Introducción a la Algorítmica y Programación (3300)

Prof. Ariel Ferreira Szpiniak - aferreira@exa.unrc.edu.ar
Departamento de Computación
Facultad de Cs. Exactas, Fco-Qcas y Naturales
Universidad Nacional de Río Cuarto

Teoría 21

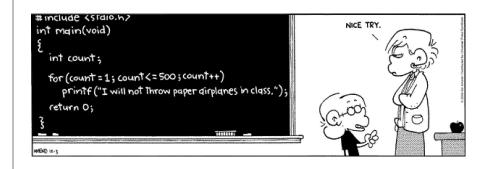
Representación de Secuencias de marca final e inicial



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

1

Humor (solo para informáticos)





2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

2

Representación de Secuencias de marca final e inicial

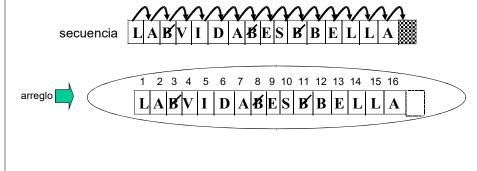
El concepto de secuencia se puede representar utilizando variadas alternativas según el contexto de uso.

- Arreglos
- Listas encadenadas
- Archivos

Secuencias y Arreglos

Los arreglos son estructuras de datos que permiten representar secuencias de marca final y de marca inicial.

Veamos en primer término como representar el Modelo de secuencias con Marca Final con arreglos



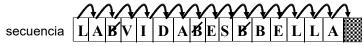


Secuencias y Arreglos

¿Cómo modelamos la marca final? Hay varias alternativas

- 1. Marca "virtual": Ilevar de alguna forma la información de cual es la longitud de la secuencia S + 1.
- 2. Marca "real": colocar al final de la secuencia válida S un elemento del mismo tipo de los elementos de la secuencia pero normalmente no se utilice. ¡ES mucho más riesgoso!

Modelo de secuencias con Marca Final



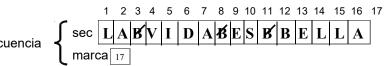


2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

Secuencias y Arreglos ¿Cómo modelamos la marca final?



Marca "virtual": registro: arreglo + fin de secuencia



Pueden haber otras formas, como por ejemplo:

- Usar un registro donde, además del arreglo y el fin de secuencia (marca), incorporar también el índice permite acceder al componente donde está el elemento corriente (EC).
- Representar por separado el arreglo y el fin de secuencia (marca).



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

Secuencias y Arreglos ¿Cómo modelamos la marca final?

Marca "virtual"

Modelo de secuencias con Marca Final



Long = 255

TData = <sec ∈ arreglo [1..Long] de Carácter, marca ∈ (1..Long+1)>

s ∈ TData

 $i \in (1..Long+1)$

O la longitud que necesitemos

Donde: i es igual a long(pi)+1 y marca es igual a long(S)+1



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

Secuencias y Arreglos

¿Cómo modelamos la marca final? Marca "real"



7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17

secuencia

chr(254) u otro carácter "inusual"

@ # * .

Si la secuencia fuera de números debería ser un número que no se use como el maxInt, minInt, -1 (si la secuencia de es números positivos), etc.

Lona = 254

TData = <sec ∈ arreglo [1..Long+1] de Carácter>

s ∈ TData

O la longitud que necesitemos

Donde s.sec[cantDeCaracteres+1] es igual a chr(254) u otro



Ejemplo I Utilizando marca "virtual"

```
Una Estación Meteorológica registra diariamente la cantidad de milímetros llovidos en Río Cuarto desde comienzo de año hasta la fecha, es decir, hasta el día de hoy (secuencia de datos). Necesita calcular e informar el total de milímetros llovidos en Río Cuarto hasta la fecha. {Pre-cond: True} {Pos-cond:lluvias.sec=lluvias.sec_AtotalMilimetros=(Σj:1≤j<lluvias.marca:lluvias.sec[j])
```

```
{Pre-cond: True}
\{Pos-cond:lluvias.sec=lluvias.sec\_\land totalMilimetros=(\sum j:1\leq j<lluvias.marca:lluvias.sec[j])\}\}
Algoritmo PrecipitAnual
<u>Léxico</u>
N = 365
TData = \langle sec \in arreglo [1..N] de R, marca \in (1..N+1) \rangle
totalMilimetros ∈ R
i \in (1..N+1)
lluvias ∈ TData
Acción CargarPrecipAnual (resultado pAnual € TData)
{Pre-cond: True} {Pos-cond: pAnual.sec=pAnual.sec_] ^ pAnual.marca=pAnual.marca_}
Inicio
                                                                       Esquema R1
{Pre-cond: True}
                                                             <inicialización de la adquisición>
CargarPrecipAnual(lluvias)
                                                             <inicialización del tratamiento>
i ← 1
                                                            mientras no fin de sec hacer
totalMilimetros \leftarrow 0
                                                              <trat. elemento corriente>
mientras i < lluvias.marca hacer
                                                               <obtener sig. elemento>
  <tratamiento final>
fmientras
Salida:totalMilimetros
```

 $\{Pos-cond: lluvias.sec=lluvias.sec_\land totalMilimetros=(\sum j:1\leq j< lluvias.marca: lluvias.sec[j])\}$

<u>@ 000</u>

Ejemplo I bis

Solucionar el mismo problema anterior, en sus 2 versiones (marca virtual y marca real), pero utilizando el Esquema R2.



Una Estación Meteorológica registra diariamente la cantidad de milímetros llovidos en Río Cuarto desde comienzo de año hasta la fecha, es decir, hasta el día de hoy (secuencia de datos). Necesita calcular e informar el total de milímetros llovidos en Río Cuarto hasta la fecha.



