

# Práctica 3: Caracterización y Clasificación de Texturas

Aguilar Luna Gabriel Daniel, Rodríguez Agiss Zuriel Uzai

**Abstract**—Practica de la clase de Reconocimiento de Patrones que representa el aprendizaje aprendido en cuánto a Caracterización y Clasificación de Texturas

**Index Terms**—Texturas, K-NN, K-means, máquinas de soporte vectorial.

## I. OBJETIVO

Desarrollar métodos de caracterización de texturas y aprender a utilizar clasificadores como K-NN, K-Means o máquinas de soporte vectorial

## II. INTRODUCTION

### A. Análisis y caracterización de las Texturas

El análisis de texturas hace referencia a la caracterización de las regiones de una imagen por su contenido de textura. El análisis de texturas intenta cuantificar las cualidades intuitivas descritas por términos como áspero, suave, sedoso o accidentado en función de la variación espacial en las intensidades de píxeles. En este sentido, la rugosidad o bache se refiere a variaciones en los valores de intensidad, o niveles de gris.

El análisis de texturas se utiliza en varias aplicaciones, incluyendo la teledetección, la inspección automatizada y el procesamiento de imágenes médicas. El análisis de texturas se puede utilizar para encontrar los límites de textura, denominados segmentación de texturas. El análisis de texturas puede ser útil cuando los objetos de una imagen se caracterizan más por su textura que por la intensidad, y las técnicas de umbral tradicionales no se pueden utilizar de forma eficaz.

Es posible usar métodos estadísticos para el análisis de texturas como por ejemplo:

- Analizar la distribución espacial de valores de gris es una calidad que define la textura.
- Analizar la distribución espacial de los valores de gris, se computan características locales de la textura. Ejemplos:
  - Media y varianza.
  - Co-ocurrencia y diferencias de niveles de gris.

### B. Clasificadores

1) *K-NN*: El método de los vecinos más cercanos (k-NN) es un algoritmo de aprendizaje automático simple y conocido que utiliza un grupo de datos de entrenamiento "más cercano" alrededor de un punto de datos de prueba para clasificarlo. En las implementaciones de k-NN más simples, un punto de prueba se clasifica simplemente asignándolo a la clase más común entre los k puntos de entrenamiento más cercanos.

2) *K-Means*: El algoritmo Kmeans es un algoritmo iterativo que intenta dividir el conjunto de datos en subgrupos (clústeres) distintos no superpuestos definidos previamente por K donde cada punto de datos pertenece a un solo grupo. Intenta hacer que los puntos de datos intra-clúster sean lo más similares posible y al mismo tiempo mantiene los clústeres lo más diferentes (lejos) posible. Asigna puntos de datos a un grupo de modo que la suma de la distancia al cuadrado entre los puntos de datos y el centroide del grupo (media aritmética de todos los puntos de datos que pertenecen a ese grupo) es mínima. Mientras menos variación tengamos dentro de los conglomerados, más homogéneos (similares) serán los puntos de datos dentro del mismo conglomerado.

3) *Máquinas de Soporte Vectorial (SVM)*: Las máquinas de vectores de soporte (SVM) son un conjunto de métodos de aprendizaje supervisado que se utilizan para la clasificación, la regresión y la detección de valores atípicos.

Las ventajas de las máquinas de vectores de soporte son:

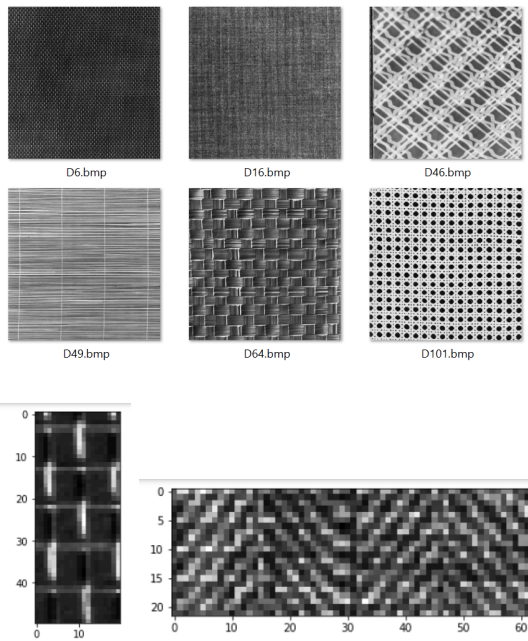
- Eficaz en espacios de gran dimensión.
- Sigue siendo eficaz en los casos en que el número de dimensiones es mayor que el número de muestras.
- Utiliza un subconjunto de puntos de entrenamiento en la función de decisión (llamados vectores de soporte), por lo que también es eficiente en la memoria.
- Versátil: se pueden especificar diferentes funciones del núcleo para la función de decisión. Se proporcionan núcleos comunes, pero también es posible especificar núcleos personalizados.

