



## DAMAT - Departamento de Matemática

Disciplina: **CGCO2B** - Cálculo Diferencial e Integral 2 (Engenharia da Computação)

Docente: Prof. Leandro da Silva Pereira

Referencia: 20242

### Lista 2 (Exercícios para a P2)

1) Encontre  $D_u f$  no ponto P dado:

- $f(x, y) = (1 + xy)^{\frac{3}{2}}$ ; P(3, 1);  $\mathbf{u} = \frac{1}{\sqrt{2}}\mathbf{i} + \frac{1}{\sqrt{2}}\mathbf{j}$
- $f(x, y) = \sin(5x - 3y)$ ; P(3, 5);  $\mathbf{u} = \frac{3}{5}\mathbf{i} - \frac{4}{5}\mathbf{j}$
- $f(x, y) = \ln(1 + x^2 + y)$ ; P(0, 0);  $\mathbf{u} = -\frac{1}{\sqrt{10}}\mathbf{i} - \frac{3}{\sqrt{10}}\mathbf{j}$
- $f(x, y) = \frac{cx+dy}{x-y}$ ; P(3, 4);  $\mathbf{u} = \frac{4}{5}\mathbf{i} + \frac{3}{5}\mathbf{j}$
- $f(x, y, z) = 4x^5y^2z^3$ ; P(2, -1, 1);  $\mathbf{u} = \frac{1}{3}\mathbf{i} + \frac{2}{3}\mathbf{j} - \frac{2}{3}\mathbf{k}$
- $f(x, y, z) = ye^{xz} + z^2$ ; P(0, 2, 3);  $\mathbf{u} = \frac{2}{7}\mathbf{i} - \frac{3}{7}\mathbf{j} + \frac{6}{7}\mathbf{k}$
- $f(x, y, z) = \ln(x^2 + 2y^2 + 3z^2)$ ; P(-1, 2, 4);  $\mathbf{u} = -\frac{3}{13}\mathbf{i} - \frac{4}{13}\mathbf{j} - \frac{12}{13}\mathbf{k}$

2) Encontre a derivada direcional de  $f$  em P na direção de a:

- $f(x, y) = 4x^3y^2$ ; P(2, 1);  $\mathbf{a} = 4\mathbf{i} - 3\mathbf{j}$
- $f(x, y) = 9x^3 - 2y^3$ ; P(1, 0);  $\mathbf{a} = \mathbf{i} - \mathbf{j}$
- $f(x, y) = y^2 \ln(x)$ ; P(1, 4);  $\mathbf{a} = -3\mathbf{i} + 3\mathbf{j}$
- $f(x, y) = e^x \cos(y)$ ; P(0,  $\pi/4$ );  $\mathbf{a} = 5\mathbf{i} - 2\mathbf{j}$
- $f(x, y) = xe^y - ye^x$ ; P(0, 0);  $\mathbf{a} = 5\mathbf{i} - 2\mathbf{j}$

3) Encontre a derivada direcional de  $f$  em P na direção e sentido de um vetor que faça, no sentido anti-horário, um ângulo  $\theta$  com o eixo x positivo.

- $f(x, y) = \sqrt{xy}$ ; P(1, 4);  $\theta = \pi/3$
- $f(x, y) = \frac{x-y}{x+y}$ ; P(-1, -2);  $\theta = \pi/2$
- Seja  $f(x, y) = \frac{y}{x+y}$ . Determine um vetor unitário  $\mathbf{u}$  para o qual  $D_{\mathbf{u}}f(2, 3) = 0$ .
- Determine a derivada direcional de  $f(x, y, z) = \frac{y}{x+z}$  em P(2, 1, -1) na direção e sentido de P a Q(-1, 2, 0).

6) Encontre  $\nabla z$  ou  $\nabla w$ :

a)  $z = \sin(7y^2 - 7xy)$

d)  $z = \frac{6xe^{3y}}{x+8y}$

b)  $z = 7\sin(6x/y)$

e)  $w = -x^9 - y^3 + z^{12}$

c)  $z = \frac{6x+7y}{6x-7y}$

f)  $w = xe^{8y}\sin(6z)$

7) Encontre o gradiente de  $f$  no ponto indicado:

a)  $f(x, y) = 5x^2 + y^4; (4, 2)$

b)  $f(x, y) = 5\sin(x^2) + \cos(3y); (\sqrt{\pi}/2, 0)$

8) Encontre um vetor unitário na direção do qual  $f$  cresce mais rapidamente em P e obtenha a taxa de variação de  $f$  em P nessa direção:

a)  $f(x, y) = 4x^3y^2; P(-1, 1)$

b)  $f(x, y) = 3x - \ln(y); P(2, 4)$

c)  $f(x, y) = \sqrt{x^2 + y^2}; P(4, -3)$

9) Encontre um vetor unitário na direção do qual  $f$  decresce mais rapidamente em P e obtenha a taxa de variação de  $f$  em P nessa direção:

a)  $f(x, y) = 20 - x^2 - y^2; P(-1, -3)$

b)  $f(x, y) = e^{xy}; P(2, 3)$