Ejemplo I Utilizando marca "real"

Una Estación Meteorológica registra diariamente la cantidad de milímetros llovidos en Río Cuarto desde comienzo de año hasta la fecha, es decir, hasta el día de hoy (secuencia de datos). Necesita calcular e informar el total de milímetros llovidos en Río Cuarto hasta la fecha.

```
{Pos-cond:lluvias.sec=lluvias.sec_∧ totalMilimetros=(∑i:1≤i<w ∧lluvias.sec[w]=-1 ∧
(\forall k: 1 \le k < w: lluvias.sec[k] \ne -1): lluvias.sec[i])
                                                                                       Esquema R1
Algoritmo PrecipitAnual
                                                                          <inicialización de la adauisición>
<u>Léxico</u>
                                                                          <inicialización del tratamiento>
Marca = -1 // -1 será usado como marca real
                                                                          mientras no fin de sec hacer
TData = <sec ∈ arreglo [1..N+1] de R>
                                                                            <trat. elemento corriente>
totalMilimetros ∈ R
                                                                            <obtener sig. elemento>
i \in (1..N+1)
                                                                          fmientras
lluvias ∈ TData
                                                                          <tratamiento final>
Acción CargarPrecipAnual (resultado pAnual ∈ TData)
{Pre-cond: True}
\{Pos-cond: lluvias.sec = lluvias.sec \land (\exists j: 1 \le j \le k+1: (lluvias.sec [j] = -1 \land (\forall k: 1 \le k < j: lluvias.sec [k] \neq -1)))\}
CargarPrecipAnual (lluvias)
i ← 1
totalMilimetros \leftarrow 0
mientras lluvias.sec[i] ≠ Marca hacer
  totalMilimetros + totalMilimetros + lluvias.sec[i]
fmientras
Salida: totalMilimetros
```



{Pos-cond:lluvias.sec=lluvias.sec of totalMilimetros=(∑i:1≤i<w filuvias.sec[w]=-1 filuvi

 $(\forall k: 1 \le k < w: lluvias.sec[k] \ne -1): lluvias.sec[i])$

Fin

2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

10

Ejemplo II Utilizando marca "virtual"

La maestra de sexto grado tiene un listado con el nombre de sus estudiantes y 3 notas (una por cada trimestre). La maestra necesita informar el nombre de cada estudiante y el promedio que obtuvo.

Nota: La cantidad de estudiantes es 45 como máximo. Las notas son números del 1 al 10.

2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

Ejemplo II Utilizando marca "real"

La maestra de sexto grado tiene un listado con el nombre de sus estudiantes y 3 notas (una por cada trimestre). La maestra necesita informar el nombre de cada estudiante y el promedio que obtuvo.

Nota: La cantidad de estudiantes es 45 como máximo. Las notas son números del 1 al 10.



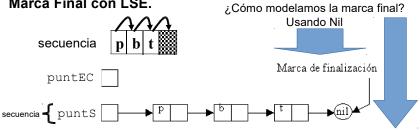
2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

13

Secuencias y LSE

Las LSE son estructuras de datos que permiten representar secuencias de marca final y de marca inicial (las LDE también).

Veamos como representar el Modelo de secuencias con Marca Final con LSE.



También se podría usar un registro que contenga el puntero al comienzo de la lista y una marca "virtual" (cantidad de elementos +1), como hemos utilizado en arreglos. Pero al ser Nil una forma natural de indicar el fin de una lista (a ninguna parte), es decir, una marca "real", lo usaremos como marca final.



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

14

Secuencias y LSE

Solo veremos cómo trabajar con LSE (para LDE es igual).

Tenemos dos posibilidades:

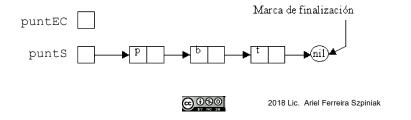
- 1. Sin Usar Ficticio (desarrollaremos ésta)
- 2. Usando Ficticio

Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Final

- El manejo de punteros es muy propenso a errores por parte del programador.
- Para manipular secuencias sobre listas encadenadas, el uso de los esquemas de tratamiento se hace fundamental a la hora de mitigar dichos errores, programando de manera disciplinada.
- Analizaremos a continuación la forma de implementar secuencias con marca final, y de que forma se pueden adaptar los esquemas de tratamiento. A tal efecto usaremos el Esquema R1, dejando el Esquema R2, R3, B, y RP como tarea, ya que nos aportan consideraciones adicionales.

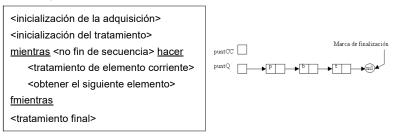


La lista simplemente encadenada debe permitir implementar una secuencia con marca de finalización. La marca de finalización la podemos representar mediante el valor **nil**, que es una dirección especial de memoria quiere decir "a ninguna parte". Si lo comparamos con las opciones que vimos usando arreglos, **nil** sería como una marca "real" ya que está dentro de la estructura utilizada para implementar la secuencia.



Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Final

Como mencionamos anteriormente nos centraremos en el **Esquema R1** de tratamiento de secuencia. Dicho esquema plantea la siguiente división en subproblemas:



A continuación analizaremos soluciones generales a la condición **no fin de secuencia** y a los subproblemas **inicialización de la adquisición** y **obtener siguiente elemento**. Los subproblemas **inicializacion del tratamiento**, **tratamiento del elemento corriente**, y **tratamiento final** son dependientes pura y exclusivamente del problema a resolver.



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

18

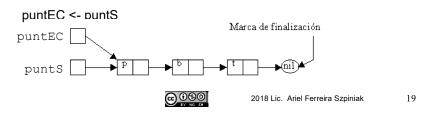
Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Final

Obtener primer elemento

Para resolver este subproblema debemos posicionar el puntero **puntCC** en el primer doblete. Este puntero, **puntCC**, lo utilizaremos para recorrer la secuencia. Suponemos definida la estructura de la siguiente manera:

```
TNodo = <info \epsilon Caracter, next \epsilon puntero a TNodo> TData = puntero a TNodo puntEC, puntS \epsilon TData
```

Por lo tanto, para inicializar la adquisición de los elementos debemos hacer lo siguiente:



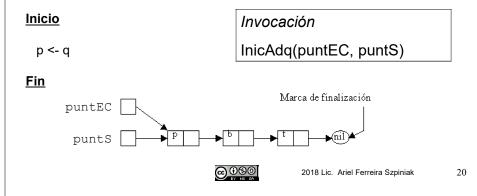
Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Final

Obtener primer elemento

17

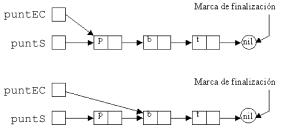
A los efectos de modularizar el esquema podríamos encapsular esta sentencia dentro de una acción que podríamos llamar **InicAdq**, es decir, arrancar con la adquisición de elementos.

Accion InicAdg (resultado p ε TData, dato g ε TData)



Obtener elemento siguiente

Para resolver este subproblema debemos mover el puntero puntEC desde su lugar actual al siguiente doblete. Por ejemplo, si puntEC apunta al primer doblete, debemos hacer que apunte al segundo, y así sucesivamente



Para lograr esto debemos hacer lo siguiente:



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

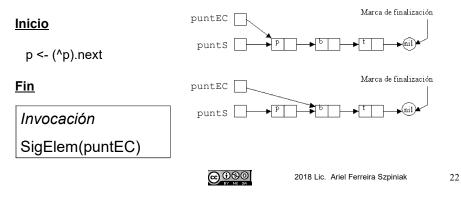
21

Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Final

Obtener elemento siguiente

A los efectos de modularizar el esquema podríamos encapsular esta sentencia dentro de una acción que podríamos llamar SigElem, es decir, avanzar al siguiente elemento.