Las desventajas de las máquinas de vectores de soporte incluyen:

- Si el número de características es mucho mayor que el número de muestras, evite el ajuste excesivo al elegir las funciones del Kernel y el término de regularización es crucial.
- Las SVM no proporcionan directamente estimaciones de probabilidad, estas se calculan mediante una costosa validación cruzada de cinco veces (consulte Puntuaciones y probabilidades, a continuación).

## III. DESARROLLO

1) A partir de un conjunto de texturas que se le proporciona al alumno generar un sistema de "image retrieval" mediante un proceso de reconocimiento de patrones. Para esta parte se cuentan con las siguientes imágenes. Se procede a dividir en ventanas por medio de una función llamada WindowMaker. A continuación se muestran ejemplos del output de dicha función. Lo que



prosigue ahora es obtener información característica de las imágenes a partir del proceso de extracción de características que entrega la matriz de GLCM. GLCM es una tabulación de la frecuencia con la que ocurren diferentes combinaciones de valores de brillo de píxeles (niveles de gris) en una imagen. A continuación se muestra un ejemplo de su ejecución, recordando que el código de la función se halla en el anexo de código. En

```
In [14]: H |
imagen_prueba = np.array([[0,0,1,1],[0,0,1,1],[0,2,2,2],[2,2,3,3]])
glcmMaker_h(imagen_prueba)

Out[14]: array([[4, 2, 1, 0],
               [2, 4, 0, 0],
               [1, 0, 6, 1],
               [0, 0, 1, 2]])

In [15]: H |
glcmH_N = glcmMaker_h(imagen_prueba, True)
glcmH_N

Out[15]: array([[0.16666667, 0.08333333, 0.04166667, 0.],
               [0.08333333, 0.16666667, 0., 0.],
               [0.04166667, 0., 0.25, 0.04166667],
               [0., 0., 0.04166667, 0.08333333]])
```

el primer ejemplo se retorna la matriz GLCM de una matriz de prueba, y en el segundo se retorna la misma matriz pero normalizada

De esa matriz podemos obtener información que nos permita generar un vector de características. Estos valores son los siguientes:

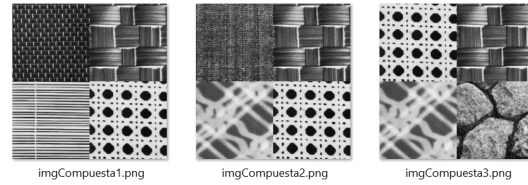
$$Entropia = \sum_{i,j=0}^{N-1} -\ln(P_{ij})P_{ij}$$

$$Homogeneidad = \sum_{i,j=0}^{N-1} \frac{P_{ij}}{1 + (i - j)^2}$$

$$Energía = \sum_{i,j=0}^{N-1} (P_{ij})^2$$

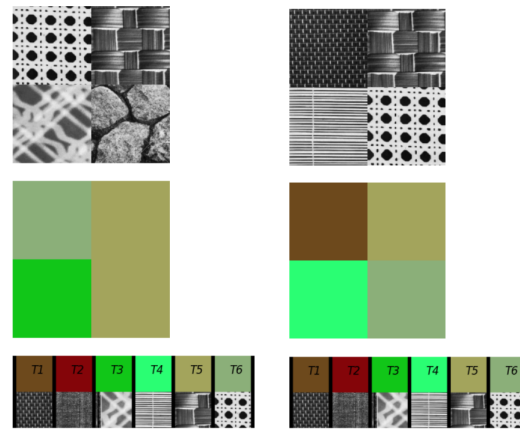
$$Contraste = \sum_{i,j=0}^{N-1} P_{ij}(i - j)^2$$

Una vez se tiene el vector característico es posible comenzar con el proceso de clasificación. Para ello se tienen las siguientes imágenes de prueba

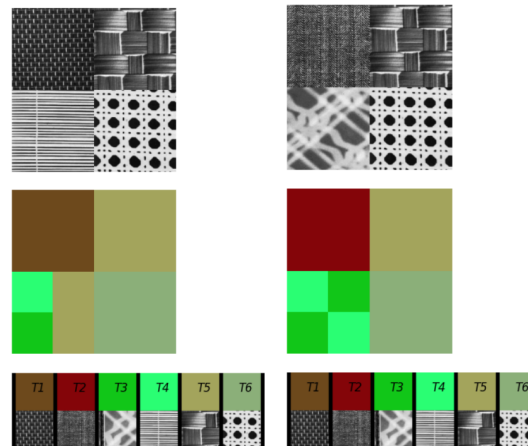


#### IV. RESULTADO

Para la práctica se hizo uso de un clasificador bayesiano y uno de K-NN. Con el clasificador bayesiano se obtuvieron los siguientes resultados



