

1. Mostre no que resulta a unificação dos seguintes pares de termos. Mostre as substituições obtidas em cada unificação.

(a) $p(X, f(X)) \equiv p(Y, f(a))$

$\{Y/X, X/a\}$

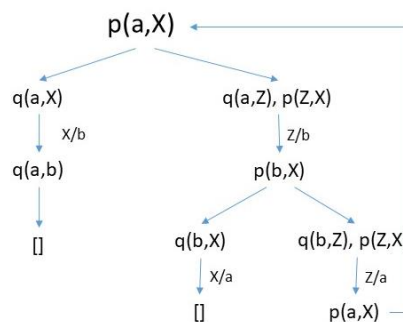
(b) $p(f(X), Y, g(Y)) \equiv p(Y, f(a), g(a))$

Não tem unificação pois Y tenta se tornar dois predicados diferentes ($Y/f(a)$ e Y/a).

(c) $p(X, Y, X) \equiv p(X, f(X))$

Não tem unificação, pois a quantidade de elementos é diferente.

2. Quantas provas para o objetivo $\leftarrow p(a, X)$ podem ser obtidas a partir do seguinte programa ? Produza a árvore SLD do problema.



3. Houve um assassinato na mansão Rose Red. Os investigadores reuniram todos os fatos que conhecem acerca do crime e das pessoas que estavam na mansão na hora do crime.

- a) Modele o conjunto de afirmações acima na forma de cláusulas. Algumas destas afirmações podem não ser relevantes para solução do problema.
- b) Como base no seu modelo, como você pode descobrir o assassino? Defina uma cláusula objetivo que permita determinar o assassino.

A e b)

```

matou(X,Y) :- mansao(X), odeia(X,Y).
mansao(charles).
mansao(agatha).
mansao(mary).
mansao(tailor).
mansao(mordomo).

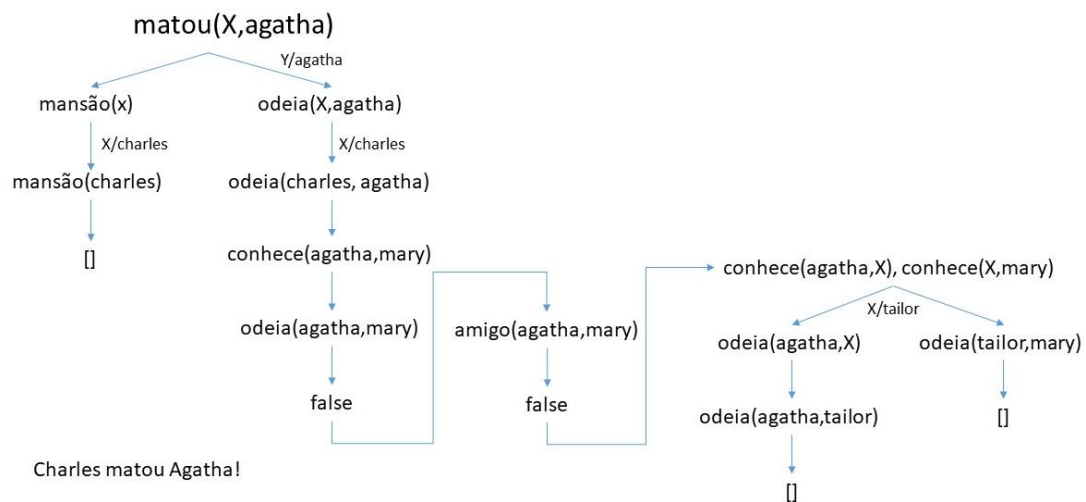
conhece(A,B) :- odeia(A,B).
conhece(A,B) :- amigo(A,B).
conhece(A,C) :- conhece(A,B), conhece(B,C).

odeia(tailor,mary).
odeia(agatha,tailor).
odeia(mary,tailor).
odeia(mary,mordomo).
odeia(charles, X) :- conhece(X,mary).

amigo(mordomo,agatha).
amigo(charles,mary).
amigo(agatha,mordomo).

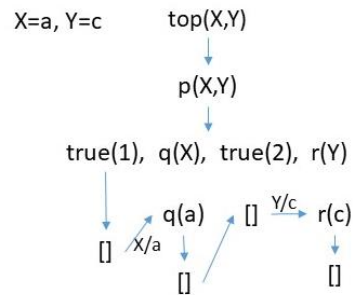
```

c) Usando seu programa lógico obtido em e a) clausula objetivo obtida em b), mostre a resolução SLD para o problema.