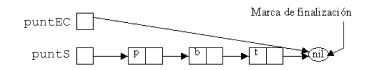
Accion SigElem (dato-resultado p ε TData)



Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Final

Condición de fin de secuencia

Esta condición debe ser verdadera cuando estemos posicionados sobre la marca de finalización, es decir, cuando puntEC sea igual a nil. Esto quiere decir que hemos tratado todos los elementos de dicha secuencia.



Para lograr esto debemos hacer lo siguiente:



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

23

Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Final

Condición de fin de secuencia

A los efectos de modularizar el esquema podríamos encapsular la condición de fin de secuencia en una función que podríamos llamar FinSec, que devuelva Verdadero cuando el puntero de recorrido halla llegado a nil.

Funcion FinSec (dato p ε TData) -> Logico





Una vez definido cada uno de los subproblemas comunes a todos los algoritmos estamos en condiciones de enunciar el Esquema R1. particularizado para manipular secuencias con listas simplemente encadenadas:

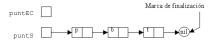
puntEC <- puntS <inicialización del tratamiento> mientras puntSC≠nil hacer <tratamiento del elemento corriente> puntEC <- (^puntEC).next</pre>

fmientras

<tratamiento final>

Léxico

TNodo = <info ε Caracter, next ε puntero a TNodo> TData = puntero a TNodo puntEC, puntS ε TData



Aclaración: suponemos que el puntero de recorrido se denomina puntEC, y el que apunta al primer elemento se llama puntS, aunque pueden tomar cualquier otro nombre.



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

25

27

Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Final

Una vez definido cada uno de los subproblemas comunes a todos los algoritmos estamos en condiciones de enunciar el Esquema R1. particularizado para manipular secuencias con listas simplemente encadenadas:

InicAdq(puntEC, puntS)

<inicialización del tratamiento>

mientras no FinSec(puntEC) hacer

<tratamiento del elemento corriente>

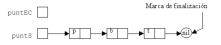
SigElem(puntEC)

fmientras

<tratamiento final>

Léxico

TNodo = <info ϵ Caracter, next ε puntero a TNodo> TData = puntero a TNodo puntEC, puntS ε TData



Aclaración: suponemos que el puntero de recorrido se denomina puntEC, y el que apunta al primer elemento se llama puntS, aunque pueden tomar cualquier otro nombre.



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

26

Ejemplo | Utilizando LSE sin ficticio

Una Estación Meteorológica registra diariamente la cantidad de milímetros llovidos en Río Cuarto desde comienzo de año hasta la fecha, es decir, hasta el día de hoy (secuencia de datos). Necesita calcular e informar el total de milímetros llovidos en Río Cuarto hasta la fecha.

{Pre-cond: True}

{Pos-cond:totalMilimetros=($\sum x : x \in \alpha : x . info$)}

Algoritmo PrecipitAnual

Léxico

TNodo = <info ε Z, next ε puntero a TNodo> TData= puntero a TNodo lluvias, aux ε TData totalMilimetros $\in \mathbb{R}$

Acción CargarPrecipAnual (resultado pAnual ∈ TData) Inicio

CargarPrecipAnual(lluvias) aux ←lluvias

mientras aux ≠ nil hacer

totalMilimetros \leftarrow 0

totalMilimetros ← totalMilimetros + (^aux).info

aux ←(^aux).next

Salida: totalMilimetros

Fin



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

Esquema R1 <inicialización de la adquisición> <inicialización del tratamiento>

mientras no fin de sec hacer <trat. elemento corriente>

<obtener sig. elemento>

<tratamiento final>

Ejemplo | Utilizando LSE sin ficticio

Una Estación Meteorológica registra diariamente la cantidad de milímetros llovidos en Río Cuarto desde comienzo de año hasta la fecha, es decir, hasta el día de hoy (secuencia de datos). Necesita calcular e informar el total de milímetros llovidos en Río Cuarto hasta la fecha.

{Pre-cond: True}

{Pos-cond:totalMilimetros=($\sum x : x \in \alpha : x.info$)}

Algoritmo PrecipitAnual

Léxico

TNodo = <info ϵ Z, next ϵ puntero a TNodo>

TData= puntero a TNodo

lluvias, aux ε TData totalMilimetros $\in \mathbb{R}$

<u>Acción</u> CargarPrecipAnual (<u>resultado</u> pAnual ∈ TData) $\underline{\text{Acción}}$ InicAdq($\underline{\text{resultado}}$ p \in TData, $\underline{\text{dato}}$ q \in TData)

<u>Acción</u> SigElem(<u>dato-resultado</u> p ∈ TData)

Función FinSec(dato p ∈ TData)

Inicio

CargarPrecipAnual (lluvias)

InicAdq(aux, lluvias)

totalMilimetros $\leftarrow 0$

mientras no FinSec(aux) hacer

totalMilimetros ← totalMilimetros + (^aux).info

SigElem(aux)

fmientras

Salida: totalMilimetros

<u>Fin</u>



Esquema R1 <inicialización de la adquisición>

<inicialización del tratamiento>

mientras no fin de sec hacer

<trat. elemento corriente>

<obtener sig. elemento>

fmientras <tratamiento final>

2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak



Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Final



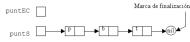
2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

30

Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Final

© 0 9 0

Esquema B de tratamiento de secuencia



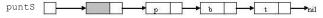
2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Final

@ 000



¿Qué cambia si usamos ficticio?



puntEC <- (^puntS).next <inicialización del tratamiento> mientras puntEC≠nil hacer

<tratamiento del elemento corriente> puntEC <- (^puntEC).next

fmientras

<tratamiento final>

Léxico

TNodo = <info ϵ Caracter, next ε puntero a TNodo> TData = puntero a TNodo puntEC, puntS ε TData

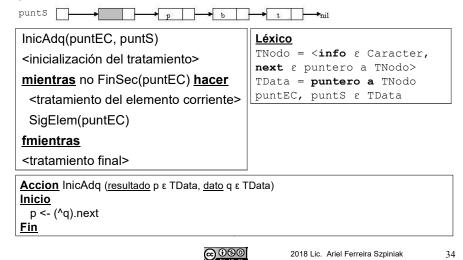


2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

33

Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Final

¿Qué cambia si usamos ficticio?



