Physique S1

Serrurot Gabin BTS SNIR

6 octobre 2022

Table des matières

1	Thé	éorèmes généraux sur les circuits	
	1.1	Introduction	
	1.2	Loi des nœuds	
	1.3	Loi des mailles	
	1.4	Loi d'Ohm	
	1.5	Association de résistances	
	1.6	Pont diviseur de tensions	
	1.7	Puissances et énergie électrique	
2	Les grandeurs périodiques : généralités		
	2.1	Les grandeurs périodiques	
		La période	
		La fréquence	
		Les valeurs extrémales	
		La valeur moyenne	
		La valeur efficace	
	2.2	Composantes continue et variable	
	2.3	Mesure des valeurs moyenne et efficace de grandeurs alternatives	
	2.4	Mesure des valeurs moyenne et efficace de grandeurs non alternatives	
	2.5	Application	
	26	Propriété éporgétique	

Chapitre 1

Théorèmes généraux sur les circuits

1.1 Introduction

Nous avons la relation:

$$I = \frac{Q}{\Delta t} = \frac{Nq_e}{\Delta t}$$
 avec $q_e = -1.60.10^{-19} \text{ C}.$ (1.1)

Elle définie l'intensité du courant électrique (en Ampères) en fonction de la quantité de courant (en Coulombs) par unités de temps (en secondes).

1.2 Loi des nœuds

Par convention, le courant circule de la borne + vers la borne - (ou le **COM**). Il circule donc vers les potentiels les plus bas.

Un ampèremètre se branche de sorte que le courant le traverse d'abord par sa borne + vers sa borne - (ou le **COM**). Le courant doit donc circuler de la même manière que circule le courant dans un circuit. Nous pouvons donc définir la notion de nœud. En effet, on parle de nœud lorsque dans un circuit, il y a un point qui relie 3 fils. La loi de conservation de la charge impose que la quantité d'électrons rentrant dans un nœud soit égale à la quantité d'électrons sortant. On obtient donc la loi des nœuds :

Définition 1 La somme des intensités des courants rentrant dans un nœud est égale à la somme des intensités des courant sortant de ce nœud.

1.3 Loi des mailles

Nous pouvons définir la notion de potentiel en tout point du circuit. Ainsi, nous pouvons obtenir une différence de potentiels (donc une tension qui est une grandeur algébrique) entre deux points. Ainsi, une tension entre le point A et le point B sera notée U_{AB} et sera fléchée de B vers A.

Comme un ampèremètre, le voltmètre se branche de sorte que le courant circule du + vers le - (ou le **COM**). Ainsi, la borne + du voltmètre se place au point A et la borne - du voltmètre se branche au point B.

Nous pouvons définir la notion de maille. En effet, une maille est une portion du circuit qui est constituée de plusieurs branches formant un circuit fermé. Ainsi, en choisissant un sens de parcours arbitraire dans cette maille, nous pouvons dire :

Définition 2 La somme algébrique des tensions à l'intérieur d'une maille est nulle.

1.4 Loi d'Ohm

Nous pouvons définir deux conventions pour un dipôle :

- la convention générateur : c'est lorsque les flèches de tension et l'intensité vont dans le même sens
- la convention récepteur : c'est lorsque les flèches de tension et l'intensité vont dans le sens contraire

Il faut donc adapter le sens des flèches au dipôle : une résistance sera en convention récepteur et un générateur sera en convention générateur.