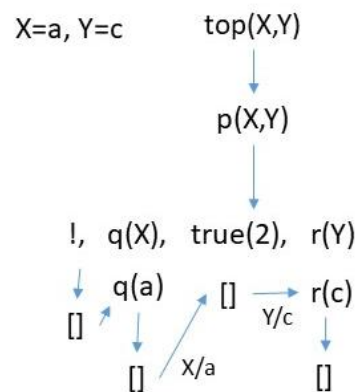


4. Considere o seguinte programa:

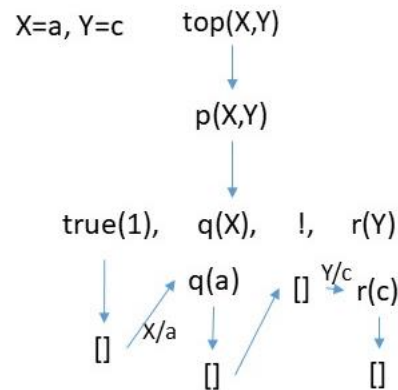
Mostre a resolução SLD para o objetivo $\leftarrow \text{top}(X,Y)$ e mostre os ramos cortados quando:



(a) $\text{true}(1)$ é substituído por um corte.



(b) $\text{true}(2)$ é substituído por um corte.



5. Considere a seguinte implementação para representação de números naturais:

$\text{nat}(\text{zero})$.

$\text{nat}(s(X)) \leftarrow \text{nat}(X)$.

(a) Defina um predicado que realiza soma de dois números naturais.

$\text{plus}(\text{zero}, X, X)$
 $\text{plus}(s(X), Y, s(Z)) \text{ :- plus}(X, Y, Z)$

(b) Defina um predicado para a multiplicação.

```
mult(zero,_) :- zero.  
mult(_,zero,_) :- zero.  
mult(X,s(zero), Z is plus(X,zero,R)).  
mult(X,Y,Z) :- mult(X,Y is Y-1, Z is plus(X,Z,R) ).
```

6. Listas podem ser utilizadas para implementar conjuntos. Defina os seguintes predicados que permite manipular uma lista como um conjunto.

a) `elem(X, XS)` : Sucede se X pertencer a XS.

```
elem(X,[X|_]) :- !.  
elem(X,[_|C]) :- elem(X,C).
```

b) `union(XS, YS, ZS)` : Sucede se ZS for a união de XS e YS.

```
uni([],L,L).  
uni([X|Xs], Ys, [X,Zs] :- uni(Xs, Ys, Zs).
```

c) `inter(Xs, Ys, Zs)` : Sucede se Zs for a interseção Xs e Ys.

```
inter([X|Y], L, [X|Z]) :- elem(X,L), inter(Y,L,Z).  
inter(_|X], L, Y) :- inter(X,L,Y).  
inter(_,_,[]).
```

d) `nat2int(X, Y)` : Sucede se Y for a representação do número X em número arábicos.

```
nat2int(zero, X) :- X.  
nat2int(s(Y), X) :- nat2int(Y, X is X+1).
```

7. Defina um predicado que diz se uma lista é um palíndromo. Um palíndromo é uma sequência de símbolos que idêntica se lida em da esquerda para direita ou em ordem reversa. (Para resolução desta questão é proibido usar o predicado `reverse` ou similares.)

```
inverter([],[]).  
inverter([X|L1], L):- inverter(L1,Y), append(Y, [X], L).  
palin(X):- inverter(X, L), X==L.
```

8. Considere a definição formal de substituição. Mostre substituições θ , σ e γ , sendo θ , σ , $\gamma \neq \{\}$, tal que:

- (a) $\theta = \theta\theta$
 $\{X/B\}$
- (b) $\theta\sigma = \sigma\theta$
 $\theta\{X/J\}, \sigma\{X/J\}$
- (c) $\theta(\sigma\gamma) = (\theta\sigma)\gamma$
 $\theta\{X/Z\}, \sigma\{X/Z\}, \gamma\{X/Z\}$

9. Classifique as linguagens de programação que você usa quanto ao paradigma de programação.

Java	Fraca	Dinâmica
Java script	Fraca	Dinâmica
R	Fraca	Dinâmica
C	Fraca	Estática
C#	Forte	Estática

10. Escreva funções, em uma linguagem imperativa de sua escolha, que resolvam cada um dos problemas apresentados a seguir. (Não é permitido utilizar comandos de repetição.)

