

Histogrammanpassung ist eine Technik, die ein Bild an eine vorgegebene Verteilungsform oder ein bestehendes Histogramm anzugleichen ermöglicht.

Dies ist beispielsweise besonders hilfreich bei der Vorbereitung einer Reihe von Bildern, die bei unterschiedlichen Aufnahmeverhältnissen oder mit verschiedenen Kameras entstanden sind, um bei der Reproduktion oder Druckproduktion ähnlich auszusehen sollen.

Der Vorgang der Histogrammanpassung basiert auf der Abstimmung der kumulativen Histogramme durch eine homogene Punktoperation. Um von der Bildgröße (Anzahl der Pixel) unabhängig zu sein, wird normalisierte Verteilungen definiert, um anstelle der ursprünglichen Histogramme zu verwenden.

Die Histogrammanpassung als Plug-In für ImageJ zu implementieren

(Java implementation)

```

1
2 public class Histogrammanpassung {
3
4     // compute mapping function f():
5     public int[] matchHistograms (int[] hA, int[] hR) {
6         int K = hA.length;
7         // get (CDF) of histograms target, reference image
8         double[] PA = Cdf(hA);
9         double[] PR = Cdf(hR);
10        //function f()
11        int[] fhs = new int[K];
12        for (int a = 0; a < K; a++) {
13            int j = K - 1;
14            do {
15                fhs[a] = j;
16                j--;
17            } while (j >= 0 && PA[a] <= PR[j]);
18        }
19        return fhs;
20    }
21
22    // returns (cdf) of histogram
23    public static double[] Cdf (int[] h) {
24
25        int K = h.length;
26        int n = 0;
27        for (int i=0; i<K; i++) {
28            n = n + h[i];
29        }
30        double[] P = new double[K];
31        int c = h[0];
32        P[0] = (double) c / n;
33        for (int i = 1; i < K; i++) {
34            c = c + h[i];
35            P[i] = (double) c / n;
36        }
37        return P;
38    }
39

```

Klasse Histogrammanpassung

Die Methode matchHistograms () berechnet aus dem Histogramm hA und dem Referenzhistogramm hR die Abbildungsfunktion (fhs)

$$f_{hs}(a) = \min \{ j \mid (0 \leq j < K) \wedge (P_A(a) \leq P_R(j)) \}$$

Methode Cdf () zur Berechnung der kumulierten Verteilungsfunktion

$$\begin{aligned}
 P(i) &= \frac{H(i)}{H(K-1)} = \frac{H(i)}{\text{Sum}(h)} = \sum_{j=0}^i \frac{h(j)}{\text{Sum}(h)} \\
 &= \sum_{j=0}^i p(j), \quad \text{für } 0 \leq i < K
 \end{aligned}$$

```

HistogramMatchingPlugin.java PlotHistogram.java Histogrammanpassung.java
1
2 import ij.IJ;
3 import ij.ImagePlus;
4 import ij.WindowManager;
5 import ij.gui.GenericDialog;
6 import ij.plugin.filter.PlugInFilter;
7 import ij.process.ImageProcessor;
8
9 public class HistogramMatchingPlugin_ implements PlugInFilter {
10
11     ImagePlus imR;
12
13     public int setup(String arg0, ImagePlus imA) {
14         return DOES_8G;
15     }
16
17     public void run(ImageProcessor ipA) {
18         if (!dialog())
19             return;
20         //Reference image
21         ImageProcessor ipR = imR.getProcessor();
22
23         // get histograms of Target, Reference images
24         int[] hA = ipA.getHistogram();
25         int[] hR = ipR.getHistogram();
26         (new PlotHistogram(hA, "H.Target Image(A))).show();
27         (new PlotHistogram(hR, "H.Reference Image(R))).show();
28         (new PlotHistogram(Histogrammanpassung.Cdf(hA), "Cumulative H(A))).show();
29         (new PlotHistogram(Histogrammanpassung.Cdf(hR), "Cumulative H(R))).show();
30
31
32         Histogrammanpassung m = new Histogrammanpassung();
33         //mapping function fhs
34         int[] F = m.matchHistograms(hA, hR);
35
36         // modify the target image
37         ipA.applyTable(F);
38         int[] hAm = ipA.getHistogram();
39         (new PlotHistogram(hAm, "H.modified Image(A))).show();
40         (new PlotHistogram(Histogrammanpassung.Cdf(hAm), "Cumulative H(A))).show();
41
42     }
43
44

