## Capítulo 1

## Básicos de termodinámica

## 1.1 Energía y entropía

Una de las formulaciones de la 2da ley es definir la entropía. Surge de:

$$\frac{Q_1}{Q_2} = -\frac{T_1}{T_2} \qquad \Rightarrow \frac{Q_1}{Q_2} + \frac{T_1}{T_2} = 0 \text{ reversible}$$

$$\int \frac{dQ}{T} \leq 0 \qquad \text{desigualdad de Clausius}$$

Proceso reversible en un sistema aislado

$$S_{A \to B} = \int_{\Delta}^{B} dS = 0$$

pues

$$dS = \frac{dU}{T} - \frac{p}{V}dV + \frac{\mu}{T}dN = 0$$

pero en procesos irreversibles la variación de  ${\cal S}$  es cota superior:

La existencia de S es independiente de su cálculo

$$\int_A^B \frac{dQ}{T} < \int_A^B dS = S_{A \to B}.$$

Luego, para un sistema aislado, en un proceso irreversible

$$dS_I = 0 \qquad \Rightarrow \qquad \frac{dQ_I}{T} = 0$$

y entonces

$$0 < \int_A^B dS = S_{A \to B}$$

La entropía solo aumenta. Podría calcular  $S_{A \to B}$  con un proceso reversible de  $A \to B$  pero ahí ya tengo que intervenir sobre el sistema (no hay procesos espontáneos –en un sistema aislado– reversibles).

En reversibles

$$dU = TdS - pdV + \mu dN$$

mientras que en irreversibles

$$dU = ddQ_I - pdV + \mu dN$$
, pero  $dQ_I < TdS$ 

y entonces

$$dU < TdS - pdV + \mu dN$$

Si S es homogénea, se tiene

$$S = S(\lambda U, \lambda X, \{\lambda N_i\}) = \lambda S(U, X, \{N_i\})$$

En un sistema PVT Y = -p.

y además si

$$\begin{split} TdS &= dU - YdX - \mu_i dN_i \\ \frac{dS}{d\lambda} &= S = \frac{\partial S}{\partial \lambda U} \frac{d\lambda U}{d\lambda} + \frac{\partial S}{\partial \lambda X} \frac{d\lambda X}{d\lambda} + \frac{\partial S}{\partial \lambda N_i} \frac{d\lambda N_i}{d\lambda} \\ S &= \frac{\partial S}{\partial \lambda U} U + \frac{\partial S}{\partial \lambda X} X + \frac{\partial S}{\partial \lambda N_i} N_i \\ \frac{\partial}{\partial \lambda U} \left[ S(\lambda U) \right] &= \frac{\partial}{\partial \lambda U} \left[ \lambda S(U) \right] = \frac{\partial S}{\partial U} = \frac{1}{T} \end{split}$$

y procediendo del mismo modo con  $Y, \mu$ 

$$S = \frac{1}{T}U + \frac{-Y}{T}X + \frac{-\mu_i}{T}N_i$$

y arribamos a la ecuación fundamental

$$TS = U - YX - \mu_i N_i$$

o bien

$$U = TS + YX + \sum_i \mu_i N_i$$

La primera ley (en sistemas reversibles) era

$$dU = TdS + YdX + \sum_{i} \mu_{i} dN_{i}$$

y a S, V, N constantes

$$dU^R = 0$$
  $dU^I < 0$ 

la mínima U es equilibrio. Si existe trabajo que no es de volumen resulta

$$dU < -dW_{
m libre}$$

$$\frac{dQ}{dT} = \frac{dU}{T} + \frac{p}{T}dV - \frac{\mu}{T}dN = \frac{dQ}{dT} \le dS$$

Si el sistema está aislado será

$$0 \le dS$$
 condición de equilibrio

alcanzando el máximo ya no puede disminuir la entropía.