

Introducción a la Algorítmica y Programación (3300)

Prof. Ariel Ferreira Szpiniak - aferreira@exa.unrc.edu.ar
Departamento de Computación
Facultad de Cs. Exactas, Fco-Qcas y Naturales
Universidad Nacional de Río Cuarto

Teoría 9

Tipo de Dato Estructurado Homogéneo: Arreglos



Tipos de datos

Retomando lo que hemos visto sobre tipos de datos al comienzo del curso, podemos recordar que los algoritmos generalmente operan sobre datos de distinta naturaleza (números, letras, palabras, símbolos, etc.) y por lo tanto, los programas que implementan dichos algoritmos necesitan representarlos de alguna manera.

De allí que definimos a un *tipo de dato* como *una clase de objetos de datos ligados a un conjunto de operaciones para crearlos y manipularlos*.

Los tipos de datos se caracterizan por:

- Un rango de valores posibles,
- Un conjunto de operaciones realizables sobre ese tipo
- Una representación interna.

Por ello se dice que un tipo es el **conjunto de valores posibles que puede tomar una variable**.



Tipos de datos Simples y Estructurados

La solución de cualquier problema informático requiere conocer y saber utilizar herramientas y técnicas tales como la algorítmica y la estructura de datos.

Por medio de la algorítmica podemos diseñar una serie de operaciones que ejecutadas en el orden establecido llevarán a la solución del problema. Por otra parte, es necesario definir las características de los datos con los que trabajemos y una serie de operaciones que manipulen estos datos de forma eficiente, para que el algoritmo que opera sobre ellos pueda ser analizado y llevado a la práctica de una forma clara.

Para facilitar la manipulación de los distintos datos se define por un lado el concepto de **tipo de datos** y por otro el de **estructura de datos**.



Tipos de datos Simples y Estructurados

Como vimos, un **tipo de datos** es un conjunto de valores posibles junto con unas operaciones para su manipulación.

Tipos de datos como los enteros, reales y caracteres se denominan simples o elementales ya que toman valores atómicos. Esto significa que una variable de estos tipos tan sólo puede contener un valor en cada momento.

Sin embargo, existen otros tipos de datos que pueden contener más de un valor y que se denominan **tipos compuestos, estructurados, estructuras de datos** o simplemente **estructuras**.



Tipos de datos

Simple y Estructurados

Una **estructura de datos** es un tipo de datos con las siguientes características:

- posee varias componentes, cada una de las cuales puede ser un tipo simple u otra estructura de datos;
- existe una relación entre los distintos componentes que la dota de un cierto significado y utilidad;
- se manipulan mediante una serie de operaciones.