Ejemplo | Utilizando LSE con ficticio

Una Estación Meteorológica registra diariamente la cantidad de milímetros llovidos en Río Cuarto desde comienzo de año hasta la fecha, es decir, hasta el día de hoy (secuencia de datos). Necesita calcular e informar el total de milímetros llovidos en Río Cuarto hasta la fecha.

```
{Pre-cond: True}
{Pos-cond:totalMilimetros=(\sum x : x \in \alpha : x . info)}
Algoritmo PrecipitAnual
Léxico
TNodo = <info ε Caracter, next ε puntero a TNodo>
TData= puntero a TNodo
lluvias, aux ε TData
```

totalMilimetros $\in \mathbb{R}$ Acción CargarPrecipAnual (resultado pAnual ∈ TData) Inicio

CargarPrecipAnual(lluvias)

aux ← (^lluvias).next totalMilimetros $\leftarrow 0$

mientras aux ≠ nil hacer

totalMilimetros ← totalMilimetros + (^aux).info $aux \leftarrow (^aux).next$

fmientras Salida: totalMilimetros

Fin



Esquema R1

<inicialización de la adquisición> <inicialización del tratamiento>

mientras no fin de sec hacer <trat. elemento corriente>

<obtener sig. elemento>

fmientras

<tratamiento final>

Ejemplo | Utilizando LSE con ficticio Una Estación Meteorológica registra diariamente la cantidad de milímetros llovidos en Río Cuarto desde comienzo de año hasta la fecha, es decir, hasta el día de hoy (secuencia de datos). Necesita calcular e informar el total de milímetros llovidos en Río Cuarto hasta la fecha. {Pre-cond: True} {Pos-cond:totalMilimetros=($\sum x : x \in \alpha : x . info$)} Algoritmo PrecipitAnual Accion InicAdq (resultado psTData, dato qsTData) Léxico Inicio TNodo = $\langle info \ \epsilon \ Z$, next ϵ puntero a TNodo \rangle p <- (^q).next <u>Fin</u> TData= puntero a TNodo lluvias, aux & TData totalMilimetros $\in \mathbb{R}$ Esquema R1 <inicialización de la adquisición> Acción CargarPrecipAnual (resultado pAnual ∈ TData) <inicialización del tratamiento> Acción InicAdq(resultado p ∈ TData, dato q ∈ TData) mientras no fin de sec hacer Acción SigElem(dato-resultado p ∈ TData) <trat. elemento corriente> Función FinSec(dato p ∈ TData) <obtener sig. elemento> Inicio CargarPrecipAnual(lluvias) fmientras <tratamiento final> InicAdq(aux, lluvias) totalMilimetros ← 0 mientras no FinSec(aux) hacer totalMilimetros ← totalMilimetros + (^aux).info SigElem(aux) fmientras Salida: totalMilimetros Fin 36

Secuencias de Marca Inicial

Analizaremos a continuación la forma de representar secuencias con marca inicial usando arreglos, listas encadenadas y archivos. Veremos además que forma toman los esquemas generales para el tratamiento de secuencias con marca inicial sobre arreglos, y listas encadenadas y archivos.

Modelo secuencial con Marca Inicial



También es llamado "Modelo secuencial sin marca de finalización" o "Modelo secuencial de último elemento"



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

37

39

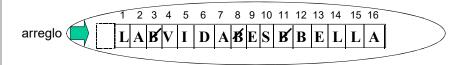
Secuencias y Arreglos

Los arreglos son estructuras de datos estáticas que permiten representar secuencias bajo los 2 modelos. Ahora analizaremos el Modelo de Marca Inicial.

Modelo secuencial con Marca Inicial



¿Hace falta destinar un lugar especial para la marca inicial?





2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

Secuencias y Arreglos

¿Cómo modelamos la marca inicial? Hay varias alternativas

- 1. Marca "virtual": llevar de alguna forma la información de cual es la longitud de la secuencia S para saber la posición del último elemento.
- 2. Marca "real": colocar al comienzo de la secuencia válida S un elemento del mismo tipo de los elementos de la secuencia pero que normalmente no se utilice. ¡Es mucho más riesgoso!

Modelo secuencial con Marca Inicial



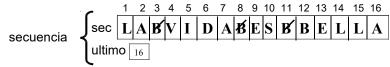


2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

Secuencias y Arreglos ¿Cómo modelamos la marca inicial?



Marca "virtual": registro: arreglo + fin de secuencia



Pueden haber otras formas, como por ejemplo:

- Usar un registro donde, además del arreglo y el fin de secuencia (posición del último elemento de la secuencia), incorporar también el índice permite acceder al componente donde está el elemento corriente (EC).
- Representar por separado el arreglo y la cantidad de elementos.



Secuencias y Arreglos

¿Cómo modelamos la marca inicial?

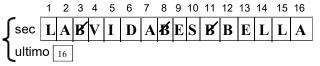
Marca "virtual"

Modelo de secuencias con Marca Inicial





secuencia



```
Long = 255
TData = \langle sec \in arreglo [1..Long] de Carácter, ultimo \in (0..Long) \rangle
s ∈ TData
                                         O la longitud que necesitemos
i \in (0..Long)
Donde: i es igual a long(pi) y último elemento es igual a long(S)
```



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

41

Secuencias y Arreglos

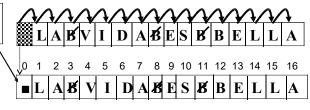
¿Cómo modelamos la marca inicial?

Marca "real"

Modelo secuencial con Marca Inicial

chr(254) u otro carácter "inusual" @ # * .

Si la secuencia fuera de números debería ser un número que no se use como el maxInt, minInt, -1 (si la secuencia de es números positivos), etc.



Long = 254TData = $\langle sec \in arreglo [0..Long] de Carácter, ultimo \in (0..Long) \rangle$ s ∈ TData $i \in (0..Long)$ O la longitud que necesitemos Donde s[0] es igual a chr(254) u otro



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

42

Ejemplo I Utilizando marca "virtual"

Una Estación Meteorológica registra diariamente la cantidad de milímetros llovidos en Río Cuarto desde comienzo de año hasta la fecha, es decir, hasta el día de hoy (secuencia de datos). Necesita calcular e informar el total de milímetros llovidos en Río Cuarto hasta la fecha.

```
{Pre-cond: True}
```

 $\{Pos-cond: lluvias.sec=lluvias.sec_\land totalMilimetros=(\sum j: 1 \le j \le 1 \ lluvias.ultimo: lluvias.sec[j])\}$

Algoritmo PrecipitAnual <u>Léxico</u>

N = 365

TData = $\langle sec \in arreglo [1..N] de R, ultimo \in (0..N) \rangle$

lluvias ∈ TData

 $i \in (0..N)$

totalMilimetros ∈ R Acción CargarPrecipAnual (resultado pAnual € Tdata) //hacer acción CargarPrecipAnual

