平稳的。
- 16、相关时间小,意味着相关系数随 τ 的增大而迅速减小,这说明随机过程随时间而激烈变化;反之,相关时间大,则说明随机过程随时间变化缓慢。
  - 17、平稳随机过程的自相关函数是实偶函数。
- 18、设随机过程  $X(t)=u_{m}sin(\omega_{0}^{t+\Phi})$ ,其中  $u_{m}$  和  $\omega_{0}$  皆为常数,  $\Phi$ 为  $[0.2 \pi]$ 上均匀分布的随机变量,则 X(t)为一平稳随机过程。
- 19、设随机过程 X(t)=At,A 为在[0,1]上均匀分布的随机变量,则 X(t)是平稳过程。
- 20、设随机过程 Z(t)=Xcost+Ysint, $-\infty<t<\infty$ ,其中 X,Y为相互独立的随机变量,并分别以概率 2/3、1/3 取值-1 和 2,则 Z(t)既是广义平稳随机过程,又是狭义平稳随机过程。
- 21、设随机过程 X(t)=X(k) , k=...-2,-1,0,1,2... , X(k)为相互独立且具有相同分布的随机变量序列,已知 E[X(k)]=0 ,  $E[X^2(k)]=\sigma_X^2$  则 X(t)既是广义平稳随机过程,又是狭义平稳随机过程。
- 22、确定信号为特殊的随机信号,如果称某个确定信号为平稳的, 意味着该信号为常量。

- 23、若平稳随机过程的功率谱密度函数在 $\omega$ =0处含有冲激,则该随机过程一定隐含周期性。
  - 24、平稳随机过程一定是各态历经的。
- 25、若平稳随机过程的协方差函数  $K_x(\tau)$  不满足  $K_x(\infty) = 0$ ,则该过程必定隐含周期性。

#### 第三章 随机过程的线性变换

- 1、设有一线性时不变系统,如果输入过程 X(t)是狭义平稳的,则输出过程 Y(t)也是狭义平稳的;如果输入过程 X(t)是广义平稳的,则输出过程 Y(t)也是广义平稳的。
- 2、如果随机变量序列 $\{X_n\}$ 依均方收敛于随机变量X,则必依概率收敛于X,反之亦然。
- 3、设随机过程 X(t)的相关函数为  $R_X(t_1,t_2)$ ,如果  $R_X(t_1,t_2)$ 沿时间轴  $t_1=t_2=t$  处处连续,则随机过程 X(t)于每一时刻都是依均方收敛意义下连续的。
- 4、当随机过程 X(t)依均方收敛意义连续,则其均值  $m_X(t)$ 亦必为连续的。
  - 5、平稳随机过程 X(t)与其导数过程在同一时刻是不相关的。
- 6、若两个随机过程的均方导数相等,则它们只相差一个随机变量 或一个常数。

## 第四章 白噪声和高斯随机过程

1、平稳白噪声的自相关函数是冲激函数。

- 2、白噪声在任意相邻时刻的取值是不相关的。
- 3、白噪声的平均功率是无限的。
- 4、如果两个随机变量  $X_1$  和  $X_2$  是联合正态的,则它们的边缘分布也是正态分布的。
  - 5、两个正态随机变量如不相关,则必相互独立。
- 6、如果两个随机变量  $X_1$  和  $X_2$  是联合正态的,则它们的条件分布也是正态分布的。
  - 7、对于正态过程而言,广义平稳与狭义平稳的概念是等价的。
  - 8、一般平稳正态噪声与信号之和是非平稳的正态过程。
- 9、若正态随机过程在某两个时刻互不相关,则在该两个时刻相互 独立。
- 10、若正态随机过程平稳,则其均值函数及相关函数可以确定其 全部统计特性。

## 第七章 马尔可夫随机过程

- 1、齐次马尔可夫链任意两个不同时刻的联合分布律及转移概率 只与时刻差有关。
- 2、如果齐次马尔可夫链可以从任意一个状态转移到任意状态, 则一定遍历或渐近平稳。
  - 3、对于有限状态的马尔可夫链,至少有一个状态为常返态。
- 4、若马尔可夫链为齐次的,则其任意时刻的概率密度分布函数 不随时间变化而变化。
  - 5、马尔可夫链的状态转移矩阵的所有元素值非负,且任意行内

