# VRP: Problema de rutas de vehículos

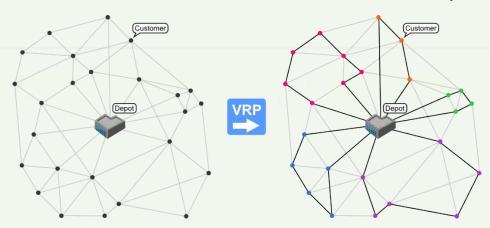
Gabriel Luque (gabriel@lcc.uma.es)

Transporte y Tráfico



#### Problema VRP

- ◆ Problema clásico de transporte y logística
  - Hay múltiples clientes que hacen peticiones
  - Hay uno o varios almacenes/depósitos
  - Hay uno o varios vehículos
  - Encontrar las rutas para servir a los clientes partiendo de uno de los almacenes minimizando el coste/tiempo/distancia



◆ En la actualidad sigue siendo de enorme importancia

#### Variantes

- ◆ Servicio:
  - Tipo:
    - Solo recogidas o entregas
    - Mezcla de recogidas y entregas
    - Recogida de objetos y entregarlos a otro cliente
  - Ventana de tiempo y flexibilidad
- Vehículos:
  - 1 o varios
  - Tipos
  - Capacidades
- Prioridad clientes

- Depósitos:
  - 1 o varios
  - Elementos disponibles
- Otros:
  - Compatibilidad Vehículos y servicios
  - Tiempo de descanso conductores
  - Coste ruta variable

#### **Variantes**

#### http://neo.lcc.uma.es/vrp/



#### **Home**

The Vehicle Routing Problem (VRP) is one of the most challenging combinatorial optimization task. Defined more than 40 years ago, this problem consists in designing the optimal set of routes for fleet of vehicles in order to serve a given set of customers. The interest in VRP is motivated by its practical relevance as well as by its considerable difficulty.

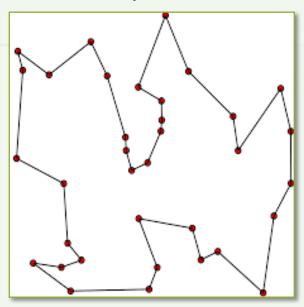
This web is dedicated to the study of VRP; we have compiled here a great deal of

#### NAVIGATION

- Home
- Vehicle Routing Problem
- VRP Flavors
- Solution Methods for VRP
- VRP Instances
- Known Best Results
- Links
  - Groups
  - People
  - Journals
- Bibliography on VRP

#### Variantes

- ◆ El TSP (problema del viajante) puede considerarse una variante de este problema:
  - Múltiples clientes
  - Tipo de servicio simple
  - Un único vehículo
  - Sin restricciones de capacidad, ventana de tiempo, ...



#### Problema abordado

- Minimizar tiempo de atención a todos los clientes (suma de tiempo de rutas)
- Un único depósito
- Múltiples vehículos (no acotados) homogéneos (misma capacidad)
- ◆ Tipo de servicio simple (por ejemplo, solo reparto), sin ventana de tiempo y el coste de la entrega fija
- ◆ Tiempo de viaje entre clientes fijo
- ◆ Limitación temporal en la ruta

#### Problema abordado

#### ◆ Objetivo:

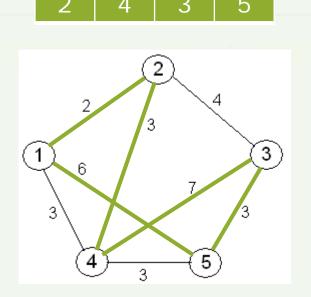
Minimizar la suma de los tiempos que tarda cada ruta

#### **♦** Restricciones:

- Cada cliente se atiende una sola vez
- Todos los clientes deben ser atendidos
- Cada ruta debe empezar y acabar en el almacen
- La suma de las peticiones de los clientes de una ruta no puede superar la capacidad
- La suma de los tiempos de desplazamiento entre cliente y la atención no debe superar un máximo
- ◆ CVRP (Capacitated Vehicle Routing Problem)

### Cómo representar una solución

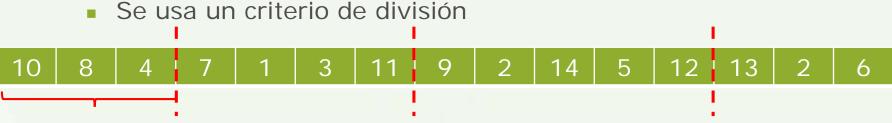
- Una ruta: Permutación
  - Representa el orden en el que se visitan los clientes
  - No es necesario añadir el almacén al inicio y fin (aunque debe considerarse en la evaluación)



El 1 es el almacén

#### Cómo representar una solución

- Múltiples rutas
- Rutas implícitas: Permutaciones
  - La solución no tiene ningún indicador de donde empieza y acaba las rutas



Cumple restric.