```

Java implementation

Klasse HistogramMatchingPlugin_
hier die Methode matchHistograms (), die unter Vorgabe des Ausgangshistogramms hA und eines Referenzhistogramms hR die Abbildung map für das zugehörige Ausgangsbild liefert

Die Modifikation des Ausgangsbilds (ipA) durch die Abbildung fhs (F) erfolgt mit der ImageJ-Methode applyTable ()

für Objekte Typ ImageProcessor, an die eine Lookup-Tabelle F als ein dimensionales int-Array der Größe K übergeben wird.
java.lang.Object.ij.process.ImageProcessor
.public abstract void applyTable(int[] lut)

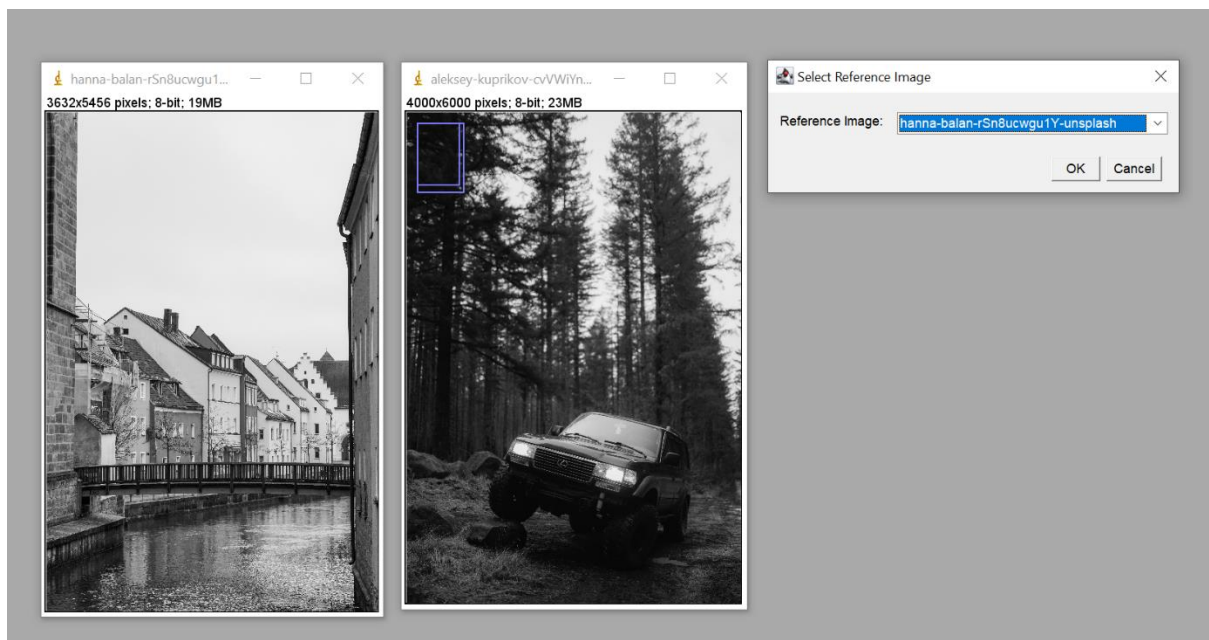
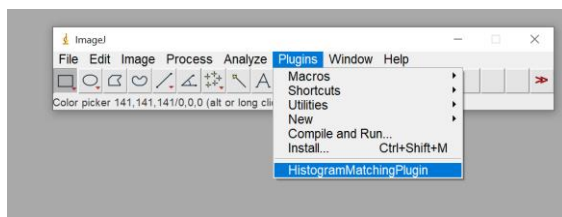
Der Vorteil ist eindeutig - für ein 8-Bit-Grauwertbild z. B. muss in diesem Fall die Abbildungsfunktion (unabhängig von der Bildgröße) nur 256-mal berechnet werden und nicht möglicherweise millionenfach

Die Benutzung von Tabellen für Punktoperationen ist also immer dann sinnvoll, wenn die Anzahl der Bildpixel ($M \times N$) die Anzahl der möglichen Pixelwerte K deutlich übersteigt