的所有元素值之和为1,任意列内的所有元素值之和也为1。

6、齐次马尔可夫链的状态转移矩阵刻画了其全部的统计特性。

# 二、填空题

# 第二章 随机过程的基本概念

| 1                        | 、自然界的信号通常可以分两大类:信号和  |  |
|--------------------------|--|--|
| 信号。                      |  |  |
| 2                        | 、随机过程 X(t)的一维分布函数取决于和。   |  |
| 3                        | 、随机过程的数学期望表示。  |  |
| 4                        | 、随机过程的方差描述了。   |  |
| 5                        | 、随机过程的自相关函数反映了。  |  |
| 6                        | 、、与是刻画随机过程在某个孤立  |  |
| 时刻壮                      | 代态的数字特征,而和则是刻画随机过程自身   |  |
| 在两个不同时刻状态之间的线性依从关系的数字特征。 |  |  |
| 7                        | 、随机过程按状态和时间的连续性可以分成、、  |  |
| `_                       | 与四类。   |  |
| 8                        | 、随机相位信号包含了个样本函数。   |  |
| 9                        | 、平稳随机过程的主要特点是。   |  |
| 1                        | 0、平稳随机过程的两个条件是和。   |  |
| 1                        | $1$ 、设 $X(t)$ , $-\infty < t < \infty$ 是平稳随机过程,自相关函数                       |  |
| $R_{X}(\tau$             | $(x) = \alpha e^{-\beta \tau }$ ,其中 $(\alpha, \beta)$ 是正数,则 $(x)$ 的功率谱密度为。 |  |

| $12$ 、对于均值为 $m_x$ 、相关函数为 $R_x(\tau)$ 的各态经历随机过程的任   |
|--|
| 意样本函数 $x(t)$ ,必有: $\lim_{T\to\infty}\frac{1}{2T}\int_{-T}^{T}x(t)dt=$ ,  |
| $\lim_{T \to \infty} \frac{1}{2T} \int_{-T}^{T} x(t+\tau)x(t)dt = \underline{\qquad} \circ$                      |
| 13、若平稳随机过程 $X(t)$ 的相关函数为 $R_X(\tau) = \frac{1}{4}e^{-2 \tau } + \frac{1}{4}$ ,则该过                                |
| 程的直流功率为。   |
| 14、随机信号的功率谱密度从频域反映了随机信号的统计特性,  |
| 它表示。   |
| 第三章 随机过程的线性变换  |
| 1、线性变换的两个基本特性是和。   |
| 2、平稳随机过程 X(t)依均方收敛意义下连续的充要条件是  |
| o  |
| 3、平稳随机过程 X(t)可导的充要条件是。   |
| 第四章 白噪声和高斯随机过程   |
| $1$ 、平稳高斯过程 $X(t)$ 的相关函数为 $R_X(\tau)=6e^{- \tau /2}$ ,则随机变量  |
| X(t), $X(t+1)$ , $X(t+2)$ 和 $X(t+3)$ 的协方差矩阵 $K=$   |
| 2、若零均值二维联合正态分布随机变量 X 、 Y 的联合概率密度   |
| 分布函数为 $f_{xy}(x,y) = \frac{1}{2\pi A} \exp\{-(\frac{x^2}{6} - \frac{xy}{9} + \frac{y^2}{13.5})\}$ ,则随机变量 $x$ 的方差 |
| 为, Y的方差为, X、Y的相关系数为, A=。   |
| 3、常见的限带随机信号有和。   |
| 4、当白噪声通过低通滤波器后,其输出是。   |
| 5、当白噪声通过带通滤波器后,其输出是。   |

