TRIGONOMÉTRIE

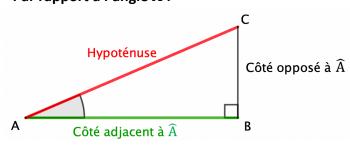
Tout le cours en vidéo: https://youtu.be/DfgUYXB5 jg

Partie 1: Le cosinus (Rappel)

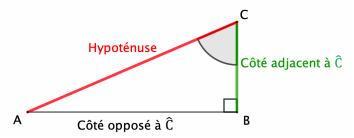
1) Vocabulaire

Dans le triangle ABC **rectangle en B** : Le plus grand côté, ici [AC], est appelé **l'hypoténuse**.

Par rapport à l'angle \widehat{A} :



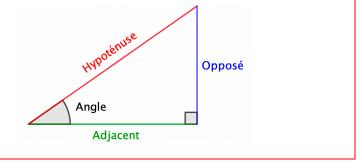
Par rapport à l'angle \hat{C} :



2) Formule

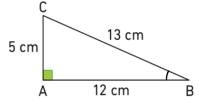
Dans un triangle rectangle :

$$\cos(Angle) = \frac{Adjacent}{Hypoténuse}$$



Exemple:

$$\cos(\hat{B}) = \frac{BA}{BC} = \frac{12}{13} \approx 0.92$$



Remarques:

- Le cosinus ne s'applique jamais sur l'angle droit.
- Le cosinus d'un angle est un nombre sans unité.
- Le cosinus est un nombre compris entre 0 et 1.

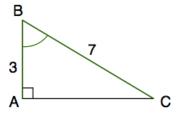
3) Calculer un angle

▲ La calculatrice doit être en MODE degré (DEG)

Méthode: Calculer un angle à l'aide du cosinus

Vidéo https://youtu.be/EQk7WyojUgY

Calculer la mesure de l'angle \hat{B} au dixième de degré près.



Correction

Dans le triangle ABC rectangle en A, on a :

$$\cos(\hat{B}) = \frac{BA}{BC}$$

$$\cos(\hat{B}) = \frac{3}{7}$$

$$\arccos(3:7)$$

$$64,62306647$$

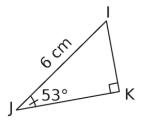
$$\hat{B} \approx 64.6^{\circ}$$

4) Calculer une longueur

Méthode: Calculer une longueur à l'aide du cosinus

Vidéo https://youtu.be/8MQ0ecvoSOc

Calculer JK, arrondi au centième.



Correction

Dans le triangle IJK rectangle en K, on a :

$$\cos(\hat{J}) = \frac{JK}{JI}$$

$$\cos(53^\circ) = \frac{JK}{6}$$

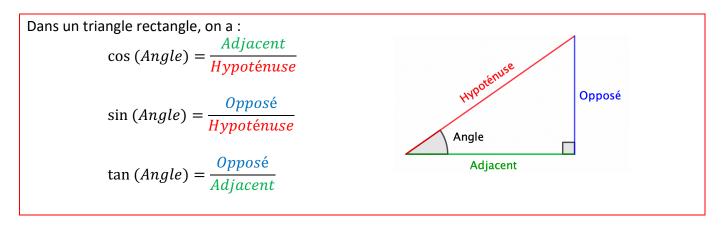
$$\frac{\cos(53^\circ)}{1} = \frac{JK}{6}$$

$$JK = 6 \times \cos(53^\circ) : 1$$

$$JK \approx 3,61$$

Partie 2 : Cosinus, sinus et tangente

1) Formules de trigonométrie



2) Petit truc pour mémoriser les formules :

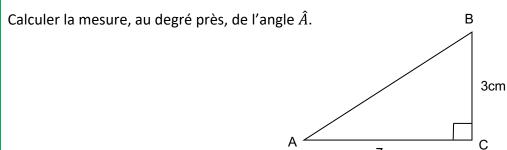


Vidéo https://youtu.be/XGnTdigL8fg

3) Calculer un angle

Méthode : Calculer un angle à l'aide de cosinus, sinus ou tangente

- Vidéo https://youtu.be/md7hgVVKVIO
- Vidéo https://youtu.be/Cm9R1I0CSLo



7cm

Correction

On connait la longueur du côté adjacent AC et du côté opposé BC à l'angle \hat{A} . Et on cherche l'angle \hat{A} .

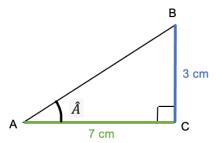
CAH SOH TOA

On choisit donc tangente.

Dans le triangle ABC rectangle en C, on a :

$$\tan(\hat{A}) = \frac{BC}{AC}$$
$$\tan(\hat{A}) = \frac{3}{7}$$

$$\hat{A} \approx 23^{\circ}$$

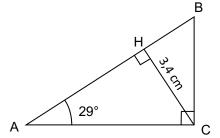


4) Calculer une longueur

Méthode : Calculer une longueur à l'aide de cosinus, sinus ou tangente

- Vidéo https://youtu.be/BscM5lti3zl
- Vidéo https://youtu.be/FczJ1GvpD3w

Calculer la longueur AC arrondie au dixième de cm.



Correction

Dans le triangle \widehat{AHC} , on connait l'angle \widehat{HAC} , le côté opposé \widehat{HC} à l'angle \widehat{HAC} et on cherche l'hypoténuse \widehat{AC} .

On choisit donc le sinus.

Dans le triangle AHC rectangle en H, on a :

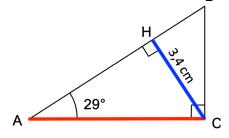
$$\sin(\widehat{HAC}) = \frac{HC}{AC}$$

$$\sin(29^\circ) = \frac{3,4}{AC}$$

$$\frac{\sin(29^\circ)}{1} = \frac{3,4}{AC}$$

$$AC = 3.4 \times 1 : sin (29^{\circ})$$

 $AC \approx 7 cm$





Hors du cadre de la classe, aucune reproduction, même partielle, autres que celles prévues à l'article L 122-5 du code de la propriété intellectuelle, ne peut être faite de ce site sans l'autorisation expresse de l'auteur.

www.maths-et-tiques.fr/index.php/mentions-legales