No cumple restric.

- Ventajas:
  - Simple
  - Muchos operadores ya existentes
  - Cumple restricciones automáticamente
  - Minimiza el número de vehículos
- ◆ Inconvenientes:
  - No permite todas las posibles soluciones

#### Cómo representar una solución

- Múltiples rutas
- Rutas explícitas: Permutaciones con separadores
  - La solución no tiene ningún indicador de donde empieza y acaba las rutas
  - Se usa un criterio de división

 10
 8
 4
 0
 7
 3
 11
 9
 2
 0
 5
 1
 0
 2
 6

- Ventajas:
  - Permite todas las soluciones
  - Operadores especiales (inter- e intra- ruta)
- ◆ Inconvenientes:
  - Operadores especiales (costosos)
  - Hay que verificar restricciones
  - Complejo: representación, configuración (op.) e implementación

- Se utilizará la representación basada en permutaciones con rutas implícitas
- ◆ Clase cinstance: manejo de los datos:
  - Constructor: lee los ficheros
  - nCustomers(): número de clientes
  - demand(i): demanda del cliente i
  - distance(i,j): tiempo de ir i a j
  - capacity(): capacidad de lo vehículos
  - maxRouteTime(): Tiempo máximo de ruta

- ♦ Solución: vector < unsigned >
  - Las operaciones deben asegurar generar/mantener la permutación.
- Poniéndolo junto: solución aleatoria:

```
void generateSolution(Solution &solution, const cInstance &c){
           unsigned aux,ind1,ind2;
           unsigned max = c.nCustomers();
           solution.clear():
           // Create Ordered Array from 0 to nCustomers
           for(int i = 0; i < max; i++)
                      solution.push back(i+1);
           // move values to create random array
           for(int i = 0; i < (max*5); i++){
                      ind1 = rand()%max;
                      ind2 = rand()%max;
                      aux = solution[ind1];
                      solution[ind1] = solution[ind2];
                      solution[ind2] = aux;
```

Evaluando una solución: evaluate

```
double evaluate(const Solution &solution, const cInstance &c){
   double fitness = 0.0:
   int ultimo = 0;
   double dist = 0.0:
   int cap = c.capacity();
   register int c actual;
   for(int j = 0; j < c.nCustomers(); <math>j++) {
       c actual = solution[i];
       if( ((dist + c.distance(ultimo, c actual) + c.distance(c actual, <math>(0))) > (c.maxRouteTime())
        | | (( cap - c.demand(c actual)) < 0)
       // No solo mete una nueva ruta cuando se pasa sino cuando crear una nueva es mejor
        fitness += dist + c.distance(ultimo, 0);
           ultimo = 0;
           dist = 0.0;
           cap = c.capacity();
       else {
           dist += c.distance(ultimo, c actual);
           cap -= c.demand(c actual);
           ultimo = c actual;
    }
   fitness += dist + c.distance(ultimo, 0);
```

◆ Poniéndolo junto: Random Search:

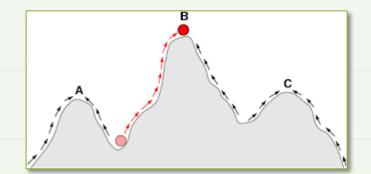
```
void RS(const cInstance &c, const unsigned steps, const bool verbose){
    Solution current sol, best sol;
    double fitness, best fit;
                                                 Genera solución aleatoria
    generateSolution(current sol, c); 
    fitness = evaluate(current sol, c);
                                                 Evalúa la solución
    best sol = current sol; best fit = fitness;
    if(verbose) cout << fitness << endl:</pre>
    for(int i = 1; i < steps; i++)
                                                     Genera solución aleatoria
        generateSolution(current sol, c); 
        fitness = evaluate(current sol, c);
                                                     Evalúa la solución
        if(verbose) cout << fitness << endl;</pre>
        if(fitness < best fit) </pre>
                                                   Actualiza la mejor
            best sol = current sol;
            best fit = fitness;
    if(verbose){
        cout << "Best solution: " << endl;</pre>
        for(int i = 0; i < best sol.size(); i++)</pre>
            cout << best sol[i] << " ";</pre>
        cout << endl << "Fitness: " << best fit << endl;</pre>
    } else {
        cout << best fit < endl;</pre>
```