Inicio // inicio del algoritmo principal

{Pre-cond: True}

i se inicializa en 0 CargarPrecipAnual(lluvias) i ← 0 (marca inicial, virtual)

 $totalMilimetros \leftarrow 0$ mientras i < lluvias.ultimo hacer

i ← i+1

totalMilimetros ← totalMilimetros + lluvias.sec[i] fmientras

Salida:totalMilimetros

 $\{Pos-cond: lluvias.sec=lluvias.sec_\land totalMilimetros=\{\sum_j: 1 \le j \le lluvias.ultimo: lluvias.sec[j]\}\}$

Fin // fin del algoritmo principal



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

<tratamiento final>

Esquema R1

<inicialización de la adquisición>

mientras no fin de sec hacer

<inicialización del tratamiento>

<obtener sig. elemento>

<trat. elemento corriente>

Ejemplo | Utilizando marca "real"

Una Estación Meteorológica registra diariamente la cantidad de milímetros llovidos en Río Cuarto desde comienzo de año hasta la fecha, es decir, hasta el día de hoy (secuencia de datos). Necesita calcular e informar el total de milímetros llovidos en Río Cuarto hasta la fecha.

{Pre-cond: True}

 $\{Pos-cond:lluvias.sec=lluvias.sec_\land totalMilimetros=(\sum j:1\leq j\leq lluvias.ultimo:lluvias.sec[j])\}$

Alluvias.sec[0]=-1}

Algoritmo PrecipitAnual Léxico

N = 365

TData = $\langle sec \in arreglo [0..N] de R, ultimo \in (0..N) \rangle$

lluvias ∈ TData $i \in (0..N)$

totalMilimetros ∈ R

Acción CargarPrecipAnual (resultado pAnual ∈ TData)

{Pre-cond: True} //hacer acción CargarPrecipAnual

Inicio // inicio del algoritmo principal

{Pre-cond: True}

CargarPrecipAnual(lluvias)

i ← 0

totalMilimetros $\leftarrow 0$

mientras i < lluvias.ultimo hacer

i ← i+1

totalMilimetros ← totalMilimetros + lluvias.sec[i]

fmientras

Salida: totalMilimetros Fin // fin del algoritmo principal

Marca inicial, real (-1). marca (-1) en el primer

Esquema R1

<inicialización de la adquisición>

mientras no fin de sec hacer

<inicialización del tratamiento>

<obtener sig. elemento>

fmientras

<tratamiento final>

<trat. elemento corriente>

La acción debe colocar la componente del arreglo

2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

Ejemplo I bis

Solucionar el mismo problema anterior, en sus 2 versiones (marca virtual y marca real), pero utilizando el Esquema R2.



Una Estación Meteorológica registra diariamente la cantidad de milímetros llovidos en Río Cuarto desde comienzo de año hasta la fecha, es decir, hasta el día de hoy (secuencia de datos). Necesita calcular e informar el total de milímetros llovidos en Río Cuarto hasta la fecha.



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

45

Ejemplo II Utilizando marca "virtual"

La maestra de sexto grado tiene un listado con el nombre de sus estudiantes y 3 notas (una por cada trimestre). La maestra necesita informar el nombre de cada estudiante y el promedio que obtuvo.

Nota: La cantidad de estudiantes es 45 como máximo. Las notas son números del 1 al 10.



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

Ejemplo II Utilizando marca "real"

La maestra de sexto grado tiene un listado con el nombre de sus estudiantes y 3 notas (una por cada trimestre). La maestra necesita informar el nombre de cada estudiante y el promedio que obtuvo.

Nota: La cantidad de estudiantes es 45 como máximo. Las notas son números del 1 al 10.

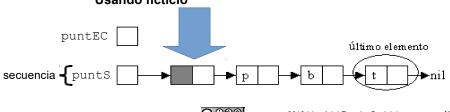
Secuencias y LSE

Las LSE son estructuras de datos que permiten representar secuencias de marca inicial (las LDE también).

Veamos como representar el Modelo de secuencias con Marca Inicial con LSE.



¿Cómo modelamos la marca inicial? Usando ficticio





2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

48

Secuencias y LSE

Solo veremos cómo trabajar con LSE (para LDE es igual).

Tenemos una sola posibilidad:

- Sin Usar Ficticio
- Usando Ficticio



Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Inicial

- El manejo de punteros es muy propenso a errores por parte del programador.
- Para manipulas secuencias sobre listas encadenadas, el uso de los esquemas de tratamiento se hace fundamental a la hora de mitigar dichos errores, programando de manera disciplinada.
- Analizaremos a continuación la forma de implementar secuencias con marca inicial, y de que forma se pueden adaptar los esquemas de tratamiento. A tal efecto usaremos el Esquema R1, dejando el Esquema R2, R3, B, y RP como tarea, ya que nos aportan consideraciones adicionales.



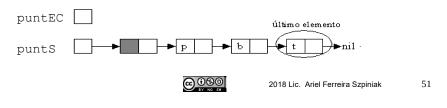
2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

50

Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Inicial

La lista simplemente encadenada debe permitir implementar una secuencia con marca inicial. La marca inicial la podemos representar mediante un **elemento ficticio**. Si lo comparamos con las opciones que vimos usando arreglos, el **elemento ficticio** sería como una marca "real" ya que está dentro de la estructura utilizada para implementar la secuencia.

Para saber que hemos finalizado el tratamiento debemos detectar cuando estamos apuntando al último elemento.



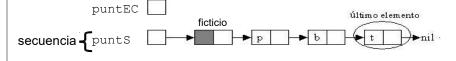
Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Inicial

Las listas encadenadas permiten representar secuencias bajo los 2 modelos. Ya hemos visto el Modelo de marca final, ahora analizaremos el Modelo de marca inicial.

Modelo secuencial con Marca Inicial

secuencia



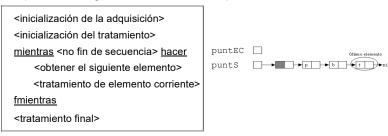


TNodo = <info ε Caracter, next ε puntero a TNodo>
TData = puntero a TNodo
puntEC, puntS ε TData



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

Al igual que en el Modelo de Marca Final, a continuación nos centraremos en el **Esquema R1** de tratamiento de secuencia. Dicho esquema plantea la siguiente división en subproblemas:



A continuación analizaremos soluciones generales a la condición **no fin de secuencia** y a los subproblemas **inicialización de la adquisición** y **obtener siguiente elemento**. Los subproblemas **inicializacion del tratamiento**, **tratamiento del elemento corriente**, y **tratamiento final** son dependientes pura y exclusivamente del problema a resolver.