Con el clasificador K-NN se obtuvieron los siguientes resultados



#### V. CONCLUSIONES

Esta práctica nos permitió en primera instancia a usar métodos estadísticos para la caracterización de texturas, y nos permitió darnos cuenta de que una vez entendiendo bien la teoría, la implementación no tenía porque ser tan tediosa puesto que al final del día la computadora era la que estaba

haciendo toda la magia computacional a gran escala. En cuanto a los resultados, nos dimos cuenta de que debemos ser cuidadosos con el tamaño de nuestra muestra y contemplar todo tipo de texturas posibles a la hora de clasificar. También conocimos un método de caracterización llamado K-NN además del bayesiano que ya conocíamos. Por ende, consideramos que los objetivos de la práctica fueron cumplidos.

## VI. CÓDIGO

```

1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import cv2
3 import skimage as ski
4 import PIL as pil
5 import imageio as io
6 import numpy as np
7 from PIL import Image, ImageFilter
8 from shapely.geometry import Polygon, MultiPolygon
9 from descartes import PolygonPatch
10 from math import log
11 from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier
12
13 # Esta funcion 'desdobla' cadenas para crear un
14 # rango y un numero
15 # eg: '100'=mayores que 100, '0-50'= entre 0 y 50,
16 # '10-20,500'= entre 10 y 20 o mayores de 500
17 def listRanger(rango: str):
18     # Separa la cadena por comas
19     rango = rango.split(',')
20     # Definicion de las variables de retorno
21     listarango = []
22     mayorq = -1
23     # Recorre las sentencias separadas anteriormente
24     for x in rango:
25         # Si la sentencia tiene un '-' es un rango
26         if '-' in x:
27             # Los rangos se aaden a la lista
28             listarango
29             listax = x.split('-')
30             listarango += list(range(int(listax[0]),
31                                     int(listax[1])))
32             # Si no, es una cota inferior
33             else:
34                 # Solo puede existir una de estas cotas
35                 # en la sentencia
36                 mayorq = int(x)
37
38     return [listarango, mayorq]
39
40 # Esta funci n imprime la imagen junto con las
41 # curvas de la posici n nColl de contornos
42 # Que cumplan con range y retorna un arreglo con
43 # dichas curvas.
44 # Se puede especificar los puntos en el perimetro de
45 # las lineas con range. eg: range='400-560'
46 # Si no se especifica se utiliza '150'
47 # Se puede especificar un nombre para guardar la
48 # imagen resultante con save. eg: save='imagen2.
49 # png'
50 # Si no se especifica se utiliza 'ImCrTMP.png'
51 # eg: masker.printImCr(fruta, fruta_contornos, 1,
52 # range='200', save='comida_contornos.png')
53 def printImCr(imagen, contornos, nColl, **kwargs):
54     # Desdobla range
55     rangolstd = listRanger(kwargs["range"] if ("
56     range" in kwargs) else '150')
57     # Define variable de retorno
58     curvas_array = []
59     # Con este for se muestran todas las lineas cuya
60     # primera dimension entre en el rango
61     for i in contornos.collections[nColl].get_paths
62     ():
63         # Si cumple con las características
64         # indicadas en range se aade al plot y a la var
65         # de retorno
66         if len(i.vertices) in rangolstd[0] or ((len(
67         i.vertices) > rangolstd[1]) if (rangolstd[1] !=
68         -1) else (len(i.vertices) > len(i.vertices)+1)):
69             plt.plot(i.vertices[:,0], i.vertices
70            [:,1], '--b')
71             curvas_array.append(i.vertices)
72     # Muestra la imagen
73     plt.imshow(imagen)
74     plt.axis('off')
75     # Salva la imagen