6、平稳白噪声的特点是。

#### 第七章 马尔可夫随机过程

1、设马尔可夫链的状态集为 $\{a_1,a_2,...,a_N\}$ ,s时刻到r时刻及r时刻到n时刻的状态转移概率为 $p_{ik}(s,r)=P\{X(r)=a_k\,|\,X(s)=a_i\}$ 、

$$p_{kj}(r,n) = P\{X(n) = a_j \mid X(r) = a_k\}$$
,  $\mathbb{N}$ 

$$p_{ij}(s,n) = P\{X(n) = a_j \mid X(s) = a_i\} = \underline{\hspace{2cm}}$$

2、设X(t)为马尔可夫过程, $t_s < t_r < t_n$ ,若已知条件概率密度  $f_X(x_r,t_r|x_s,t_s)、 f_X(x_n,t_n|x_r,t_r),则$   $f_X(x_n,t_n|x_s,t_s) = \underline{\hspace{1cm}}$ 。

## 三、综合题

# 第二章 随机过程的基本概念

1、已知随机过程 X(t)和 Y(t)的功率谱密度为

$$G_X(\omega) = \frac{\omega^2 + 4}{\omega^4 + 10\omega^2 + 9} \qquad G_Y(\omega) = \frac{\omega^2}{\omega^4 + 3\omega^2 + 2}$$

分别求X(t)和Y(t)的自相关函数和均方值。

- 2、证明: 当且仅当 U 与 V 是不相关的随机变量,并且均值都为 0,方差相等时,过程  $X(t)=U\cos\omega t+V\sin\omega t$  是广义平稳过程。(提示: 要分别证明充分性和必要性。)
- 3、下列函数是否可能是实平稳随机过程的自相关函数?为什么?

$$f(\tau) = \sin(2\pi f_0 \tau)$$
, 其中 $f_0$ 是常数

$$_{2}, f(\tau) = \tau^{2}$$

$$_{3}$$
,  $f(\tau) = \begin{cases} 1-|\tau| & |\tau| \le 1 \\ 1+|\tau| & |\tau| > 1 \end{cases}$ 

4、下列函数是否可能是实平稳随机过程的自相关函数?为什么?

$$1, f(\tau) = 1/\tau$$

2、
$$f(\tau) = \frac{1}{2}\cos(2\pi f_0 \tau)$$
, 其中 $f_0$ 是常数

3、
$$f(\tau) = \sigma^2 e^{-a^2 \tau^2}$$
,其中  $a$  和  $\sigma$  是常数

5、下列函数是否可能是实平稳随机过程的自相关函数?为什么?

$$\widehat{1}, \quad f(\tau) = 1/\tau^2$$

②、
$$f(\tau) = \frac{1}{2}\cos(2\pi f_0 | \tau |)$$
,其中 $f_0$ 是常数

③、
$$f(\tau) = \sigma^2 e^{-a^2 \tau^2} (1 + a | \tau | + \frac{1}{3} a^2 \tau^2)$$
,其中  $a$  和  $\sigma$  是常数

6、两个统计独立的平稳随机过程 X(t)和 Y(t), 其均值都为 0,自相关函数分别为

$$R_X(\tau) = e^{-3|\tau|}$$
  $R_X(\tau) = \cos 5\pi\tau$ 

试求: ①、Z(t) = X(t) + Y(t)的功率谱密度;

②、
$$W(t) = X(t) - Y(t)$$
的功率谱密度;

- ③、互功率谱密度  $G_{ZW}(\omega)$ 。
- 7、随机过程 X(t)定义为  $X(t)=f(t+\varepsilon)$ ,其中 f(t) 是具有周期 T

的周期信号, $\varepsilon$  是在区间[0,T]内均匀分布的随机变量。证明 X(t) 是平稳随机过程。(提示:利用周期函数的性质

$$\int_{x_0}^{T+x_0} f(t)dt = \int_0^T f(t)dt$$

8、给定一个随机过程 X(t)和任一实数 x,按如下方式定义另一个随机过程 Y(t):