### Ejercicios iniciales

- 1. Descargue el código de <a href="https://github.com/GabJL/VRP">https://github.com/GabJL/VRP</a>
- 2. Descomprima el código en la carpeta alumno
- 3. Compile el código:
  - Abre un terminal
  - cd VRP-master/ # Muévase al directorio code
  - make # Compilación
- 4. En el código se facilita una búsqueda aleatoria (RS). Ejecútelo:
  - ./RS instances/vrpnc1.txt 1000 1# Ejecución con 1000 iteraciones y 1 ejecución
- 5. Ejecute 30 veces el algoritmo y guarde los resultados en resRS.txt:
  - ./RS instances/vrpnc1.txt 1000 30 > resRS.tst
- ◆ Todos los algoritmos tienen 3 parámetros:
  - instancia,
  - número de iteraciones y
  - número de ejecuciones independientes. (si es 1 muestra la evolución si es > 1 solo el resultado final)
- Se ejecutan igual que el ejemplo.

## Técnicas de Optimización

- ◆ Métodos de escalada (hill climbing)
  - 1. s <- generarSolucion()</pre>
  - f <- evaluar(s)</pre>
  - 3. Repetir N veces
    - 1. s' <- generarVecino(s)</pre>
    - 2. f' <- evaluar(s')</pre>
    - 3. if (f' < f)
      - 1. S <- S'
      - 2. f < -f'
  - 4. Solución final en s con fitness f



- ♦ ¿Vecindario en VRP?
  - General + reparación
  - Específico

#### Ejercicios: métodos de escalada 1

- ◆ Inserción:
  - Se selección 2 posiciones aleatorias
  - Se mueve uno junto al otro



- 6. El HC con el vecindario de Inserción: HC1. Pruebe a ejecutar 1 ejecución este algoritmo y observe como el fitness decrece
  - ./HC1 instances/vrpnc1.txt 1000 1
- 7. Ahora ejecute 30 veces el algoritmo y guarde los resultados en resHC1.txt
  - ./HC1 instances/vrpnc1.txt 1000 30 > resHC1.txt
- 8. ¿Cuál es mejor RS o HC1?

### Comparación experimental

- Diferentes ejecuciones dan diferentes resultados:
  - Se necesitan múltiples ejecuciones (30 mínimo)
  - Aplicar estadística para el análisis
- ♦ ¿Qué valor representa mejor a los valores?
  - Media si siguen una distribución normal (+ desviación típica)
  - Mediana en otro caso
- ♦ ¿Si la media/mediana son diferentes podemos decidir que los resultados son diferentes?
  - Normal (paramétrico): test t
  - No normal (no paramétrico): test de Wilcoxon

### Comparación experimental (en R)

- Entrar:
  - R
- ◆ Salir
  - quit()
- ◆ Cargando datos:
  - x <- read.csv("file.txt", header = TRUE)</p>
  - x <- read.table("file.txt", sep= "\t")</p>
- ◆ Acceso a una columna (muestra):
  - x\$Nombre
  - x\$V1 (por defecto las nombra como V1 V2 ...)
- ◆ Descripción de los datos:
  - summary(x) mean(x\$V1) median(x\$V1) var(x\$V1)

### Comparación experimental (en R)

- ◆ Normalidad:
  - test de Shapiro-Wilk: shapiro.test(x\$V1)
  - p-value > 0.05 (95% confianza) => son similares (sigue distribución normal)
- ◆ Test paramétricos: (p-value < 0.05 => Diferentes)
  - t-test: t.test(x,y)
- ◆ Test no paramétricos: (p-value < 0.05 => Diferentes)
  - test de Wilcoxon: wilcox.test(x\$V1,y\$V1)
- ♦ Visual:
  - boxplot(c(x,y))

#### Ejercicios: métodos de escalada 2

- ◆ Intercambio:
  - Se selección 2 posiciones aleatorias
  - Se intercambian las posiciones