Tipos de datos

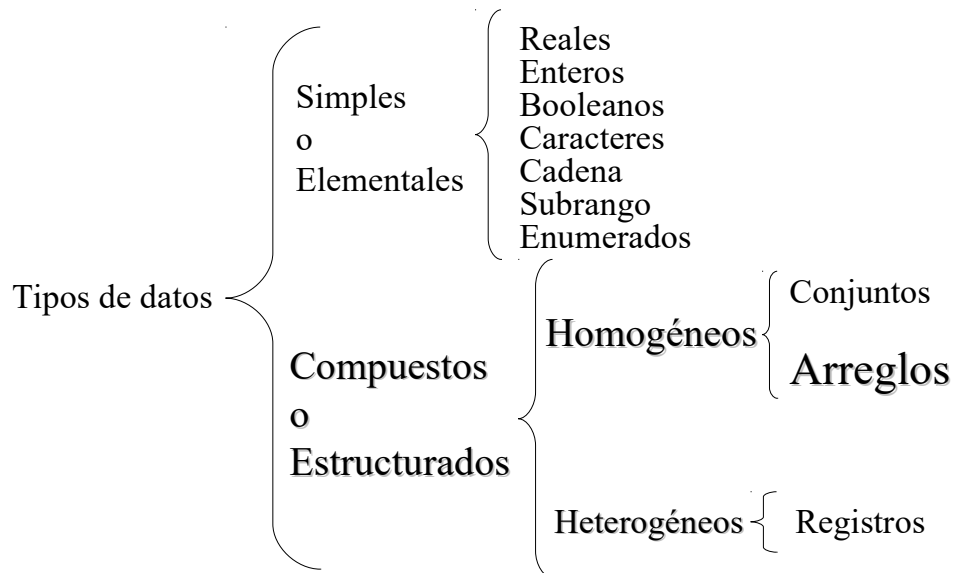
Simple y Estructurados

Los objetos del mundo real generalmente son complejos. Por ello para poder representar esos objetos en programas que solucionen problemas se necesita de herramientas que faciliten dicha tarea.

Es por ello existen tipos de datos **Simple**, o *Elementales*, y **Estructurados**, o *Compuestos*. Estos tipos de datos permiten representar en una computadora las características principales de los objetos del mundo real.



Tipos de datos



Arreglos - Motivación

- Problema: un curso posee 150 alumnos, de los cuales se necesita la nota de cada uno, para luego informar la nota más alta del curso, la más baja, el promedio, etc...
- ¿Cómo hacemos esto?

Una primera alternativa es declarar una variable por cada alumno.

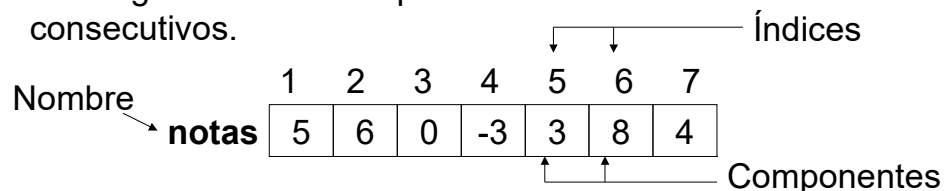
Pero hay 150 alumnos!!!



Arreglos Unidimensionales

La estructura más simple es el arreglo de una dimensión, también llamado *vector*.

El arreglo está formado por una sucesión de elementos consecutivos.



Para referirse a una componente de un vector se utilizará el nombre y un *índice*.

El índice se encierra entre corchetes ([índice]).

Ejemplo: **notas[5]**



Declaración de arreglos

Para declarar un arreglo se debe, preferentemente, declarar un nuevo tipo previamente.

Se le da un nombre al tipo, y además se define su tamaño y el tipo de datos (caracteres, enteros, etc.) que van a contener los arreglos que se definan en el futuro.

Luego se declaran todas las variables del tipo arreglo que sean necesarias.

Notación algorítmica

nombreTipo = **arreglo** [límiteInferior..límiteSuperior] **de** tipo //tipo
nombreVar ∈ nombreTipo //variable

Ejemplo:

TElem = Z // tipo

NMax = 7 // constante

TArr = **arreglo** [1..NMax] **de** TElem // tipo

notas ∈ TArr // variable



Declaración de arreglos

En el caso de ser necesario saber la cantidad de elementos que contiene el arreglo, debe definirse una variable adicional para almacenar dicha cantidad.

Notación algorítmica

nombreTipo = **arreglo** [límiteInferior..límiteSuperior] **de** tipo // tipo

nombreVar ∈ nombreTipo // variable

nombreCant ∈ [límiteInferior-1..límiteSuperior+1] // variable

Ejemplo:

TElem = Z // tipo

NMax = 7 // constante

TArr = **arreglo** [1..NMax] **de** TElem // tipo

notas ∈ TArr // variable

cant ∈ (0..NMax+1) // variable



Declaración de arreglos

La propuesta anterior se puede mejorar utilizando un registro para contener el arreglo junto a la cantidad de elementos que contiene.