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

53

55

Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Inicial

Inicialización de la adquisición

- En secuencias de marca inicial no es posible obtener el primer elemento de la secuencia sin corroborar previamente que la secuencia no esté vacía.
- De allí que en lugar de obtener el primer elemento se realiza la *inicialización de la adquisición* de elementos, que consiste en dejar la secuencia en condiciones de ser recorrida (en la marca inicial).
- En caso de LSE esto significa que el puntero utilizado para recorrer la misma, **puntEC**, no debe quedar apuntando al doblete que contiene el primer elemento válido de secuencia, pero si preparar el terreno para que esto pueda hacerse previo chequeo de que la secuencia no está vacía.
- Por ello una de las mejores, y más simples, alternativas es utilizar un **elemento ficticio** al comienzo de la lista, que preceda al primer elemento válido de la secuencia. De ésta manera se deja apuntando el puntero de recorrido **puntEC** sobre éste elemento (marca inicial).



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

54

56

Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Inicial

Inicialización de la adquisición

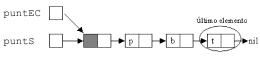
Entonces, para resolver este subproblema debemos posicionar el puntero **puntEC** en el elemento ficticio, que vendría a ser el primer doblete de la lista, pero no el primer elemento de la secuencia. Este puntero, **puntEC**, lo utilizaremos para recorrer la secuencia.

Suponemos definida la estructura de la siguiente manera:

```
TNodo = <info \epsilon Caracter, next \epsilon puntero a TNodo> TData = puntero a TNodo puntEC, puntS \epsilon TData
```

Por lo tanto, para inicializar la adquisición de los elementos debemos hacer lo siguiente:

puntEC <- puntS



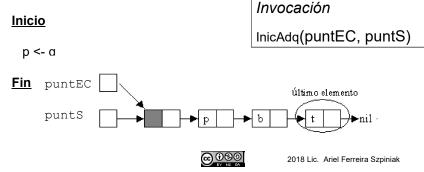
2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Inicial

Inicialización de la adquisición

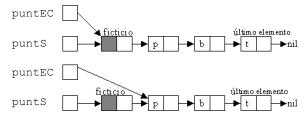
A los efectos de modularizar el esquema podríamos encapsular esta sentencia dentro de una acción que podríamos llamar **InicAdq**, es decir, arrancar con la adquisición de elementos.

Accion InicAdq (<u>resultado</u> p ε puntero a TDobleteCar, <u>dato</u> q ε puntero a TDobleteCar)



Obtener elemento siguiente

Para resolver este subproblema debemos mover el puntero puntEC desde su lugar actual al siguiente doblete. Por ejemplo, si puntEC apunta al primer doblete, debemos hacer que apunte al segundo, y así sucesivamente.



Para lograr esto debemos hacer lo siguiente:



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

57

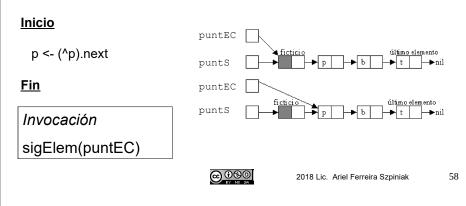
59

Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Inicial

Obtener elemento siguiente

A los efectos de modularizar el esquema podríamos encapsular esta sentencia dentro de una acción que podríamos llamar SigElem, es decir, avanzar al siguiente elemento.

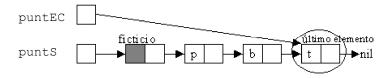
Accion SigElem (dato-resultado p ε puntero a TDobleteCar)



Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Inicial

Condición de no fin de secuencia

Esta condición debe ser verdadera cuando estemos posicionados sobre el último doblete, es decir, cuando (^puntEC).next sea igual a nil. Esto quiere decir que hemos tratado todos los elementos de dicha secuencia.



Para lograr esto debemos hacer lo siguiente:



Modelo de secuencias con Marca Inicial

Condición de no fin de secuencia

A los efectos de modularizar el esquema podríamos encapsular la condición de fin de secuencia en una función que podríamos llamar Ultimo, que devuelva Verdadero cuando el puntero de recorrido en el campo next halla llegado a nil.

Listas encadenadas

Funcion Ultimo (dato p ε puntero a TDobleteCar) -> Logico



Una vez definido cada uno de los subproblemas comunes a todos los algoritmos estamos en condiciones de enunciar el Esquema R1, particularizado para manipular secuencias con listas simplemente encadenadas:

```
puntEC <- puntS
<inicialización del tratamiento>
mientras (^puntEC).next ≠ nil) hacer
  puntEC <- (^puntEC).next
 <tratamiento del elemento corriente>
```

Léxico

TNodo = <info ε Caracter, next ε puntero a TNodo> TData = puntero a TNodo puntEC, puntS ε TData

fmientras

<tratamiento final>

Aclaración: suponemos que el puntero de recorrido se denomina puntEC, y el que apunta al primer elemento se llama *puntS*, aunque pueden tomar cualquier otro nombre.



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

61

Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Inicial

Una vez definido cada uno de los subproblemas comunes a todos los algoritmos estamos en condiciones de enunciar el Esquema R1, particularizado para manipular secuencias con listas simplemente encadenadas:

InicAdgArr(puntEC, puntS) <inicialización del tratamiento> mientras no Ultimo(puntEC) hacer SigElem(puntEC)

<tratamiento del elemento corriente>

fmientras

<tratamiento final>

Léxico

TNodo = <info ϵ Caracter, next ε puntero a TNodo> TData = puntero a TNodo puntEC, puntS ε TData

Aclaración: suponemos que el puntero de recorrido se denomina puntEC, y el que apunta al primer elemento se llama puntS, aunque pueden tomar cualquier otro nombre.



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

62

Ejemplo I Utilizando LSE (ficticio)

Una Estación Meteorológica registra diariamente la cantidad de milímetros llovidos en Río Cuarto desde comienzo de año hasta la fecha, es decir, hasta el día de hoy (secuencia de datos). Necesita calcular e informar el total de milímetros llovidos en Río Cuarto hasta la fecha.

```
{Pre-cond: True}
{Pos-cond:totalMilimetros=(\sum x : x \in \alpha : x . info)}
Algoritmo PrecipitAnual
<u>Léxico</u>
```

TNodo = <info ε Caracter, next ε puntero a TNodo> TData= puntero a TNodo lluvias, aux ε TData totalMilimetros $\in \mathbb{R}$

Acción CargarPrecipAnual (resultado pAnual ∈ Tdata)

//hacer acción CargarPrecipAnual (poner ficticio al comienzo)

Inicio // inicio del algoritmo principal

CargarPrecipAnual(lluvias) aux ←lluvias totalMilimetros $\leftarrow 0$ mientras (^aux).next ≠ nil hacer $aux \leftarrow (^aux).next$ totalMilimetros ← totalMilimetros + (^aux).info

Esquema R1

<inicialización de la adquisición> <inicialización del tratamiento>

mientras no fin de sec hacer <obtener sig. elemento> <trat. elemento corriente>

<tratamiento final>

fmientras

Salida: totalMilimetros

Fin // fin del algoritmo principal () 100



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

63

Ejemplo I Utilizando LSE (ficticio)

Una Estación Meteorológica registra diariamente la cantidad de milímetros llovidos en Río Cuarto desde comienzo de año hasta la fecha, es decir, hasta el día de hoy (secuencia de datos). Necesita calcular e informar el total de milímetros llovidos en Río Cuarto hasta la fecha.