- a. Somar todos os elementos de em array de números inteiros.

```
public static int soma(ArrayList<Integer> vetor){
    if(vetor.size() <= 0)
        return 0;
    int primeiro = vetor.get(0);
    vetor.remove(0);
    return (primeiro+soma(vetor));
}
```

- b. Fazer o produto de todos os elementos de um array de números inteiros.

```
public static int prod(ArrayList<Integer> vetor){
    if(vetor.size() <= 0)
        return 1;
    int primeiro = vetor.get(0);
    vetor.remove(0);
    return (primeiro * prod(vetor));
}
```

c. Calcular o fatorial de um número inteiro.

```
public static int fatorial(int x) {  
    if(x < 1)  
        return -1;  
    if(x == 1)  
        return x;  
    return x*(fatorial(x-1));  
}
```

d. Encontrar o maior elemento em um vetor de inteiros.

```
public static int maior(ArrayList<Integer> vetor) {  
    int neg = (int) Float.NEGATIVE_INFINITY;  
    return (maior(vetor, neg));  
}  
public static int maior(ArrayList<Integer> vetor, int maior) {  
    if(vetor.size() <=0)  
        return maior;  
  
    int aux = vetor.get(0);  
    vetor.remove(0);  
  
    if(aux > maior)  
        return (maior(vetor, aux));  
    else  
        return (maior(vetor, maior));  
}
```

e. Encontrar o menor elemento em um vetor de inteiros.

```
public static int menor(ArrayList<Integer> vetor) {  
    int pos = (int) Float.POSITIVE_INFINITY;  
    return (menor(vetor, pos));  
}  
public static int menor(ArrayList<Integer> vetor, int menor) {  
    if(vetor.size() <=0)  
        return menor;  
  
    int aux = vetor.get(0);  
    vetor.remove(0);  
  
    if(aux < menor)  
        return (menor(vetor, aux));  
    else  
        return (menor(vetor, menor));  
}
```

f. Encontrar dois valores x e y, tais que $x + y = z$, onde z é valor inteiro dado.

```
public static void EncontraSoma(int Z) {
    if(Z >= 0)
        EncontraSoma(Z, 0, 0, true);
}
public static void EncontraSoma(int Z, int X, int Y, boolean div) {
    if(X + Y == Z) {
        System.out.println(X + "+" + Y + "=" + Z);
        return;
    }

    if(div == true)
        EncontraSoma(Z, X + 1, Y, false);
    else
        EncontraSoma(Z, X, Y + 1, true);
}
```

g. Obter o n-ésimo termo da série de Fibonacci.

```
public static int NesimoFibonacci(int n) {
    if (n < 2) {
        return n;
    }
    return NesimoFibonacci(n - 1) + NesimoFibonacci(n - 2);
}
```

h. Obter a lista de fatores primos de um número

```
public static ArrayList<Integer> fatoresprimos(int valor, ArrayList<Integer>
resposta) {
    if (valor == 1) {
        return resposta;
    }
    else {
        int num = menornumeroprimo(valor,2);
        resposta.add(num);
        valor = valor/resposta.get(resposta.size()-1);
        fatoresprimos(valor, resposta);
    }
    return resposta;
}

public static int menornumeroprimo(int valor, int divisor){
    if(divisor == valor)
        return valor;

    if(EPrimo(divisor,2) && (valor%divisor==0))
        return divisor;
    else
        return menornumeroprimo(valor,divisor+1);
}

private static boolean EPrimo(int num, int aux) {
    if(aux == num)
        return true;
    if(num%aux == 0)
        return false;

    return (EPrimo(num,aux+1));
}
```