Notación algorítmica

nombreTipo = **arreglo** [límiteInferior..límiteSuperior] **de** tipo //tipo

nombreRegistro = <campoArreglo ∈ nombreTipo, nombreCant ∈ [límiteInferior-1..límiteSuperior+1]>

nombreVar ∈ nombreRegistro //variable

Ejemplo:

TElem = Z //tipo

NMax = 7 //constante

TArre = **arreglo** [1..NMax] **de** TElem //tipo

TData = <a ∈ TArre, cant ∈ (0..NMax+1)>

notas ∈ TData //variable



Declaración de arreglos

Otra forma, que no es recomendable debido a que obstaculiza la modularización (el pasaje de parámetros, por ejemplo).

Notación algorítmica

Nombre \in arreglo [límiteInferior..límiteSuperior] de tipo

Ejemplo:

notas \in arreglo [1..7] de \mathbb{Z}



Asignación, Carga y Consulta

• Asignación

{ei: $A=[x_1, x_2, \dots, x_i, \dots, x_{n-1}, x_n]$ }

$a[i] \leftarrow e$

{ef: $A=[x_1, x_2, \dots, e_0, \dots, x_{n-1}, x_n]$ }

• Asignación desde entrada estándar

{ei: $A=[x_1, x_2, \dots, x_i, \dots, x_{n-1}, x_n]$ }

Entrada: $a[i]$ }

o	Entrada: e
	$a[i] \leftarrow e$

{ef: $A=[x_1, x_2, \dots, e_0, \dots, x_{n-1}, x_n]$ }

• Consulta

{ei: $A=[x_1, x_2, \dots, x_i, \dots, x_{n-1}, x_n]$ }

$a[i]$

{ef: $A=[x_1, x_2, \dots, x_i, \dots, x_{n-1}, x_n]$ }

Ejemplos

$a[4] \leftarrow 29$

$a[6] \leftarrow a[5] + 1$

$a[i] \leftarrow a[4] + a[6]$

$a[i] \leftarrow a[i+1] + a[i-1]$

$a[i+1] \leftarrow 45 + a[6]$

$a[i-1] \leftarrow a[i] + 3$



Ejemplo I

Se necesita almacenar 100 letras.

Nota: resolver utilizando arreglos y estructura iterativa repetir.

Algoritmo MisLetras

Léxico

Max = 100

TElem = Character

TLetras = arreglo[1..Max] de TElem

letras \in TLetras

indice $\in \mathbb{Z}$

Inicio



Ejemplo I

Se necesita almacenar 100 letras.

Nota: resolver utilizando arreglos y estructura iterativa mientras.

Algoritmo MisLetras

Léxico

Max = 100

TElem = Character

TLetras = arreglo[1..Max] de TElem

letras \in TLetras

indice $\in \mathbb{Z}$

Inicio



Ejemplo I

Se necesita almacenar 100 letras.

Nota: resolver utilizando arreglos y estructura iterativa para.

Algoritmo MisLetras

Léxico

```
Max = 100
TElem = Caracter
TLetras = arreglo[1..Max] de TElem
letras ∈ TLetras
indice ∈ Z
```

Inicio

Fin



Ejemplo I

Se necesita almacenar 100 letras, y luego informarlas en el mismo orden en que fueron obtenidas.

Nota: resolver utilizando arreglos y estructura/s iterativa/s a elección.

Algoritmo MisLetras

Léxico

```
Max = 100
TElem = Caracter
TLetras = arreglo[1..Max] de TElem
letras ∈ TLetras
indice ∈ Z
```

Inicio

Fin



Ejemplo II

Se necesita almacenar no más de 100 letras.

Algoritmo MisLetras

Léxico

```
Max = 100
TElem = Caracter
TLetras = arreglo[1..Max] de TElem
TData = <a ∈ TLetras, cant ∈ (0..Max+1)>
letras ∈ TData
indice ∈ Z
```

Inicio

Fin



Ejemplo III

Se necesita almacenar no más de 100 letras, como máximo, y luego informarlas en el mismo orden en que fueron obtenidas.

Algoritmo MisLetras

Léxico

```
Max = 100
TElem = Caracter
TLetras = arreglo[1..Max] de TElem
TData = <a ∈ TLetras, cant ∈ (0..Max+1)>
letras ∈ TData
indice ∈ Z
```

Inicio

Fin



Ejemplo IV

Se necesita almacenar no más de 100 letras, como máximo, y luego informarlas en el orden **inverso** en que fueron obtenidas.

