## Instituto de Ciências Matemáticas e de Computação - USP Departamento de Matemática Aplicada e Estatística Prof. Murilo Tomé

## 2º Trabalho Prático - ENTREGAR DIA DA PROVA P2

Considere a equação

$$\int_0^x \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-t^2/2} dt = 0.45 \tag{1}$$

que pode ser resolvida para x pelo método de Newton, utilizando

$$F(x) = \int_0^x \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-t^2/2} dt - 0.45, \qquad F'(x) = f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-x^2/2}.$$

Pode-se mostrar que f(x) é integrável em qualquer intervalo [a, b]. Pede-se:

• Escreva um programa na linguagem C ou matlab que utiliza o método de Simpson 1/3 composta para calcular um valor aproximado da integral

$$I(f)(x) = \int_0^x \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-t^2/2} dt$$

- Use o programa acima e verifique que F(1)F(2) < 0, em que F(1) = I(f)(1) 0.45, idem para F(2). Isso determina o intervalo onde F(x) possui raiz.
- Utilize o método de Newton e determine a raiz  $z \in [1, 2]$  da Eq. (1) com precisão  $EPS = 10^{-10}$  (tome  $x_0 = 0.5$  e CALCULE ITERAÇÕES  $x_{n+1}$  até que  $|x_{n+1} x_n| < EPS$ ).

## **OBSERVAÇÕES:**

- 1. O programa pode ser escrito utilizando a linguagem MATLAB ou C.
- 2. O trabalho pode ser feito em grupo com até 3 (NO MÁXIMO) alunos.
- 3. A avaliação do trabalho será feita conforme os items:
- i) português, estrutura do trabalho, estrutura do código (1 PONTO)
- ii) introdução do trabalho (explicação do problema e do método numérico de solução) (3 PONTOS)
- iii) resultados (discussão e detalhamento) (3 PONTOS)
- iv) implementação (correção e adequação do código ao problema proposto) (3 PONTOS)