Die Funktionalität verifizieren durch Testbilder zu verifizieren

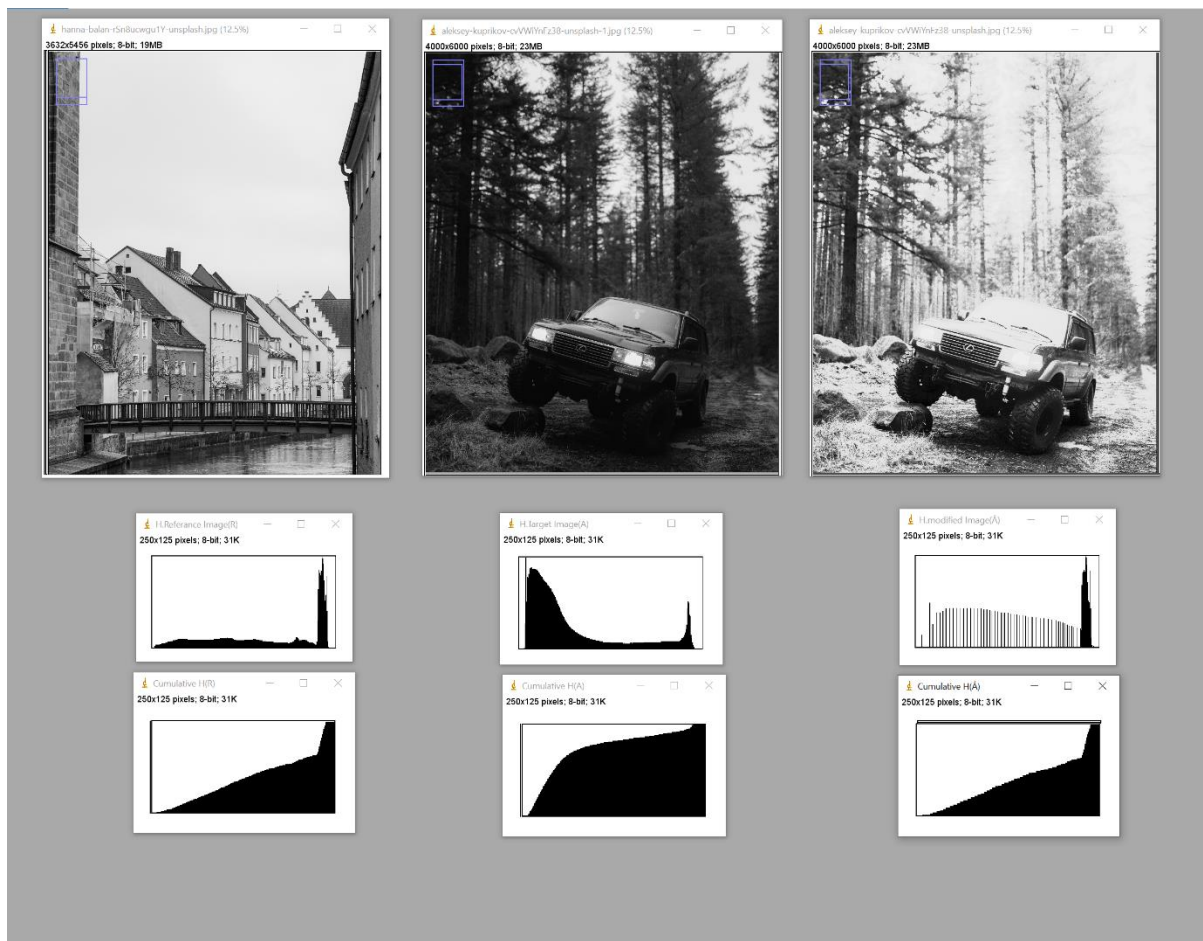
Die folgende Beispiele demonstrieren die Anpassung zweier Bilder in Bezug auf ihre Grauerthistogramme. Eines der Bilder dient als Referenzbild und liefert das Referenzhistogramm. Das zweite Bild wird modifiziert, dass das resultierende kumulative Histogramm mit dem kumulativen Histogramm des Referenzbildes übereinstimmt.