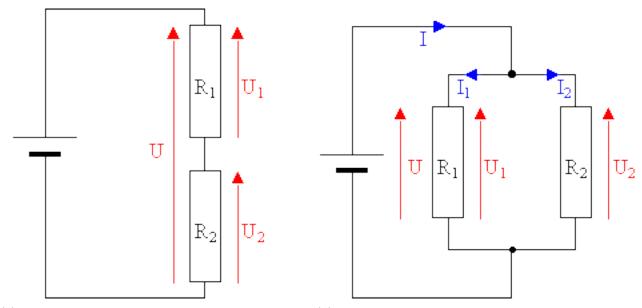
Nous pouvons donc définir la loi d'Ohm en convention récepteur :

$$U = RI$$
 en convention récepteur (1.2)

$$U = -RI$$
 en convention générateur (1.3)

1.5 Association de résistances

Nous pouvons associer les résistances d'un montage pour obtenir une résistance équivalente. Nous avons donc deux cas possibles :



(a) Schéma d'un montage de résistances en série.

(b) Schéma d'un montage de résistances en dérivation.

FIGURE 1.1

Si les résistances sont montées en série comme dans le montage 1.1a ci-dessus, alors en faisant une loi des mailles nous obtenons la relation suivante :

$$R_{eq} = \Sigma R_i \tag{1.4}$$

Si les résistances sont montées en dérivation comme dans le montage 1.1b ci-dessus, alors en faisant une loi des mailles nous obtenons la relation suivante :

$$\frac{1}{R_{eq}} = \Sigma \frac{1}{R_i} \tag{1.5}$$

1.6 Pont diviseur de tensions

Nous pouvons parler de pont diviseur de tension lorsque des résistances sont montées en série. Nous avons donc le schéma ci-dessous :

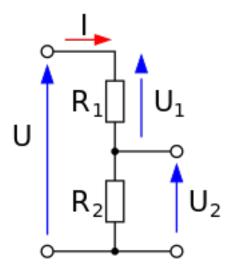


FIGURE 1.2 – Schéma d'un montage de pont diviseur de tension.

Nous avons donc la relation suivante :

$$U_2 = \frac{R_2}{\Sigma R_i} U \tag{1.6}$$

1.7 Puissances et énergie électrique

Nous pouvons définir la puissance électrique reçue par un dipôle :

$$P = UI \tag{1.7}$$

De plus, nous savons que la tension et l'intensité électrique sont des grandeurs algébrique donc la puissance l'est aussi. Ainsi, nous pouvons déduire deux cas :

- -- P > 0 : le dipôle reçoit de la puissance, il est donc **récepteur**
- P < 0: le dipôle perd de la puissance, il est donc **générateur**

Cette puissance se mesure avec un wattmètre qui mesure à la fois le courant et la tension afin d'en déduire la puissance. Il possède donc 4 bornes.

Ainsi, un dipôle donné ne peut pas admettre autant d'énergie qu'il le souhaite, il y a une limite maximale. Nous pouvons donc utiliser la relation 1.7 pour calculer la tension maximale ou le courant maximal qui traverse un dipôle pour ne pas l'endommager. En fonction de la contrainte soit sur la tension, soit sur l'intensité du courant, nous avons deux équations possibles (les deux se déduire en injectant la loi d'Ohm dans l'équation sur la puissance électrique) :

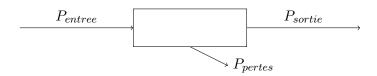
$$P = RI^2 = \frac{U^2}{R} \tag{1.8}$$

La puissance calculée est donc la puissance maximale à utiliser. Si on dépasse cette valeur, le composant pourrait être endommagé.

Nous pouvons relier cette notion de puissance maximale à la notion d'énergie maximale :

$$E = P\Delta t \Rightarrow E = RI^2 = \frac{U^2}{R} \Rightarrow E = P_j \Delta t$$
 (1.9)

 P_j est la puissance de Joule. Ainsi, on a la même relation qu'en mécanique, mais avec la puissance qui est définie comme précédemment.



Nous pouvons noter que les puissances s'ajoutent de la même manière que la loi des nœuds :

$$P_{entree} = P_{sortie} + P_{pertes} \tag{1.10}$$

Nous pouvons également définir le rendement :

$$\eta = \frac{P_{sortie}}{P_{entree}} \tag{1.11}$$

Chapitre 2

Les grandeurs périodiques : généralités

Les grandeurs dépendant du temps seront notées en minuscules. Nous parlerons donc d'une grandeur à un instant donné. Nous parlerons par exemple d'une intensité de 20mA à $t=80\mu s$.