```

```

57 plt.savefig('resultados/'+kwargs["save"] if ("
    save" in kwargs) else 'resultados/ImCrTMP.png',
    bbox_inches='tight', transparent=False,
    pad_inches = 0)
58 # Regresa el arreglo
59 return curvas_array
60
61 # Esta funci n imprime la imagen de fondo junto con
    los poligonos
62 # Definidos por las curvas en curvas_arr
63 # Retorna un obj Multipolygon
64 def printImPoly(curvas_arr, fondo):
65     # Arreglo aux
66     poly_array = []
67     # Recorre arreglo de curvas
68     for crvua in curvas_arr:
69         x = crvua[:,0]
70         y = crvua[:,1]
71         poly_array.append(Polygon([(i[0], i[1]) for
            i in zip(x,y)]))
72     polygons = MultiPolygon(poly_array)
73     #len(polygons.geoms)
74     #polygons
75     fig = plt.figure()
76     ax = fig.gca()
77
78     # Plotea la imagen de fondo
79     plt.imshow(fondo)
80     # Plotea los poligonos
81     for poly in polygons:
82         ax.add_patch(PolygonPatch(poly))
83     #ax.axis('scaled')
84     plt.show()
85     # Retorna los poligonos
86     return polygons
87
88 def listaclase(clase, n=4):
89     clase_array = []
90     for i in range(n):
91         objeto = io.imread('entrenamiento-procesado/
            Entrenamiento'+str(i+1)+'-'+ clase +
            '_gaussianBlur.jpg')
92         clase_array.append(np.array(objeto))
93         plt.imshow(objeto)
94         plt.show()
95     return clase_array
96
97 def pixelsMatrix(clase, n=4):
98     lista_clase = listaclase(clase, n)
99     pixeles_clase = []
100    for objeto in lista_clase:
101        for renglon in objeto:
102            for pixel in renglon:
103                if pixel.mean() > 0.:
104                    pixeles_clase.append(pixel)
105    return np.array(pixeles_clase)
106
107 def pixelsMatrix_blanco(clase, n=6):
108     lista_clase = listaclase(clase, n)
109     pixeles_clase = []
110     pixeles_probados = 0
111     for objeto in lista_clase:
112         for renglon in objeto:
113             for pixel in renglon:
114                 pixeles_probados += 1
115                 if pixel.mean() < 250.:
116                     pixeles_clase.append(pixel)
117    return np.array(pixeles_clase), pixeles_probados
118
119 def getSigma(matriz_pix):
120     MU = np.mean(matriz_pix, axis=0)
121     SIGMA = np.zeros((len(MU), len(MU)))
122
123     for pixel in matriz_pix:
124         P_MU = np.array([pixel-MU])
125         SIGMA += np.dot(np.transpose(P_MU), P_MU)
126
127     return SIGMA / len(matriz_pix)
128
129 def probaClase(lenClase, x, y, n):
130     return lenClase/(x*y*n)
131
132 def ladoDerecho(SIGMA_det, probaClase):
133     return (-log(SIGMA_det)/2) + log(probaClase)
134
135 def probaPixClase(pixel, MU, SIGMA_inv):
136     P_MU = np.array([pixel-MU])
137     #print((np.dot(np.dot(P_MU, SIGMA_inv), np.
        transpose(P_MU)) [0,0]) /-2)
138     return (np.dot(np.dot(P_MU, SIGMA_inv), np.
        transpose(P_MU)) [0,0]) /-2
139
140 def clasificador(imagen, MUs, SIGMAs_inv, ldDers,
    colores, **kwargs):
141     show = (kwargs["show"] if ("show" in kwargs)
        else False)
142     if (isinstance(imagen, str)):
143         prueba_img = io.imread(imagen)
144         prueba = np.array(prueba_img)
145     elif (isinstance(imagen, np.ndarray)):
146         prueba = imagen
147     if show:
148         plt.imshow(prueba)
149         plt.show()
150
151     dimensiones = prueba.shape
152     resultado = np.zeros((dimensiones[0], dimensiones
        [1],3), dtype=int)
153     for i in range(len(prueba)):
154         for j in range(len(prueba[i])):
155             arr_aux = []
156             for n in range(len(MUs)):
157                 arr_aux.append(probaPixClase(prueba[
                    i][j], MUs[n], SIGMAs_inv[n]) + ldDers[n])
158             resultado[i][j] = colores[arr_aux.index(
                max(arr_aux))]
159     return resultado
160
161 def makeGaussian(nombre_imagen, valor_radio = 3):
162     #codigo de internet para aplicar filtro
        Gaussiano
163     #Abriendo imagen con Image
164     image = Image.open(nombre_imagen)
165
166     #Aplicando el filtro de Gaussiano
167     #Con un valor para el radio igual a 3
168     image = image.filter(ImageFilter.GaussianBlur(
        radius = valor_radio))
169
170     #Se muestra la imagen
171     image.show()
172
173     #Se guarda esta nueva imagen borrosa
174     image.save(nombre_imagen[:-4] + "_gaussianBlur.
        jpg")
175
176 def listaTexturas(text_names):
177     texturas_array = []
178     for text_name in text_names:
179         objeto = io.imread('texturas/D'+text_name+'.
            bmp')
180         texturas_array.append(np.array(objeto)
           [:, :, 0])
181         plt.imshow(objeto)
182         plt.show()
183     return texturas_array
184
185 def windowMaker(imagen, window_length, window_height,
    **kwargs):
186     Y, X = imagen.shape
187     windows_array = []
188     length_overlap = (kwargs["length_overlap"] if ("
        length_overlap" in kwargs) else 0)
189     height_overlap = (kwargs["height_overlap"] if ("
        height_overlap" in kwargs) else 0)