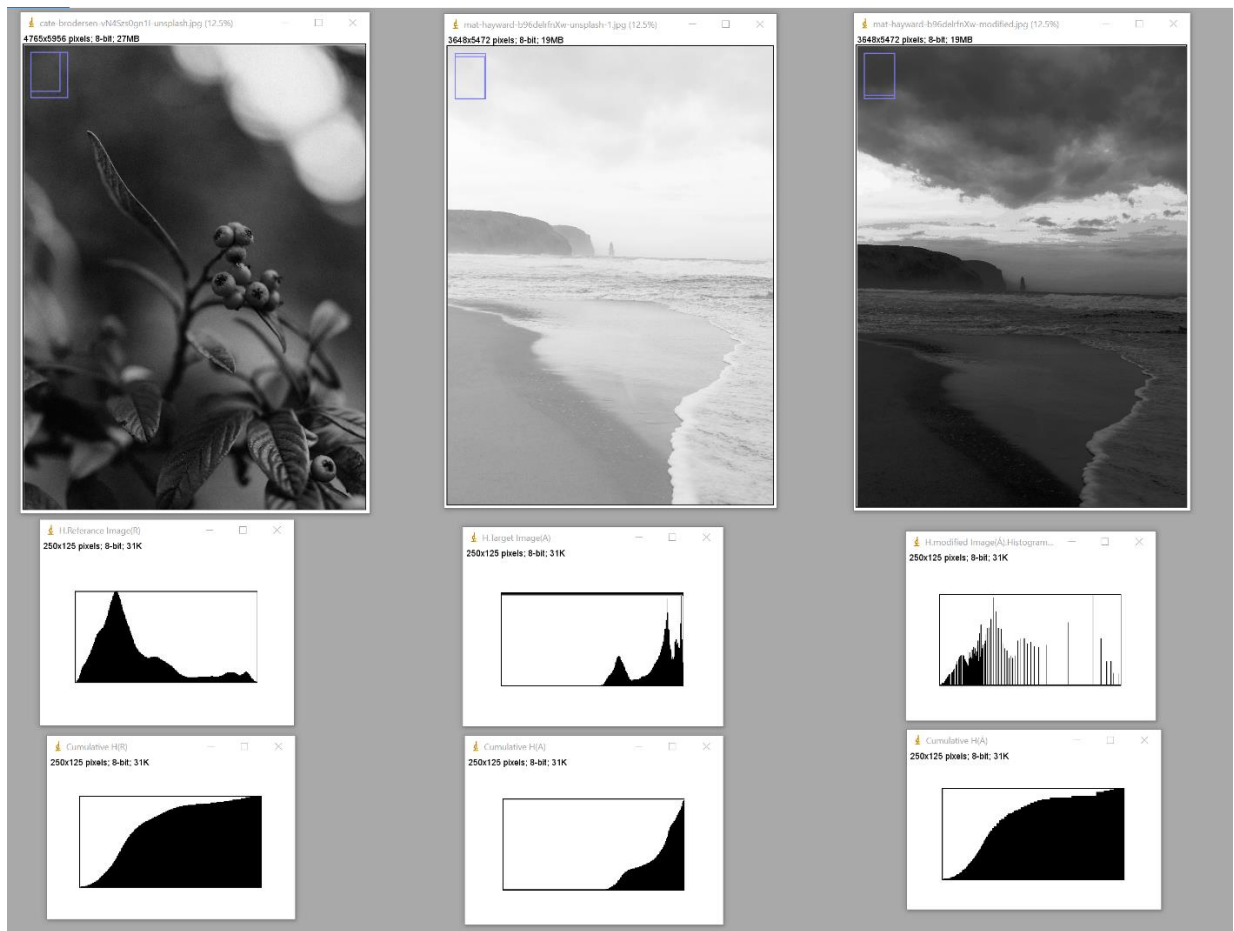
Das endgültige (modifizierte) Bild und das Referenzbild vermitteln einen ähnlichen visuellen Eindruck hinsichtlich Kontrastumfang und Verteilung.