- Edite el código HC2.cpp (actualmente es igual que HC1):
  - Localice la función generateNeighbor
  - Borre las líneas que borran (erase) y añaden (insert)
  - Intercambie en neigh el contenido de pos1 y pos2
  - Compílelo con make y ejecútelo con ./HC2 instances/vrpnc1.txt 1000 1
- 10. Ahora ejecute 30 veces el algoritmo y guarde los resultados en resHC2.txt
  - ./HC2 instances/vrpnc1.txt 1000 30 > resHC2.txt
- 11. ¿Cuál es mejor HC1 o HC2? Aplique los test oportunos

#### Ejercicios: métodos de escalada 3

- ♦ Inversión (2-opt):
  - Se selección 2 posiciones aleatorias
  - Se invierten la sub-permutación entre ambas posiciones



- 12. Ejecute 30 veces el algoritmo HC3 (que implementa inversión) y guarde los resultados en resHC3.txt
  - ./HC3 instances/vrpnc1.txt 1000 30 > resHC3.txt
- 13. ¿Cuál es mejor HC1, HC2 o HC3?

### Comparación experimental

- Diferentes ejecuciones dan diferentes resultados:
  - Se necesitan múltiples ejecuciones (30 mínimo)
  - Aplicar estadística para el análisis
- ♦ ¿Qué valor representa mejor a los valores?
  - Media si siguen una distribución normal (+ desviación típica)
  - Mediana en otro caso
- ♦ ¿Si la media/mediana son diferentes podemos decidir que los resultados son diferentes?
  - Normal (paramétrico):
    - 2 casos: test t
    - > 2 casos: Análisis de la varianza (ANOVA)
  - No normal (no paramétrico):
    - 2 casos: test de Wilcoxon
    - > 2 casos: test de Kruskal-Wallis

## Comparación experimental (en R)

- ◆ Test paramétricos: (p-value < 0.05 => Diferentes)
  - 2 muestras: t-test:

```
t.test(x,y)
```

> 2 muestras: ANOVA:

```
# Preparación de datos
xdf <- data.frame(cbind(x1, x2, x3, x4))
xs <- stack(xdf)
# Test y resultado
anova1 <- aov(values ~ ind, data = xs)
summary(anova1)
# Post análisis si son diferentes
TukeyHSD(anova1)</pre>
```

### Comparación experimental (en R)

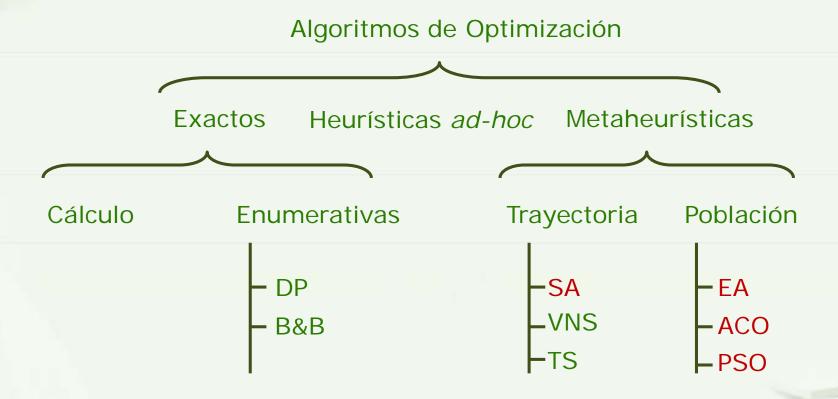
- ◆ Test no paramétricos: (p-value < 0.05 => Diferentes)
  - 2 muestras: test de Wilcoxon

```
wilcox.test(x$V1,x$V2)
```

> 2 muestras: test de Kruskal-Wallis:

```
# Preparación de datos
xdf <- data.frame(cbind(x1, x2, x3, x4))
xs <- stack(xdf)
# Test y resultado
kruskal.test(values ~ ind, data = xs)
# Post análisis si son diferentes (install.packages("dunn.test"))
library("dunn.test")
dunn.test(xs$values,xs$ind, kw = TRUE, "holm")
# Los * indican que son diferentes</pre>
```

