Conjuntos estadísticos

La cantidad

$$\rho(\{\vec{q}_i,\vec{p}_i\},t)d^{3N}qd^{3N}p$$

es el número de microestados en el elemento $d^{3N}qd^{3N}p$ al tiempo t centrado en q,p. Si los microestados son equiprobables $\rho\equiv cte$.. El conjunto $\{\vec{q}_i,\vec{p}_i\}$ son 6N coordenadas.

$$\Omega = \int p d^{3N} q d^{3N} p$$

XXX Dibujos XXXX

el volumen en $\mathbb F$ es proporcional al número de microestados compatibles con E,N, el volumen $\mathbb F$ del macroestado es $\Omega\{n_i\}$

 $n_i=f_id^3qd^3p$ es el número de partículas en una celda i (con su $\vec p$ en $\vec p+d\vec p$ y con su $\vec q$ en $\vec q+d\vec q$)

Un microestados determina una distribución f que da un conjunto $\{n_i\}$. Pero una f determina muchos microestados porque la función de distribución no distingue entre partículas (importan los números de ocupación); entonces una f determina un volumen en \mathbb{F} .

Suponemos que todos los microestados en $\mathbb F$ son igualmente probables. La f que determina el mayor volumen en $\mathbb F$ es la más probable. Suponemos que en el equilibrio el sistema toma la f más probable. Si f_i es el valor de f en cada celda i

$$f_i = \frac{n_i}{d^3pd^3q} \quad \text{promediada en el ensamble} \quad \bar{f_i} = \frac{< n_i>}{d^3pd^3q} \quad \text{en el equilibrio}$$

La integral Ω es imposible porque es difícil determinar el volumen de integración.

Cada microestado tiene su f.

 f_i es la distribución para un miembro en el ensamble.

Necesito $\Omega = \Omega\{n_i\}$ para obtener el $\{\tilde{n}_i\}$.

Esta \bar{f}_i es la de equilibrio, pero la cuenta no es fácil. Asumiremos que la f de equilibrio es la más probable (la de mayor volumen en $\mathbb F$); entonces maximizaremos dicho volumen para hallarla.

Un microestado determina una f; diferentes microestados pueden determinar otras f pero muchos coincidirán en una misma f.

La f en el equilibrio es la que tiene mayor cantidad de microestados (la más probable) pero

$$\bar{f}_i = \frac{< n_i>}{d^3pd^3q}$$

es el promedio en el ensamble y no será exactamente igual a la f_i del mayor volumen, salvo que el volumen de f sea mucho mayor al ocupado por f', f'', etc.

Dado el volumen $\Omega\{n_i\}$ extremaremos el mismo sujeto a las condiciones

$$E = \sum_{i}^{K} n_{i} e_{i} \qquad \qquad N = \sum_{i}^{K} n_{i}$$

y llegamos a la f de equilibrio que es f_{MB} .

El volumen Ω se escribe en función de los números de ocupación

$$\Omega\left(\left\{n_{i}\right\}\right) = \frac{N!}{\prod_{i}^{K} n_{i}!} \prod_{i}^{K} g_{i}^{n_{i}} \qquad (i = 1, 2, ..., K \quad \text{identifica celdas en } \mu)$$

$$\Omega\left(\left\{n_{i}\right\}\right)=N!\prod_{i}^{K}\frac{g_{i}^{n_{i}}}{n_{i}!}$$

donde g_i son los subniveles en que podríamos dividir la celda K; es por matemática conveniencia y para abarcar más casos (luego será $g_i = 1 \forall i$).

El conjunto $\{\tilde{n}_i\}$ que extrema $\Omega\left(\{n_i\}\right)$ es el más probable y consideraremos

$$\{\tilde{n}_i\} = \langle n_i \rangle$$

Estaremos pensando que cuando $N\to\infty$ la mayor parte de los microestados van a una distribución f_{MB}