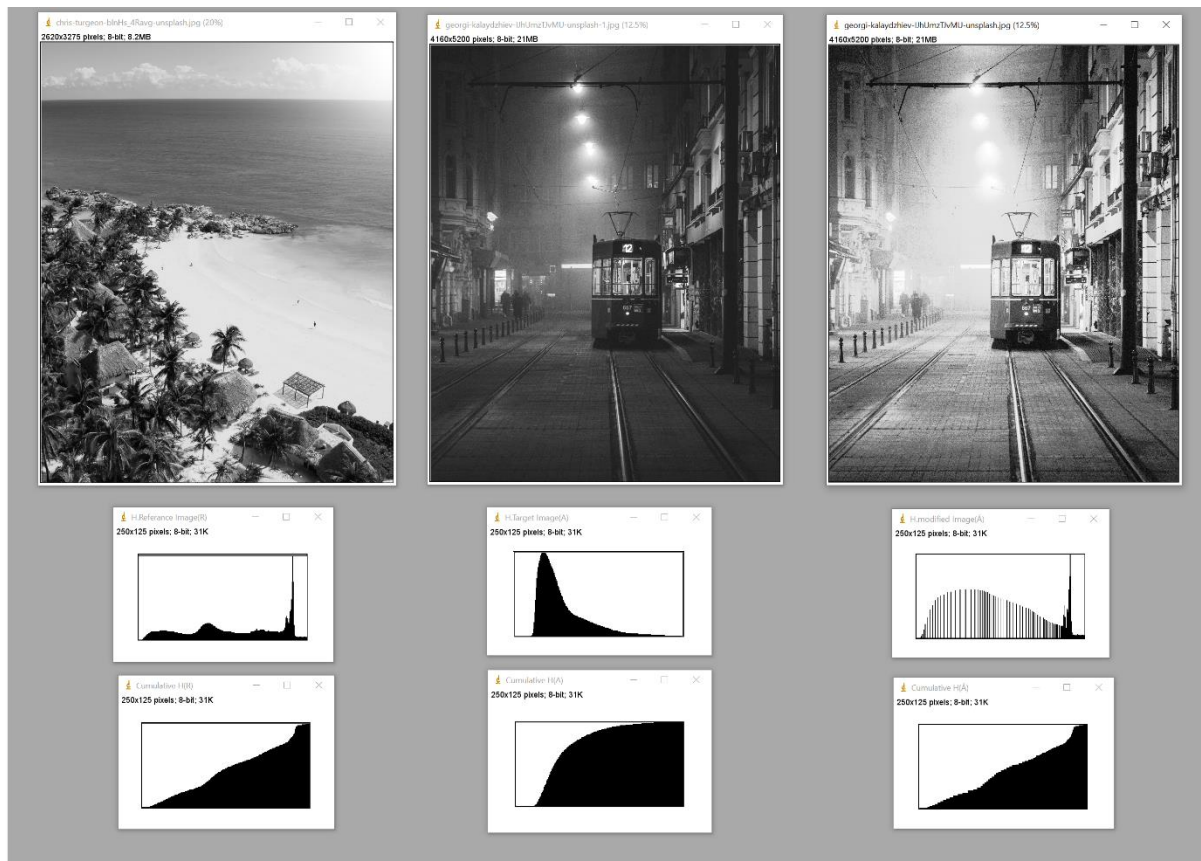


Das Ausgangsbild A (Mitte) wird durch eine Histogrammanpassung an das Referenzbild R (Links) angeglichen, das Ergebnis ist das modifizierte Bild (\hat{A}) (Rechts). Darunter sind die zugehörigen Histogramme $H.R$, $H.A$, $H.\hat{A}$ sowie ihre kumulativen Histogramme (bzw. Verteilungsfunktionen) gezeigt.

Die Verteilungsfunktionen des Referenzbilds (R) und des modifizierten Bilds (\hat{A}) stimmen offensichtlich weitgehend überein.







Literatur- und Quellen

[Burger-2008] Wilhelm Burger, Mark J. Burge, Digital Image Processing – An Algorithmic Introduction using Java. Springer 2008, ISBN 978-1-84628-968-2.

<http://imagingbook.com/>

imagej documentation and Developer Resources

<https://imagej.nih.gov/ij/developer/index.html>

JDK 17 Documentation (Java)

<https://docs.oracle.com/en/java/javase/17/index.html>

Unsplash

<https://unsplash.com/>