$$Y(t) = \begin{cases} 1 & X(t) \le x \\ 0 & X(t) > x \end{cases}$$

证明: Y(t)的均值函数和自相关函数分别是 X(t)的一维和二维分布函数。

- 9、质点在直线上作随机游动,即 t=1,2,3,...在时质点可以在 x 轴上往右或往左作一个单位距离的随机游动。若往右移动一个单位距离的概率为 p,往左移动一个单位距离的概率为 q,即  $P\{\xi_{i}=1\}=p$ , $P\{\xi_{i}=-1\}=q$ ,p+q=1,且各次游动是相互统计独立的。经过 n 次游动,质点所处的位置为  $\eta(n)=\sum_{i=1}^{n}\xi_{i}$ 。
  - ①、求 n(n)的均值
  - ②、求 7(n)的相关函数和协方差函数。
- 10、下列函数哪些可能是实平稳随机过程功率谱密度的正确表达式?为什么?

$$_{1} F(\omega) = \frac{\omega^{2}}{\omega^{6} + 3\omega^{2} + 3}$$

2 
$$F(\omega) = \exp[-(\omega - 1)^2]$$

$$_3 F(\omega) = \frac{\omega^2}{\omega^4 - 1} - \delta(\omega)$$

11、下列函数哪些可能是实平稳随机过程功率谱密度的正确表达式?为什么?

$$_1 F(\omega) = \frac{\cos 3\omega}{1+\omega^2}$$

$$_{2} F(\omega) = \frac{1}{(1+\omega^{2})^{2}}$$

$$_{3} F(\omega) = \frac{|\omega|}{1+2\omega+\omega^{2}}$$

12、下列函数哪些可能是实平稳随机过程功率谱密度的正确表达式?为什么?

$$F(\omega) = \frac{1}{\sqrt{1-3\omega^2}}$$

$$2 F(\omega) = \frac{\omega^4}{j\omega^6 + \omega^2 + 1}$$

3 
$$F(\omega) = \frac{|\omega|}{1 + 2\omega^2 + \omega^4}$$

13、由联合平稳随机过程 X(t)和 Y(t)定义的过程 W(t)表示为: W(t)=AX(t)+BY(t),其中 A 和 B 是实常数;

- ①、求W(t)的功率谱密度;
- ②、若 X(t)和 Y(t)不相关,求 W(t)的功率谱密度;
- ③、求 W(t)与 X(t)和 Y(t)的互功率谱密度。

- 14、设 X(t)是平稳过程,Y(t)=A+B X(t),其中 A 和 B 是常数,求 Y(t)的功率谱密度。
- 15、随机过程 Y(t)定义为  $Y(t) = X(t)\cos(\omega_0 t + \Theta)$ ,其中 X(t)是 平稳随机过程, $\omega_0$  是实常数; $\Theta$  是与 X(t)不相关的随机变量,并且 在区间( $-\pi$ , $\pi$ )上均匀分布。
  - ①、求 *Y*(*t*)的均值;
  - ②、求 Y(t)的自相关函数;
  - ③、*Y(t)*平稳吗?
- 16、设A和B是两个随机变量, $X(t) = A\cos\omega_0 t + B\sin\omega_0 t$ ,其中 $\omega_0$ 是实常数;
- ①、若A和B具有零均值,相同方差且不相关,证明X(t)是平稳随机过程;
  - ②、求 X(t)的自相关函数;
  - ③、求X(t)的功率谱密度。
- 17、由联合平稳随机过程 X(t)和 Y(t)定义的过程 W(t)表示为: W(t) =  $X(t)\cos\omega_0 t + Y(t)\sin\omega_0 t$ ,其中  $\omega_0$  是实正常数;
- ①、若要使 W(t)成为一个平稳随机过程,则 X(t)和 Y(t)的均值和相关函数应满足什么条件?
  - ②、若 1 所要求的条件成立,求 W(t)的功率谱密度;
- ③、若 1 所要求的条件成立,并且 X(t)和 Y(t)不相关,求 W(t)的功率谱密度。
  - 18、设有随机过程  $X(t) = A\cos(\omega \cdot t)$ , 其中  $0 < t < \infty, \omega$  为常数, A 是