{Pre-cond: True {Pos-cond:totalMilimetros=($\sum x : x \in \alpha : x : info$)} Algoritmo PrecipitAnual Léxico TNodo = <info ε Caracter, next ε puntero a TNodo> TData= puntero a TNodo lluvias, aux ε TData totalMilimetros ∈ R

Acción CargarPrecipAnual (resultado pAnual € Tdata)

//hacer acción CargarPrecipAnual (poner ficticio al comienzo)

 $\underline{\texttt{Acción}} \ \ \texttt{InicAdq}(\underline{\texttt{resultado}} \ \ \texttt{p} \ \in \ \texttt{TData}, \ \underline{\texttt{dato}} \ \ \texttt{q} \ \in \ \texttt{TData})$

Acción SigElem(dato-resultado p € TData)

Función Ultimo(dato p € TData)

Inicio // inicio del algoritmo principal

CargarPrecipAnual(lluvias)

InicAdq(aux, lluvias)

totalMilimetros \leftarrow 0

mientras no Ultimo(aux) hacer

SigElem(aux)

totalMilimetros ← totalMilimetros + (^aux).info

fmientras

Salida:totalMilimetros

 $\underline{{\tt Fin}}$ // fin del algoritmo principal



Esquema R1

<inicialización de la adquisición> <inicialización del tratamiento>

mientras no fin de sec hacer

<obtener sig. elemento>

<trat. elemento corriente>

<tratamiento final>

2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

Esquema R2 de tratamiento de secuencia puntEC Completar... puntS



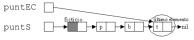


2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

65

Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Inicial

Esquema R3 de tratamiento de secuencia puntec Completar... punts —



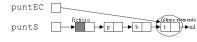


2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

66

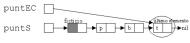
Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Inicial

Esquema B de tratamiento de secuencia *Completar...*



Listas encadenadas Modelo de secuencias con Marca Inicial

Esquema RP de tratamiento de secuencia puntec Completar...





Secuencias y Archivos

- Los archivos permiten representar secuencias (y otras cosas también).
- Dependiendo de la clase de archivo que se trate, o de las primitivas existentes para manipularlo, podrá utilizarse el Modelo de marca final, inicial, o ambos.
- Pero, en general, cada lenguaje permite manipular los archivos usando ciertas primitivas predefinidas, como en C (fopen, feof, fread, fwrite, etc).



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

69

Secuencias y Archivos

Archivos de texto. Modelo de marca inicial

Abrir fopen

Leer fgets, fgetc

EOF (fin de archivo) feof

Cerrar fclose

Mediante el uso repetido de la primitiva **Leer** (**fgets**, **fgetc**) podemos ir extrayendo la información de un archivo.

Este primitiva, junto a **Abrir** (**fopen**) y el **EOF** (**feof**) y/o **EOLN** (no existe en C), se adapta al **Modelo de** marca inicial.



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

70

Secuencias y Archivos

Ejemplo de lectura de datos de un archivo de texto, línea por línea, usando Leer

```
Algoritmo LeerArchivoDeTexto
Lexico
 f = ARCHIVO de Texto
 cad ∈ Cadena
Inicio
   Abrir ("test.txt",f,1)
                                                    Esquema R1
                                             <inicialización de la adauisición>
  mientras not(EOF(f)) hacer
                                             <inicialización del tratamiento>
                                            mientras no fin de sec hacer
      Leer(f,cad)
                                             <obtener sig. elemento>
      Salida: cad
                                             <trat. elemento corriente>
                                            fmientras
   fmientras
                                             <tratamiento final>
  Cerrar (f)
Fin
```

Secuencias y Archivos

Ejemplo de lectura de datos de un archivo de texto, línea por línea, usando gets

```
int main(){
  char cadena[128];
  FILE* archivo;
  archivo = fopen("test.txt","r");
  if(archivo!=NULL){
      while(!feof(archivo)){
         fgets (cadena, 128, archivo);
         printf("%s",cadena);
                                                Esquema R1
                                         <inicialización de la adquisición>
                                         <inicialización del tratamiento>
     fclose(archivo);
                                         mientras no fin de sec hacer
                                          <obtener sig. elemento>
                                          <trat. elemento corriente>
                                         fmientras
                                         <tratamiento final>
```



Secuencias y Archivos

Ejemplo de lectura de datos de un archivo de texto, carácter por carácter, usando Leer

```
Algoritmo LeerArchivoDeTexto2
Lexico
 f ∈ ARCHIVO de Texto
 car ∈ Caracter
Inicio
   Abrir("test.txt",f,1)
  mientras not(EOF(f)) hacer
     mientras not(EOL(f)) hacer
        Leer(f,car)
                                                Esquema R1
        Salida:car
                                       <inicialización de la adquisición>
                                       <inicialización del tratamiento>
     fmientras
                                       mientras no fin de sec hacer
                                        <obtener sig. elemento>
   fmientras
                                        <trat. elemento corriente>
   Cerrar(f)
                                       <tratamiento final>
Fin
                      \bigcirc 090
                                     2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak
                                                               73
```

Secuencias y Archivos

Ejemplo de lectura de datos de un archivo de texto, carácter por carácter, usando fgetc

```
int main(){
  char car;
  FILE* archivo;
  archivo = fopen("test.txt","r");
  if(archivo!=NULL) {
       while(!feof(archivo)){
           car = fgetc(archivo)
           printf("%c",car);
                                               Esquema R1
                                        <inicialización de la adquisición>
                                        <inicialización del tratamiento>
        fclose (archivo);
                                        mientras no fin de sec hacer
                                        <obtener sig. elemento>
                                        <trat. elemento corriente>
                                        <tratamiento final>
                        @000
```

2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

Secuencias y Archivos

Archivos binarios. Modelo de marca inicial

Abrir fopen fread I eer EOF (fin de archivo) feof Cerrar fclose

Mediante el uso repetido de la primitiva Leer (fread) podemos ir extrayendo la información de un archivo

Este primitiva, junto a Abrir (fopen) y el EOF (feof), se adapta al Modelo de marca inicial.