## Técnicas de Optimización



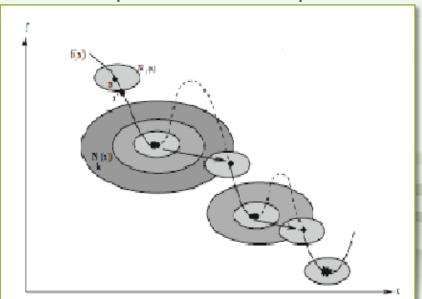
Inspiradas en la naturaleza

## Técnicas de Optimización

- ◆ Variable Neighborhood Search (VNS)
  - 1. Se definen K vecindarios (de más reducido a más amplio):  $V_1$ ,  $V_2$ , ...,  $V_k$
  - 2. Parte de una solución inicial (generalmente aleatoria)
  - 3. N = 1
  - 4. Se busca el mejor vecino usando el vecindario V<sub>N</sub>
    - Si es mejor que la actual, se reemplaza la actual por la nueva

y N = 1

- Si es peor, N++
- 5. Se vuelve al paso 4



#### Ejercicios: VNS



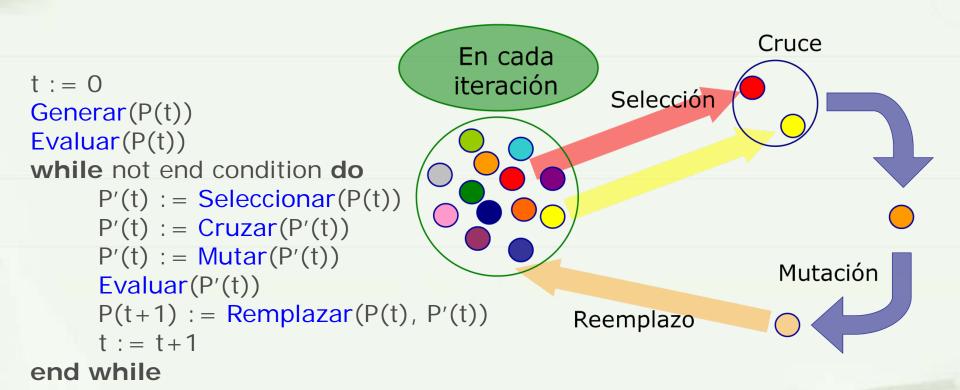
#### Vecindarios:

- Usaremos inversión como base
- La variedad de vecindarios la conseguimos ajustando como elegimos los números aleatorios:
  - Vecindario 1: posiciones consecutivas
  - Vecindario 2: posiciones separadas por un elemento
  - Vecindario 3: posiciones separadas por 2 elementos
  - Vecindario i: posiciones separadas por i elementos
- 14. Ejecute 30 veces el algoritmo VNS y guarde los resultados en resVNS.txt
  - ./VNS instances/vrpnc1.txt 1000 30 > resVNS.txt
- 15. ¿Mejora a HC3 (se basan en el mismo operador)? ¿y al resto de los HC?

### Algoritmos Evolutivos

- Basados en la evolución natural de Darwin
- ◆ Algoritmo poblacional (maneja múltiple soluciones)
- ◆ Tres pasos principales:
  - Selección
  - Reproducción (cruce y mutación)
  - Remplazo
- Múltiples familias de acuerdo a cómo realizan esos pasos:
  - Algoritmos Genéticos (GA),
  - Programación Genética (PG),
  - Estrategias Evolutivas (ES),
  - ...

### Algoritmos Evolutivos

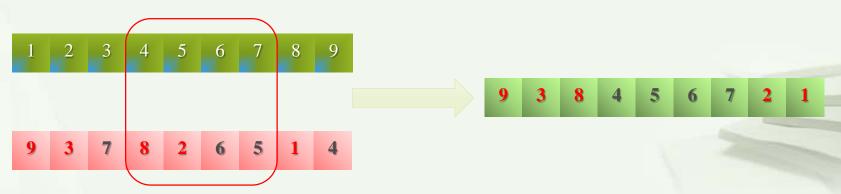


#### OX: Order Crossover

Copiamos la sub-permutación elegida aleatoriamente



Copiamos el resto siguiendo el orden del segundo individuo:
 9, 3, 8, 2, 1



#### Ejercicios: GA

En el código se facilita el código de un GA con las siguientes características:

- Población: 10
- Estado estacionario: genera un único descendiente por iteración
- Mutación: Inversión
- Recombinación: OX
- Selección: Aleatoria
- Reemplazo: Aleatoria (pero solo añade el nuevo si es mejor)

#### 16. Ejecute el código:

- ./ssGA instances/vrpnc1.txt 1000 30 > resGA.txt
- 17. Realice los test estadísticos correspondientes para ver si es mejor o no que los otros probados.
- 18. Ejecute una sola vez el GA para observar la evolución, ¿converge? ¿es posible que con más generaciones mejore?

# VRP: Problema de rutas de vehículos

Gabriel Luque (gabriel@lcc.uma.es)

Transporte y Tráfico