```

```

188 show = (kwargs["show"] if ("show" in kwargs)
189 else False)
190 for texel_renglon in range(0,Y>window_height-
191 height_overlap):
192     for texel_startP in range(0,X>window_length-
193 length_overlap):
194         ventana = imagen[texel_renglon:
195 texel_renglon+window_height,texel_startP:
196 texel_startP+window_length]
197         windows_array.append(ventana)
198         if (show):
199             plt.imshow(ventana, cmap=plt.cm.gray
200 )
201             plt.show()
202 return windows_array
203
204 def glcmMaker_v(ventana, norm = False):
205     matriz_auxiliar = np.zeros((np.amax(ventana)+1,)
206 *2, dtype=int)
207     Y, X = ventana.shape
208     normalizador = 0
209     for i in range(Y-1):
210         for j in range(X):
211             matriz_auxiliar[ventana[i][j]][ventana[i
212 +1][j]] += 1
213             normalizador += 2
214     glcm = matriz_auxiliar + np.transpose(
215 matriz_auxiliar)
216     return (glcm/normalizador) if norm else glcm
217
218 def glcmMaker_45(ventana, norm = False):
219     matriz_auxiliar = np.zeros((np.amax(ventana)+1,)
220 *2, dtype=int)
221     Y, X = ventana.shape
222     normalizador = 0
223     for i in range(1,Y):
224         for j in range(X-1):
225             matriz_auxiliar[ventana[i][j]][ventana[i
226 -1][j+1]] += 1
227             normalizador += 2
228     glcm = matriz_auxiliar + np.transpose(
229 matriz_auxiliar)
230     return (glcm/normalizador) if norm else glcm
231
232 def glcmMaker_135(ventana, norm = False):
233     matriz_auxiliar = np.zeros((np.amax(ventana)+1,)
234 *2, dtype=int)
235     Y, X = ventana.shape
236     normalizador = 0
237     for i in range(1,Y):
238         for j in range(1,X):
239             matriz_auxiliar[ventana[i][j]][ventana[i
240 -1][j-1]] += 1
241             normalizador += 2
242     glcm = matriz_auxiliar + np.transpose(
243 matriz_auxiliar)
244     return (glcm/normalizador) if norm else glcm
245
246 def entropy(glcm_n):
247     entropia = 0
248     for renglon in glcm_n:
249         for value in renglon:
250             entropia += (value*log(value)) if (value
251 >0) else 0
252     return -entropia
253
254 def homogeneity(glcm_n):
255     homogeneidad = 0
256     Y, X = glcm_n.shape
257     for i in range(Y):
258         for j in range(X):
259             homogeneidad += glcm_n[i][j]/(1+abs(i-j)
260 )
261     return homogeneidad
262
263 def smoothness(glcm_n):
264
265     ASM = 0
266     Y, X = glcm_n.shape
267     for i in range(Y):
268         for j in range(X):
269             ASM += glcm_n[i][j]**2
270     return ASM
271
272 def contrast(glcm_n,k=2,n=1):
273     contraste = 0
274     Y, X = glcm_n.shape
275     for i in range(Y):
276         for j in range(X):
277             contraste += ((i-j)**k)*(glcm_n[i][j]**n
278 )
279     return contraste
280
281 def imagenWEntropy(imagen,window_length,
282 window_height,**kwargs):
283     Y, X = imagen.shape
284     array_aux = []
285     length_overlap = (kwargs["length_overlap"] if ("
286 length_overlap" in kwargs) else 0)
287     height_overlap = (kwargs["height_overlap"] if ("
288 height_overlap" in kwargs) else 0)
289     mostrar = (kwargs["show"] if ("show" in kwargs)
290 else False)
291     for texel_renglon in range(0,Y>window_height-
292 height_overlap):
293         renglon_aux = []
294         for texel_startP in range(0,X>window_length-
295 length_overlap):
296             ventana = imagen[texel_renglon:
297 texel_renglon+window_height,texel_startP:
298 texel_startP+window_length]
299             glcm_N = glcmMaker_h(ventana,True)
300             renglon_aux.append(entropy(glcm_N))
301             array_aux.append(renglon_aux)
302     imagen_res = np.array(array_aux)
303     if mostrar:
304         plt.imshow(imagen_res)
305         plt.show()
306     return imagen_res
307
308 def imagenWHomogeneity(imagen,window_length,
309 window_height,**kwargs):
310     Y, X = imagen.shape
311     array_aux = []
312     length_overlap = (kwargs["length_overlap"] if ("
313 length_overlap" in kwargs) else 0)
314     height_overlap = (kwargs["height_overlap"] if ("
315 height_overlap" in kwargs) else 0)
316     mostrar = (kwargs["show"] if ("show" in kwargs)
317 else False)
318     for texel_renglon in range(0,Y>window_height-
319 height_overlap):
320         renglon_aux = []
321         for texel_startP in range(0,X>window_length-
322 length_overlap):
323             ventana = imagen[texel_renglon:
324 texel_renglon+window_height,texel_startP:
325 texel_startP+window_length]
326             glcm_N = glcmMaker_h(ventana,True)
327             renglon_aux.append(homogeneity(glcm_N))
328             array_aux.append(renglon_aux)
329     imagen_res = np.array(array_aux)
330     if mostrar:
331         plt.imshow(imagen_res)
332         plt.show()
333     return imagen_res
334
335 def imagenWSmoothness(imagen,window_length,
336 window_height,**kwargs):
337     Y, X = imagen.shape
338     array_aux = []
339     length_overlap = (kwargs["length_overlap"] if ("
340 length_overlap" in kwargs) else 0)