Algoritmo MisLetrasInverso

Léxico

```
Max = 100
TElem = Character
TLetras = arreglo[1..Max] de TElem
TData = <a ∈ TLetras, cant ∈ (0..Max+1)>
letras ∈ TData
indice ∈ Z
```

Inicio

Fin



Ejemplo V

En un Bingo se registran los números que van saliendo hasta que haya un ganador, o se saquen 30 números. Luego se debe informar los números que salieron.

Algoritmo Bingo

Léxico

Inicio

Fin



Ejemplo VI

Se necesita almacenar a lo sumo 80 vocales y luego informar la vocal que más veces se repite.

Aclaración: cada vocal debe ser almacenada en mayúscula.

Algoritmo Vocales

Léxico

Inicio

Fin



Ejemplo VII

Se necesita almacenar **n** números enteros (150 como máximo), y luego informarlos en orden inverso al que fueron obtenidos.

Algoritmo OrdenInverso

Léxico

Inicio

Fin



Ejemplo VII

Se necesita almacenar n números enteros (150 como máximo), y luego informarlos en orden inverso al que fueron obtenidos.

Algoritmo OrdenInverso

Léxico

```
Max = 150
TElem = Z
TNumeros = arreglo[1..Max] de TElem
TData = <a ∈ TNumeros, cant ∈ (0..Max+1)>
datos ∈ TData
indice ∈ Z
```

Inicio

```
i ← 1
Entrada:datos.cant
mientras i <= datos.cant hacer
    Entrada:datos.a[i]
    i ← i+1
fmientras
// informar Los datos ingresados, del último al primero
mientras i > 1 hacer
    Salida:datos.a[i-1]
    i ← i-1
fmientras
```

Fin



Ejemplo VIII

Desarrollar una acción que permita almacenar hasta 250 notas (entre 1 y 10) de estudiantes.

Algoritmo Notas

Léxico

```
Max = 250
TElem = (1..10)
TNumeros = arreglo[1..Max] de TElem
TData = <a ∈ TNumeros, cant ∈ (0..Max+1)>
misNotas ∈ TData
```

Inicio

cargarNotas (misNotas)

Fin



Ejemplo VIII

Desarrollar una acción que permita almacenar hasta 250 notas (entre 1 y 10) de estudiantes.

Algoritmo Notas

Léxico

```
Max = 250
TElem = (1..10)
TNumeros = arreglo[1..Max] de TElem
TData = <a ∈ TNumeros, cant ∈ (0..Max+1)>
misNotas ∈ TData
Acción cargarNotas (resultado notas ∈ TData)
```

Léxico local

i ∈ Z

Inicio

```
// cantidad de notas a cargar
Entrada:notas.cant
para (i←1, i<=notas.cant, i←i+1) hacer
    // obtener cada nota
    Entrada:notas.a[i]
fpara
Facción
```

Inicio

cargarNotas (misNotas)

Fin



Ejemplo IX

Desarrollar una acción que permita almacenar hasta 250 evaluaciones. Cada evaluación está compuesta por el nombre del estudiante y la nota.

Algoritmo Evaluaciones

Léxico

```
Max = 250
TElem =
TNumeros = arreglo[1..Max] de TElem
TData = <a ∈ TNumeros, cant ∈ (0..Max+1)>
misNotas ∈ TData
```

Inicio

Fin



Ejemplo X

Se necesita almacenar a lo sumo 10 vocales (sin superar los 255 caracteres), luego informar la cantidad de vocales almacenadas, y finalmente cambiar cada vocal por la letra que le sigue en el abecedario (por ejemplo, en lugar de a o A debe colocar b o B).