服从[1,2]上的均匀分布,确定t分别为 $\pi/_{\omega}$ 和 $\pi/_{4\omega}$ 时,求随机变量X(t)的概率密度。

- 19、设随机过程  $X(t) = e^{-At}$ , t > 0, 其中 A 是在区间(1, 2)上服从均匀分布的随机变量,求随机变量 X(1) 的一维概率密度函数 f(x;1) 和一维分布函数 F(x;1)。
  - 20、已知平稳随机过程 X(t),  $-\infty < t < \infty$  的谱密度为

$$G_X(\omega) = \frac{\omega^2 + 4}{\omega^4 + 10\omega^2 + 9}$$
,求 $X(t)$ 的自相关函数和均方值。

### 第三章 随机过程的线性变换

1、设一平稳随机过程 X(t),其导数过程为 Y(t)=X'(t),已知 X(t)的自相关函数为

$$R_X(\tau) = e^{-\tau^2}$$

令 X(t)和 Y(t)构成一个新的随机过程 Z(t)=X(t)+Y(t),求 Z(t)的自相关函数  $R_Z(\tau)$ 。

2、设 X(t) 是平稳随机过程,E[X(t)]=1,  $R_{X}(\tau)=1+e^{-2|\tau|}$ ,求随机变量  $S=\int_{0}^{1}X(t)dt$  的均值及方差。

# 第四章 白噪声和高斯随机过程

- 1、设随机过程  $X(t)=U\cos\omega t+V\sin\omega t$ ,其中  $\omega$ 为常数,U和 V是两个相互独立的高斯随机变量。已知 E[U]=E[V]=0, $E[U^2]=E[V^2]=\sigma^2$ ,求 X(t)的一维和二维概率密度。
- 2、一正态随机过程的均值为  $m_X(t)$ =3,协方差为  $K(t_1,t_2)$ =4 $\cos \pi(t_1-t_2)$ ,求当  $t_1$ =1/2、 $t_2$ =1 时的二维概率密度。

## 第七章 马尔可夫随机过程

- 1、如果明天是否有雨仅与今天的天气有关,而与过去的天气无 关,并设今天下雨而明天有雨的概率为 0.7,今天无雨而明天有雨的 概率为 0.4,已知今天已经下雨,求第四天仍有雨的概率。
  - 2、设 $X_n$ 为三个状态  $\{a, b, c\}$  的马尔可夫链, 其转移矩阵为

$$P = \begin{bmatrix} 1/2 & 1/4 & 1/4 \\ 2/3 & 0 & 1/3 \\ 3/5 & 2/5 & 0 \end{bmatrix}$$

试求:

1. 
$$P\{X_1 = b, X_2 = c, X_3 = a \mid X_0 = c\}$$

2. 
$$P\{X_{n+2} = c \mid X_n = b\}$$

- 3、该链的平稳分布是否存在?为什么?如存在,求其平稳分布。
- 3、设齐次马尔可夫链  $X_n$  有四个状态  $S_1$ ,  $S_2$ ,  $S_3$ ,  $S_4$ , 其转移矩阵如下:

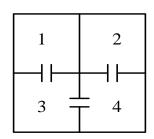
$$P = \begin{bmatrix} 1/4 & 1/4 & 0 & 1/2 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1/2 & 0 & 1/2 & 0 \\ 1/4 & 1/4 & 1/4 & 1/4 \end{bmatrix}$$

- ①、如果该马尔可夫链在 n 时刻处于  $S_3$  状态,求在 n+2 时刻处于  $S_1$  状态的概率;
  - ②、如果该马尔可夫链在 0 时刻处于  $S_1$  状态,求在 1 时刻处