```

```

306 height_overlap = (kwargs["height_overlap"] if ("
height_overlap" in kwargs) else 0)
307 mostrar = (kwargs["show"] if ("show" in kwargs)
else False)
308 for texel_renglon in range(0,Y>window_height-
height_overlap):
309     renglon_aux = []
310     for texel_startP in range(0,X>window_length-
length_overlap):
311         ventana = imagen[texel_renglon:
texel_renglon+window_height,texel_startP:
texel_startP+window_length]
312         glcm_N = glcmMaker_h(ventana,True)
313         renglon_aux.append(smoothness(glcm_N))
314     array_aux.append(renglon_aux)
315     imagen_res = np.array(array_aux)
316     if mostrar:
317         plt.imshow(imagen_res)
318         plt.show()
319     return imagen_res
320
321 def imagenWContrast(imagen>window_length,
window_height,**kwargs):
322     Y, X = imagen.shape
323     array_aux = []
324     length_overlap = (kwargs["length_overlap"] if ("
length_overlap" in kwargs) else 0)
325     height_overlap = (kwargs["height_overlap"] if ("
height_overlap" in kwargs) else 0)
326     mostrar = (kwargs["show"] if ("show" in kwargs)
else False)
327     for texel_renglon in range(0,Y>window_height-
height_overlap):
328         renglon_aux = []
329         for texel_startP in range(0,X>window_length-
length_overlap):
330             ventana = imagen[texel_renglon:
texel_renglon+window_height,texel_startP:
texel_startP+window_length]
331             glcm_N = glcmMaker_h(ventana,True)
332             renglon_aux.append(contrast(glcm_N))
333         array_aux.append(renglon_aux)
334     imagen_res = np.array(array_aux)
335     if mostrar:
336         plt.imshow(imagen_res)
337         plt.show()
338     return imagen_res
339
340 def vectorizador(textura>window_l>window_h, **kwargs
):
341     l_over = (kwargs["length_overlap"] if ("
length_overlap" in kwargs) else 0)
342     h_over = (kwargs["height_overlap"] if ("
height_overlap" in kwargs) else 0)
343     mostrar = (kwargs["show"] if ("show" in kwargs)
else False)
344     entropia = imagenWEntropy(textura>window_l,
window_h,length_overlap=l_over,height_overlap=
h_over,show=mostrar)
345     homogeneidad = imagenWHomogeneity(textura,
window_l>window_h,length_overlap=l_over,
height_overlap=h_over,show=mostrar)
346     smoothness = imagenWSmoothness(textura>window_l,
window_h,length_overlap=l_over,height_overlap=
h_over,show=mostrar)
347     contraste = imagenWContrast(textura>window_l,
window_h,length_overlap=l_over,height_overlap=
h_over,show=mostrar)
348     return np.dstack((entropia,homogeneidad,
smoothness,contraste))
349 imagenC2 = vectorizador(texturas_array[1],62,22,
length_overlap=2,height_overlap=2)
350
351 # Esta funcion recibe la "imagen" compuesta de
caracteristicas y devuelve la lista de "pixeles
de caracteristicas"
352 def pixelsImage(imagen):