Algoritmo Encriptación
Léxico

Inicio

Fin



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak 33

Arreglos unidimensionales en C

```
/* OrdenInverso
Max = 150
TElem = Z
TNumeros = arreglo[1..Max] de
TElem
TData = <a ∈ TNumeros, cant ∈
(0..Max+1)>
datos ∈ TData
indice ∈ Z
*/
#define N 150
struct data{
    int cant;
    int a[N];
};
struct data datos;
int i;
```

```
/* Notas
Max = 250
TElem = (1..10)
TNumeros =
arreglo[1..Max] de TElem
TData = <a ∈ TNumeros,
cant ∈ (0..Max+1)>
misNotas ∈ TData
*/

#define N 250
struct data{
    int cant;
    int a[N];
};
struct data misNotas;
```



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak 34

Ejercicios

Implementar en C los ejemplos VII y VIII.



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak 35

Arreglos Bidimensionales o Matrices

Los arreglos de dos dimensiones, también llamados *matrices*, se utilizan para representar tablas de valores.

Se requieren dos índices, uno para las **filas** y otro para las **columnas**.

		Columnas			
		1	2	3	4
Filas	1	4	6	-2	1
	2	7	8	-4	0
	3	9	6	7	3



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak 36

Asignación, Carga y Consulta

• Asignación

{ei: A=[x₁₁, x₁₂, ..., x_{1i}, ..., x_{1(n-1)}, x_{1n}, x₂₁, x₂₂, ..., x_{2i}, ..., x_{2(n-1)}, x_{2n}]}

a[2,1] ← e

{ef: A=[x₁₁, x₁₂, ..., x_{1i}, ..., x_{1(n-1)}, x_{1n}, e, x₂₂, ..., x_{2i}, ..., x_{2(n-1)}, x_{2n}]}

• Asignación desde entrada estándar

{ei: A=[x₁₁, x₁₂, ..., x_{1i}, ..., x_{1(n-1)}, x_{1n}, x₂₁, x₂₂, ..., x_{2i}, ..., x_{2(n-1)}, x_{2n}]}

Entrada: a[2,1]

o Entrada: e
a[2,1] ← e

{ef: A=[x₁₁, x₁₂, ..., x_{1i}, ..., x_{1(n-1)}, x_{1n}, e, x₂₂, ..., x_{2i}, ..., x_{2(n-1)}, x_{2n}]}

• Consulta

{ei: A=[x₁₁, x₁₂, ..., x_{1i}, ..., x_{1(n-1)}, x_{1n}, x₂₁, x₂₂, ..., x_{2i}, ..., x_{2(n-1)}, x_{2n}]}

a[i,j]

{ef: A=[x₁₁, x₁₂, ..., x_{1i}, ..., x_{1(n-1)}, x_{1n}, x₂₁, x₂₂, ..., x_{2i}, ..., x_{2(n-1)}, x_{2n}]}

Ejemplos

a[1,4] ← 29

a[1,6] ← a[1,5] + 1

a[i,j] ← a[i,4] + a[i,6]

a[i,j] ← a[i+1,j] + a[i-1,j]

a[i+1,j] ← 45 + a[6,j]

a[i-1, j+1] ← a[i,j] + 3



Declaración de matrices

Para declarar una matriz se debe, preferentemente, declarar un nuevo tipo previamente.

Se le da un nombre al tipo, y además se define su tamaño y el tipo de datos (caracteres, enteros, etc.) que van a contener los arreglos que se definan en el futuro.

Luego se declaran todas las variables del tipo arreglo que sean necesarias.

Notación algorítmica

nombreTipo = **arreglo** [límiteInfFila..límiteSupFila,
límiteInfCol..límiteSupCol] de tipo //tipo

nombreVar ∈ nombreTipo //variable

Ejemplo:

TElem ∈ Z //tipo

NMaxFila = 7 //constante

NMaxCol = 10 //constante

TMat = **arreglo** [1..NMaxFila, 1..NMaxCol] de TElem //tipo

notas ∈ TMat //variable



Ejemplo I

Se necesitan almacenar los nombres que representan a los alumnos sentados en el aula 79 del Pabellón 2. El aula 79 contiene 8 hileras de 20 sillas cada una.