于状态  $S_4$  而 2 时刻处于状态  $S_3$  的概率。

- 4、在数字通信系统中,传输的信号只有 0、1 两种,一般分为多个阶段传输。设在每一个阶段中出错的概率为 a (0 < a < 1)。设 X(0) = 0 是要传输的最原始的信号,X(n) (n > 0) 表示经过 n 个阶段传输后收到的信号,设 X(n) (n > 0) 是一个马尔可夫链,试求:
  - ①、X(n)的一步转移概率矩阵;
  - ②、在头三个阶段中原始信号传输均不出错的概率:
  - ③、原始信号经过头三个阶段的传输后收到正确信号的概率;
- ④、该链的平稳分布是否存在?为什么?如存在,求其平稳分布。
- 5、设有 6 个球(其中 2 个红球,4 个白球),分别放于甲、乙两个盒子中,每盒放 3 个,今每次从两个盒中各任取一球并进行交换,以 X(0)表示开始时甲盒中红球的个数,X(n)(n>0)表示经 n 次交换后甲盒中的红球数,则 X(n)构成一个马尔可夫链。
  - ①、求 X(n)的一步转移概率矩阵;
- ②、该链的平稳分布是否存在?为什么?如存在,求其平稳分布。
  - ③、若 X(0)=0, 求经过两次交换后甲盒中有两个红球的概率。
  - 6、老鼠在下图的迷宫中作随机游动。当它处在某个方格中有k条

通道时,以概率 $\frac{1}{k}$ 随机通过任意一个通道。求老鼠作随机游动的状态空间及一步转移概率矩阵。



7、设 $X_n, n \ge 0$  是具有三个状态  $I = \{0, 1, 2\}$ 的齐次马氏链,一步转移概率矩阵为

$$P = \begin{bmatrix} 1/4 & 3/4 & 0 \\ 1/4 & 1/2 & 1/4 \\ 0 & 1/4 & 3/4 \end{bmatrix}$$

初始分布为 $p_i(0) = P\{X_0 = i\} = 1/3, i = 0,1,2$ , 试求:

- ①  $P\{X_1 = 1, X_3 = 2\}$
- ②  $P_{02}(4)$
- ③ 判断此链是否具有遍历性,若是遍历的,求其平稳分布。

## 第八章 泊松过程

- 1、设泊松过程 N(t) (t≥0)的强度  $\lambda$ =2,求:
- ①  $P{N(5)=4}$
- ②  $P{N(5)=4, N(7.5)=6, N(12)=9}$
- ③  $P{N(12)=9 \mid N(5)=4}$
- $\textcircled{4} \ E\{N(5)\}, \ D\{N(5)\}, \ Cov\{N(5), N(12)\}$

- 2、设某泊松过程 X(t) 的到达率参数为  $\lambda$ 。给定两个时刻 s 和 t (s < t),如果已知 s 时刻的事件发生次数为 k,求 t 时刻事件发生次数为 n 的概率  $P\{X(t)=n|X(s)=k\}$ 。
  - 3、泊松过程的其他题目参见课件。

# 附录 常见平稳过程的自相关函数和功率谱密度对应关系

1. 
$$R_X(\tau) = e^{-a|\tau|}$$
,  $G_X(\omega) = \frac{2a}{a^2 + \omega^2}$ ;

2. 
$$R_X(\tau) = \begin{cases} 1 - \frac{|\tau|}{T} & |\tau| < T \\ 0 & |\tau| \ge T \end{cases}$$
,  $G_X(\omega) = \frac{4\sin^2(\omega T/2)}{T\omega^2}$ ;

3. 
$$R_X(\tau) = e^{-a|\tau|} \cos \omega_0 \tau$$
;  $G_X(\omega) = \frac{a}{a^2 + (\omega + \omega_0)^2} + \frac{a}{a^2 + (\omega - \omega_0)^2}$ ;

4. 
$$R_X(\tau) = \frac{\sin \omega_0 \tau}{\pi \tau}$$
;  $G_X(\omega) = \begin{cases} 1 & |\omega| < \omega_0 \\ 0 & |\omega| \ge \omega_0 \end{cases}$ ;

5. 
$$R_X(\tau) = 1$$
;  $G_X(\omega) = 2\pi\delta(\omega)$ ;

6. 
$$R_X(\tau) = \delta(\tau)$$
,  $G_X(\omega) = 1$ ;

7. 
$$R_X(\tau) = \cos \omega_0 \tau$$
,  $G_X(\omega) = \pi [\delta(\omega - \omega_0) + \delta(\omega + \omega_0)]$