```

```

353     pixeles_clase = []
354     for renglon in imagen:
355         for pixel in renglon:
356             pixeles_clase.append(pixel)
357     return np.array(pixeles_clase)
358
359 def mostrarColores(colores, **kwargs):
360     colormap = np.zeros((100,10,3), dtype=int)
361     texturemap = np.zeros((100,10,3), dtype=int)
362     fig, ax = plt.subplots()
363     for c in range(len(colores)):
364         colormap = np.concatenate((colormap,np.full
((100,10,3), colores[c]),np.zeros((100,10,3),
dtype=int)), axis=1)
365         ax.text(50+(110*c),50,'T'+str(c+1), style ='
italic', fontsize = 15)
366         if ("texturas" in kwargs):
367             texturemap = np.concatenate((texturemap,
np.dstack((kwargs["texturas"][c][0:100,0:100],
kwargs["texturas"][c][0:100,0:100],kwargs['
texturas'][c][0:100,0:100])),np.zeros((100,10,3)
, dtype=int)), axis=1)
368         if ("texturas" in kwargs):
369             colormap = np.concatenate((colormap,
texturemap))
370             plt.axis('off')
371             plt.imshow(colormap)
372             plt.show()
373
374 # Esta funcion recibe una lista de las matrices de
cada clase
375 def trainingBayess(matrices_clases):
376     # Entrenamiento
377     MUs = []
378     SIGMAs_inv = []
379     probas = []
380     ldDers = []
381     colores = []
382     for clase in matrices_clases:
383         MU = np.mean(clase, axis=0)
384         MUs.append(MU)
385         SIGMA = getSigma(clase)
386         SIGMA_inv = np.linalg.inv(SIGMA)
387         SIGMAs_inv.append(SIGMA_inv)
388         proba = probaClase(len(clase), clase.shape
[0], clase.shape[1], len(matrices_clases))
389         probas.append(proba)
390         ldDer = ladoDerecho(np.linalg.det(SIGMA),
proba)
391         ldDers.append(ldDer)
392         colores.append((np.random.rand(3)*1000%255).
astype(int).tolist())
393     mostrarColores(colores)
394     return MUs, SIGMAs_inv, ldDers, colores

```

## VII. CONCLUSIÓN

Al haber implementado un clasificador de Bayes para la clasificación de 2 o más imágenes nos dimos cuenta de que con la aplicación directa de la regla de Bayes da como resultado una problema computacionalmente costoso que no hace más que incrementarse conforme la cantidad de imágenes de entrenamiento y la complejidad aumenta. Por tanto, si bien es un buen punto de partida, no es un clasificador óptimo. Además, aprendimos que es necesario tener un buen volumen de imágenes de entrenamiento y que para ponerlo a prueba exhaustivamente las imágenes de entrenamiento y prueba deben diferir.

## VIII. REFERENCIAS

(s.a) (s.f) matplotlib.pyplot.plot Documentación de Matplotlib. Consultado de [https://matplotlib.org/stable/api/\\_as\\_](https://matplotlib.org/stable/api/_as_)



gen/matplotlib.pyplot.plot.html

(s.a) (s.f) matplotlib.contour.QuadContourSet Documentación de Matplotlib. Consultado de [https://matplotlib.org/stable/api/contour\\_api.html#matplotlib.contour.QuadContourSet](https://matplotlib.org/stable/api/contour_api.html#matplotlib.contour.QuadContourSet)

(s.a) (s.f) matplotlib.image.AxesImage Documentación de Matplotlib. Consultado de [https://matplotlib.org/stable/api/image\\_api.html#matplotlib.image.AxesImage](https://matplotlib.org/stable/api/image_api.html#matplotlib.image.AxesImage)

(s.a) (s.f) matplotlib.pyplot.imshow Documentación de Matplotlib. Consultado de [https://matplotlib.org/stable/api/\\_as\\_gen/matplotlib.pyplot.imshow.html](https://matplotlib.org/stable/api/_as_gen/matplotlib.pyplot.imshow.html)

(s.a) (s.f) matplotlib.patches.Patch. Documentación de Matplotlib. Consultado de [https://matplotlib.org/stable/api/\\_as\\_gen/matplotlib.patches.Patch.html](https://matplotlib.org/stable/api/_as_gen/matplotlib.patches.Patch.html)

