## Lista 5 - Teste de Hipteses

- 1) Para os dois testes triviais abaixo, diga qual é o tamanho do teste, o poder e o que isso diz sobre a probabilidade dos erros do Tipo I e Tipo II.
  - (a) Sempre rejeita  $H_0$ , independente dos dados obtidos.
  - (b) Sempre aceita  $H_0$ , independente dos dados obtidos.
- 2) Para uma amostra aleatória  $X_1, X_2, \ldots, X_n$  de uma distribuição Bernoulli(p), suponha que queremos testar

$$H_0: p = 0.49 \ vs \ H_1: p = 0.51$$

Considere que rejeita-se  $H_0$  se  $\sum_{i=1}^n X_i > c$ . Use o TCL para encontrar c e n tais que a probabilidade dos dois erros sejam 0.01.

3) Seja  $X_1, X_2, \dots, X_n$  uma amostra aleatória de  $U(\theta, \theta + 1)$ . Para testar

$$H_0: \theta = 0 \ vs \ H_1: \theta > 0$$

use o teste

Rejeita 
$$H_0$$
 se  $X_{(n)} > 1$  ou  $X_{(1)} \ge k$ .

Encontre k para que o teste tenha tamanho  $\alpha$ .

4) Seja  $X_1, X_2, \ldots, X_n$  i.i.d  $N(\mu, \sigma^2)$ ,  $\mu_0$  um valor específico de  $\mu$  e  $\sigma^2$  desconhecido. Para testar

$$H_0: \mu = \mu_0 \ vs \ H_1: \mu \neq \mu_0$$

mostre que o teste que rejeita  $H_0$  se  $|\bar{X} - \mu_0| > t_{n-1,\alpha/2} \frac{S}{\sqrt{n}}$  tem tamanho  $\alpha$ .

- 5) Para o teste acima, qual a relação entre a região de rejeição sugerida e um intervalo de confiança com  $\gamma = 0.95$  para  $\mu$ ?
- 6) Considere a seguinte distribuição:

$$f(x;\theta) = \theta x^{\theta-1} I_{(0,1)}(x).$$

E que queremos testar

$$H_0: \theta \le 1 \ vs \ H_1: \theta > 1$$

Para uma amostra de tamanho 1, calcule tamanho do teste e o poder quando rejeitamos  $H_0$  se X > 1/2.

- 7) Um fabricante de artigos esportivos alega que a variância na resistência de uma certa linha de pesca é de 15.9. Uma a.a. de 15 carretéis de linha de pesca tem uma variância de 21.8. Sendo  $\alpha=0.05$ , há evidências suficientes para rejeitar a alegação do fabricante? Suponha que a população seja normalmente distribuída.
- 8) Um fabricante garante que 90% das peças que fornece à linha de produção de uma determinada fábrica estão de acordo com as especificações exigidas. A análise de uma amostra de 200 peças revelou 25 defeituosas. A um nível de 5%, podemos dizer que é verdadeira a afirmação do fabricante?
- 9) Seja  $X_1, \ldots, X_n$  uma amostra aleatória independente e igualmente distribuída da população com distribuição normal  $N(\theta, 1)$ . Considere as hipóteses  $\theta = \theta_0 \ versus\theta \neq \theta_0$ . Encontre a região crítica gerada pelo teste da razão de verossímilhanças.
- 10) Um supervisor da qualidade quer testar, com base numa amostra aleatória de tamanho n=35 e para um nível de significância  $\alpha=0,05$ , se a profundidade média de um furo numa determinada peça é 72,4mm. O que podemos dizer se ele obteve  $\bar{x}=73,2$ mm e se sabe, de informações anteriores, que  $\sigma=2,1$ mm?