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

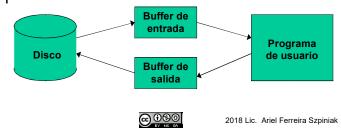
75

Secuencias y Archivos Buffers

Concepto

Posición intermedia entre un archivo y un programa, donde los datos residen provisoriamente hasta ser almacenados en memoria secundaria.

Ocupan una zona de la RAM.



Secuencias y Archivos

Las operaciones lectura y escritura se definen con el auxilio de una variable implícita que representa una memoria intermedia de amortiquación llamada "buffer".

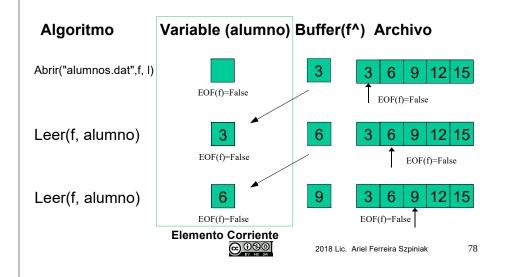
Cuando se declara una variable de tipo ARCHIVO (FILE *), se crea automáticamente una variable "buffer" del mismo tipo que el componente. El "buffer" no puede ser manipulado directamente sino através de las operaciones de lectura y escritura.

Para una variable "f" de tipo ARCHIVO de TAlumno, el "buffer" se designa por "f^". El tipo de "f^" es de tipo TAlumno. Es decir que "f" sería similar a la secuencia S y el buffer el lugar desde donde se obtiene



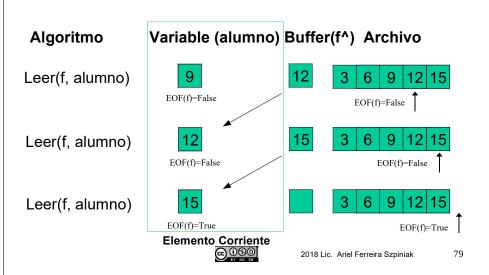
Secuencias y Archivos

Archivos binarios. Modelo de marca inicial



Secuencias y Archivos

Archivos binarios. Modelo de marca inicial



Acceso secuencial – archivos binarios

Lectura de datos

Algoritmo LecturaDeArchivoBinario Lexico

TAlumno = <nombre \in Cadena, edad \in Z>f∈ARCHIVO de TAlumno alumno ∈ TAlumno Esquema R1 Inicio <inicialización de la adquisición> <inicialización del tratamiento>

Abrir("alumnos.dat", f, l)

mientras not(EOF(f)) hacer

Leer(f,alumno) Salida:alumno

// Salida: alumno.nombre alumno.edad

fmientras

Cerrar(f)

Fin



mientras no fin de sec <u>hacer</u> <obtener sig. elemento>

<trat. elemento corriente>

fmientras

<tratamiento final>

Acceso secuencial – archivos binarios Lectura de datos

```
typedef struct { char nombre[30]; int edad;} TAlumno;
TAlumno alumno:
                                                          Esquema R1
void main() {
                                                  <inicialización de la adquisición>
                                                  <inicialización del tratamiento>
 FILE *f:
                                                 mientras no fin de sec hacer
                                                  <obtener sig. elemento>
 f = fopen("alumnos.dat","r");
                                                  <trat. elemento corriente>
                                                 fmientras
 while ((!feof(f)) {
                                                  <tratamiento final>
   fread(&alumno,sizeof(alumno),1,f);
   printf(" NOMBRE = %s ",alumno.nombre);
   printf(" EDAD = %d ",alumno.edad);
   printf("\n");
 fclose(f);
                                \Theta
                                               2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak
                                                                          81
```

Acceso secuencial - Tratamiento

De acuerdo a las primitivas analizadas podemos decir que los archivos de texto y binarios (cuando se los accede de manera secuencial) se pueden adaptar perfectamente al modelo de **secuencias con marca inicial**, y por lo tanto al tratamiento con los **esquemas correspondientes**.

Ello ocurre tanto en Notación Algorítmica como en lenguaje C.



2018 Lic. Ariel Ferreira Szpiniak

82

Secuencias y Archivos Resumen

Archivos de texto (.txt)

Modelo de marca inicial:

Abrir, Leer, EOF (y/o EOLN), Cerrar fopen, fgesc, fgets, feof, fclose

Archivos binarios (.dat)

· Modelo de marca inicial:

Abrir, Leer, EOF, Cerrar fopen, fread, feof, fclose



Bibliografía

- Scholl, P. y J.-P. Peyrin, "Esquemas Algorítmicos Fundamentales: Secuencias e iteración", Barcelona, Ed. Masson, 1991.
- Lucas, M., J.-P. Peyrin y P. Scholl, "Algorítmica y Representación de Datos. Tomo 1: Secuencia, Autómata de estados finitos", Barcelona, Ed. Masson, 1985.
- Watt, David, "Programming Language Concepts and Paradigms", Prentice-Hall International Series in Computer Science (1990).
- Biondi, J. y G. Clavel, "Introducción a la Programación. Tomo 1: Algorítmica y Lenguajes", 2° ed., Barcelona: Masson, 1985.
- Clavel, G. y Biondi, J., "Introducción a la Programación. Tomo 2: Estructuras de Datos", 2° ed., Barcelona: Masson, 1985.

Citar/Atribuir: Ferreira, Szpiniak, A. (2018). Teoría 21: Representación de Secuencias de marca final e inicial. Introducción a la Algorítmica y Programación (3300). Departamento de Computación. Facultad de Cs. Exactas, Fco-Qcas y Naturales. Universidad Nacional de Río Cuarto.

Usted es libre para:

Compartir: copiar y redistribuir el material en cualquier medio o formato.

Adaptar: remezclar, transformar y crear a partir del material.

El licenciante no puede revocar estas libertades en tanto usted siga los términos de la licencia.

Bajo los siguientes términos:



Atribución: Usted debe darle crédito a esta obra de manera adecuada, proporcionando un enlace a la licencia, e indicando si se han realizado cambios. Puede hacerlo en cualquier forma razonable, pero no de forma tal que sugiera que usted o su uso tienen el apoyo del licenciante.



Compartir Igual: Si usted mezcla, transforma o crea nuevo material a partir de esta obra, usted podrá distribuir su contribución siempre que utilice la misma licencia que la obra original.

https://creativecommons.org/licenses/by-sa/2.5/ar/