Algoritmo Aula79

Léxico

Fila = 8

Columna = 20

TAula = arreglo[1..Fila, 1..Columna] de Cadena

i ∈ Z

j ∈ Z

aula79 ∈ TAula

Inicio

Fin



Ejemplo I

Se necesitan almacenar los nombres que representan a los alumnos sentados en el aula 79 del Pabellón 2. El aula 79 contiene 8 hileras de 20 sillas cada una.

Algoritmo Aula79

Léxico

Fila = 8

Columna = 20

TAula = arreglo[1..Fila, 1..Columna] de Cadena

i ∈ Z

j ∈ Z

aula79 ∈ TAula

Inicio

i ← 1

mientras i <= Fila hacer

j ← 1

mientras j <= Columna hacer

//nombre del alumno sentado en la fila i y columna j del aula 79

Entrada: aula79[i,j]

j ← j+1

fmientras

i ← i+1

fmientras

Fin



Declaración de matrices

En el caso de ser necesario saber la cantidad de elementos que contiene la matriz, deben definirse dos variables adicionales para almacenar la cantidad filas y columnas.

Notación algorítmica

nombreTipo = **arreglo** [límiteInfFila..límiteSupFila,
límiteInfCol..límiteSupCol] **de** tipo //tipo
nombreVar ∈ nombreTipo //variable
nombreCantFila ∈ (límiteInfFila-1..límiteSupFila+1)
nombreCantCol ∈ (límiteInfCol-1..límiteSupCol+1)

Ejemplo:

TElem ∈ Z //tipo
NMaxFila = 7 //constante
NMaxCol = 10 //constante
TMat = **arreglo** [1..NMaxFila, 1..NMaxCol] **de** TElem //tipo
notas ∈ TMat //variable
cantFila ∈ (0..NMaxFila+1)
cantCol ∈ (0..NMaxCol+1)



Declaración de matrices

La propuesta anterior se puede mejorar utilizando un registro para contener el arreglo junto a la cantidad elementos que contiene.

Notación algorítmica

nombreTipo = **arreglo** [límiteInfFila..límiteSupFila, límiteInfCol..límiteSupCol] **de** tipo
nombreRegistro = <campoMatriz ∈ nombreTipo, nombreCantFila ∈ [límiteInfFila-1..límiteSupFila+1], nombreCantCol ∈ [límiteInfCol-1..límiteSupCol+1]>
nombreVar ∈ nombreRegistro //variable

Ejemplo:

TElem ∈ Z //tipo
NMaxFila = 7 //constante
NMaxCol = 10 //constante
TMat = **arreglo** [1..NMaxFila, 1..NMaxCol] **de** TElem
TData = <m ∈ TMat, cantFila ∈ (límiteInfFila-1..límiteSupFila+1), cantCol ∈ (límiteInfCol-1..límiteSupCol+1)> //tipo
notas ∈ TData //variable



Ejemplo I

Resolver el mismo problema anterior pero definiendo la matriz dentro de un registro.

Algoritmo Aula79



Ejemplo II

Modificar el algoritmo para modularizar en una acción la carga de la matriz de nombres que representa a los alumnos sentados en el aula 79 del Pabellón 2.

Algoritmo Aula79



Ejemplo III

Modificar el algoritmo anterior para que luego de cargar la matriz de nombres, informe todo su contenido.



Ejemplo IV

Un piso rectangular contiene 20 baldosas de largo y 30 de ancho. Cada baldosa posee un número (entre 0 y 1) que identifica su dureza. Es necesario almacenar los datos de cada una de las baldosas.

Algoritmo Piso

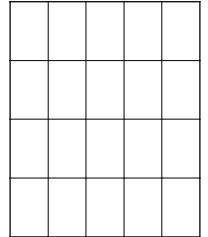
Léxico

```
Fila = 20
Columna = 30
TNumReales = arreglo[1..Fila, 1..Columna] de R
i, j ∈ Z
piso ∈ TNumReales
```

Inicio

```
i ← 1
mientras i ≤ Fila hacer
  j ← 1
  mientras j ≤ Columna hacer
    Entrada: piso[i,j]
    j ← j+1
  fmientras
  i ← i+1
fmientras
```

Fin



Ejemplo IV

Resolver el mismo problema anterior pero definiendo la matriz dentro de un registro.