(s.a) (s.f) Shapely and geometric objects. Consultado de <https://automating-gis-processes.github.io/site/notebooks/L1/geometric-objects.html>

(s.a) (s.f) matplotlib.path. Documentación de Matplotlib. Consultado de [https://matplotlib.org/stable/api/path\\_api.html](https://matplotlib.org/stable/api/path_api.html)

(s.a) (s.f) matplotlib.pyplot.plot. Documentación de Matplotlib. Consultado de [https://matplotlib.org/stable/api/\\_as\\_gen/matplotlib.pyplot.plot.html](https://matplotlib.org/stable/api/_as_gen/matplotlib.pyplot.plot.html)

(s.a) (s.f) Image Resolution and DPI. Consultado de <https://largeprinting.com/resources/image-resolution-and-dpi.html>

(s.a) (26 de dic, 2020) Apply a Gauss filter to an image with Python. Geeks for Geeks. Consultado de <https://www.geeksforgeeks.org/apply-a-gauss-filter-to-an-image-with-python/>

(s.a) (14 de julio, 2019) Python PIL — GaussianBlur() method. Geeks for Geeks. Consultado de <https://www.geeksforgeeks.org/python-pil-gaussianblur-method/>

Banterla, D. (s/f) Texturas. Fac. Informática San Sebastián. Consultado de <http://www.ehu.es/ccwintco/uploads/d/d7/Texturas.pdf>

Dabbura, I. (17 de septiembre, 2018) K-means Clustering: Algorithm, Applications, Evaluation Methods, and Drawbacks. Towards data science. Consultado de <https://towardsdatascience.com/k-means-clustering-algorithm-applications-evaluation-methods-and-drawbacks-aa03e644b48a>

gene (13 de abril, 2017) Geopandas Polygon to matplotlib patches Polygon conversion Stack Exchange. Consultado de <https://gis.stackexchange.com/questions/197945/geopandas-polygon-to-matplotlib-patches-polygon-conversion>

gene (4 de junio, 2014). Converting Matplotlib contour objects to Shapely objects. Stack Overflow. Consultado de <https://gis.stackexchange.com/questions/99917/converting-matplotlib-contour-objects-to-shapely-objects>

Ghandi, R. (5 de Mayo, 2018) Naive Bayes Classifier Towards Data Science. Consultado de <https://towardsdatascience.com/naive-bayes-classifier-81d512f50a7c>

Gillies, S. (27 de sep, 2020) The Shapely User Manual. Shapely. Consultado de <https://shapely.readthedocs.io/en/stable/manual.html>

Hall-Beyer, M. (2017) GLCM Texture: A Tutorial v. 3.0. University of Calgary. Consultado de [https://prism.ucalgary.ca/bitstream/handle/1880/51900/texture%20tutorial%20v%203\\_0%20180206.pdf?sequence=11&isAllowed=y](https://prism.ucalgary.ca/bitstream/handle/1880/51900/texture%20tutorial%20v%203_0%20180206.pdf?sequence=11&isAllowed=y)

jodag. (6 de mayo, 2020) Matplotlib - unable to save image in same resolution as original image. Stack Overflow. Consultado de <https://stackoverflow.com/questions/34768717/matplotlib-unable-to-save-image-in-same-resolution-as-original-image34769840>

Korstanje, J. (7 de abril, 2021) The k-Nearest Neighbors (kNN) Algorithm in Python. RealPython. Consultado en <https://realpython.com/knn-python/>

Lin, W. et al. (2010) Image Segmentation Using the K-means Algorithm for Texture Features. World Academy of Science, Engineering and Technology International Journal of Computer and Information Engineering

Navlani, A. (2 de agosto, 2018) KNN Classification using Scikit-learn. Datacamp. Consultado en <https://www.datacamp.com/community/tutorials/k-nearest-neighbor-classification-scikit-learn>

R, Kirsten et al. (5 de septiembre, 2019) Performance of two multiscale texture algorithms in classifying silver gelatine paper via k-nearest neighbors. Open Archive Toulouse Archive Ouverte. Consultado de <https://hal.archives-ouvertes.fr/hal-02279362/document>

Rosebrock, A. (8 de agosto, 2016) k-NN classifier for image classification. pyImageSearch. Consultado en <https://www.pyimagesearch.com/2016/08/08/k-nn-classifier-for-image-classification/>

tom10 (23 de Marzo, 2015) Python - convert contours to image. Stack Overflow. Consultado de <https://stackoverflow.com/questions/29213238/python-convert-contours-to-image29214175>