2.1 Les grandeurs périodiques

Derrière la notion de périodicité d'une fonction se cachent diverses informations.

La période C'est la durée minimale nécessaire pour qu'un motif se répète. Elle est notée T et nous étudierons donc nos signaux sur une unique période.

La fréquence C'est le nombre de périodes contenues dans une durée égale à 1s. Nous pouvons la calculer en faisant :

$$f = \frac{1}{T} \tag{2.1}$$

Les valeurs extrémales Ce sont les valeurs de la plus haute image ainsi que de la plus basse. Ces deux grandeurs peuvent nous renseigner sur la tension crête-à-crête par exemple.

La valeur moyenne Elle correspond à la surface relative contenue entre la courbe et l'axe des abscisses. Nous avons donc la relation :

$$\langle X \rangle = \frac{\sum A_i}{T}$$
 (2.2)

Nous pouvons donc appliquer la méthode suivante :

- 1. tout d'abord on identifie la période
- 2. ensuite nous découpons cette période en formes géométriques simples
- 3. après ceci nous calculons l'aire de toutes ces formes géométriques
- 4. enfin nous faisons la somme de toutes et après nous divisons le résultat par une période

Nous pouvons rajouter que la moyenne est indépendante de la période, qu'elle peut être appelée composante continue et que si elle est nulle alors le signal est alternatif.

La valeur efficace

Définition 3 La valeur efficace d'une grandeur périodique est la valeur qu'il faudrait donner à une grandeur constante pour fournir la même puissance à une résistance.

La grandeur efficace est toujours notée en majuscule. Elle est définit par la relation :

$$X = \sqrt{\langle x^2 \rangle} \tag{2.3}$$

Nous pouvons donc la calculer selon la méthode suivante :

- 1. on élève la grandeur au carré
- 2. on calcule la valeur moyenne de cette valeur au carré
- 3. on prend la racine du résultat

Si par exemple nous avons comme signal une fonction rectangle, nous faisons comme ceci:

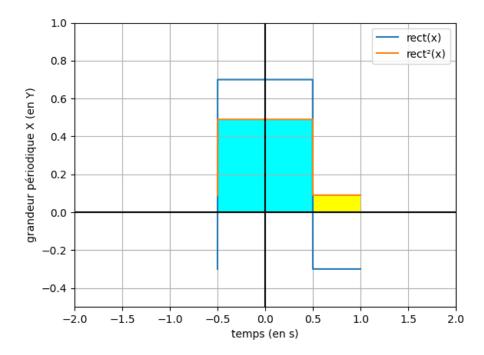


FIGURE 2.1 – Graphique montrant une période de la fonction rect(x) ainsi que sa mise au carré.

Sur le graphique 2.1, nous avons tracé un signal mis au carré ; ceci représente la première étape de la méthode précédente. La deuxième étape consiste donc à calculer la moyenne de la courbe au carré :

$$\langle X^2 \rangle = \frac{A_{bleue} + A_{jaune}}{T}$$

$$= \frac{(0.5 - (-0.5)) * 0.7^2 + (1 - 0.5) * (-0.3)^2}{1.5}$$

$$\approx 0.36 \ Y^2$$

Nous pouvons à présent calculer la grandeur efficace :

$$X = \sqrt{\langle X^2 \rangle} = \sqrt{0.36}$$

= 0.6 Y

- 2.2 Composantes continue et variable
- 2.3 Mesure des valeurs moyenne et efficace de grandeurs alternatives
- 2.4 Mesure des valeurs moyenne et efficace de grandeurs non alternatives
- 2.5 Application
- 2.6 Propriété énergétique