Ejemplo V

Un piso rectangular contiene 20 baldosas de largo y 30 de ancho. Cada baldosa posee un número (entre 0 y 1) que identifica su dureza. Es necesario almacenar los datos de cada una de las baldosas y luego calcular el promedio de dureza de todo el piso.

Algoritmo DurezaPromedio

Léxico

```
N = 20
M = 30
TNumReales = arreglo[1..N, 1..M] de R
acum, promedio ∈ R
i, j ∈ Z
piso ∈ TNumReales
```

Inicio

```
i ← 1
acum ← 0
mientras i ≤ N hacer
  j ← 1
  mientras j ≤ M hacer
    acum ← acum + piso[i,j]
    j ← j+1
  fmientras
  i ← i+1
fmientras
promedio ← acum / (N*M) //dureza promedio
Salida: promedio
```

Fin



Ejemplo V

Resolver el mismo problema anterior pero definiendo la matriz dentro de un registro.



Arreglos bidimensionales en C

```
/* DurezaPromedio
N = 20
M = 30
TNumReales = arreglo[1..N, 1..M] de R
TData = <a ∈ TNumReales, cantFila ∈ (0..N+1), cantCol ∈
(0..M+1)>
i, j ∈ Z
piso ∈ TData
*/

#define N 20
#define M 30
struct data{
    int cant;
    int a[N][M];
};
struct data piso;
int i, j;
```



Bibliografía

- Scholl, P. y J.-P. Peyrin, “Esquemas Algorítmicos Fundamentales: Secuencias e iteración”, Barcelona, Ed. Masson, 1991.
- Lucas, M., J.-P. Peyrin y P. Scholl, “Algorítmica y Representación de Datos. Tomo 1: Secuencia, Autómata de estados finitos”, Barcelona, Ed. Masson, 1985.
- Watt, David, “Programming Language Concepts and Paradigms“, Prentice-Hall International Series in Computer Science (1990).
- Biondi, J. y G. Clavel, “Introducción a la Programación. Tomo 1: Algorítmica y Lenguajes”, 2° ed., Barcelona: Masson, 1985.
- Clavel, G. y Biondi, J., “Introducción a la Programación. Tomo 2: Estructuras de Datos”, 2° ed., Barcelona: Masson, 1985.
- De Guisti, A. “Algoritmos, datos y programas. Con aplicaciones en Pascal, Delphi y Visual Da Vinci. Prentice Hall.
- Joyanes Aguilar, L., “Programación en Turbo Pascal”. Mc Graw Hill, 1993.



Citar/Atribuir: Ferreira, Szpiniak, A. (2018). Teoría 9: Tipo de Dato Estructurado Homogéneo: Arreglos. Introducción a la Algorítmica y Programación (3300). Departamento de Computación. Facultad de Cs. Exactas, Fco-Qcas y Naturales. Universidad Nacional de Río Cuarto.

Usted es libre para:

Compartir: copiar y redistribuir el material en cualquier medio o formato. Adaptar: remezclar, transformar y crear a partir del material.

El licenciente no puede revocar estas libertades en tanto usted siga los términos de la licencia.

Bajo los siguientes términos:



Atribución: Usted debe darle crédito a esta obra de manera adecuada, proporcionando un enlace a la licencia, e indicando si se han realizado cambios. Puede hacerlo en cualquier forma razonable, pero no de forma tal que sugiera que usted o su uso tienen el apoyo del licenciente.



Compartir Igual: Si usted mezcla, transforma o crea nuevo material a partir de esta obra, usted podrá distribuir su contribución siempre que utilice la misma licencia que la obra original.

<https://creativecommons.org/licenses/by-sa/2.5/ar/>

