

Nome: Gabriel Henrique Vieira de Oliveira

Data: 08/10/2024

Matéria: AEDs 2 - LAB 06 - Quicksort e seu pivô

1) Tamanho do Array em 100 (e seus resultados):

```
Tipo do array: Ordenado
PivoPrimeiro: 71201 ns
PivoUltimo: 78699 ns
PivoAleatorio: 227100 ns
PivoMedianaTres: 22900 ns
Tipo do array: QuaseOrdenado
PivoPrimeiro: 38000 ns
PivoUltimo: 30400 ns
PivoAleatorio: 35600 ns
PivoMedianaTres: 20499 ns
Tipo do array: Aleatorio
PivoPrimeiro: 31000 ns
PivoUltimo: 35500 ns
PivoAleatorio: 40401 ns
PivoMedianaTres: 25401 ns
```

2) Tamanho do Array em 1000 (e seus resultados):

```
Tipo do array: Ordenado
PivoPrimeiro: 844300 ns
PivoUltimo: 894100 ns
PivoAleatorio: 270200 ns
PivoMedianaTres: 176200 ns
Tipo do array: QuaseOrdenado
PivoPrimeiro: 177700 ns
PivoUltimo: 95999 ns
PivoAleatorio: 106400 ns
PivoMedianaTres: 75499 ns
Tipo do array: Aleatorio
PivoPrimeiro: 129000 ns
PivoUltimo: 71700 ns
PivoAleatorio: 131600 ns
PivoMedianaTres: 94999 ns
```

3) Tamanho do Array em 10000 (e seus resultados):

```
Tipo do array: Ordenado
PivoPrimeiro: 11021500 ns
PivoUltimo: 6637300 ns
PivoAleatorio: 2000001 ns
PivoMedianaTres: 1835901 ns
Tipo do array: QuaseOrdenado
PivoPrimeiro: 2404800 ns
PivoUltimo: 853601 ns
PivoAleatorio: 473800 ns
PivoMedianaTres: 398101 ns
Tipo do array: Aleatorio
PivoPrimeiro: 441401 ns
PivoUltimo: 487100 ns
PivoAleatorio: 551100 ns
PivoMedianaTres: 466200 ns
```

CONCLUSÕES

Funcionamento das Estratégias de Escolha de Pivô:

1. **Pivô Primeiro:** Essa estratégia seleciona o primeiro elemento do array como pivô. Esse método é simples e eficiente em algumas situações, mas pode ser ineficiente quando o array já está ordenado ou quase ordenado, resultando em um desempenho ruim, já que não divide o array de forma equilibrada.
2. **Pivô Último:** O último elemento do array é escolhido como pivô. Assim como o pivô primeiro, essa abordagem é vulnerável quando o array está ordenado ou quase ordenado, causando um comportamento degradado (complexidade quadrática $O(n^2)$, $O(n^2)$, $O(n^2)$ devido à má divisão dos sub-arrays).
3. **Pivô Aleatório:** Seleciona um elemento aleatório como pivô. Essa estratégia visa reduzir a chance de pior caso no QuickSort, pois a escolha aleatória evita padrões específicos no array, aumentando a probabilidade de dividir o array de forma mais equilibrada.
4. **Pivô Mediana de Três:** Escolhe como pivô a mediana entre o primeiro, o último e um elemento do meio. Essa abordagem é considerada uma das mais robustas, pois tenta garantir uma divisão mais equilibrada, minimizando a ocorrência de sub-arrays desequilibrados.

Discussão da Eficiência das Estratégias

Com base nos tempos exibidos nas imagens para os três tipos de array (Ordenado, QuaseOrdenado e Aleatório), podemos fazer uma análise da eficiência de cada estratégia:

1. Array Ordenado:

- **Pivô Primeiro** apresentou consistentemente o pior tempo em todos os tamanhos testados. Isso ocorre porque, em um array já ordenado, escolher o primeiro elemento como pivô resulta em partições desbalanceadas, causando pior desempenho.

- **Pivô Último** também mostrou desempenhos ruins, similares ao Pivô Primeiro, pelas mesmas razões: a escolha do pivô não divide adequadamente o array.
- **Pivô Aleatório** teve um desempenho muito melhor, principalmente em arrays maiores, pois a escolha aleatória permite divisões mais equilibradas, reduzindo o tempo de execução.
- **Pivô Mediana de Três** foi a estratégia mais eficiente em arrays ordenados, pois a mediana tende a ser um bom pivô, garantindo uma melhor divisão dos subarrays.

2. Array Quase Ordenado:

- **Pivô Primeiro** novamente teve um desempenho ruim, mas melhor do que no caso de array totalmente ordenado.
- **Pivô Último** apresentou tempos melhores que o Pivô Primeiro, mas ainda assim não foi tão eficiente quanto as outras estratégias.
- **Pivô Aleatório** teve um desempenho satisfatório, embora o aumento no tamanho do array tenha impactado mais o tempo de execução em comparação ao Pivô Mediana de Três.
- **Pivô Mediana de Três** mostrou-se novamente como a estratégia mais rápida, devido à sua capacidade de encontrar um pivô mais equilibrado, mesmo em arrays quase ordenados.

3. Array Aleatório:

- **Pivô Primeiro** e **Pivô Último** tiveram desempenhos semelhantes, ambos piores que as estratégias mais sofisticadas, mas menos problemáticos em comparação com os arrays ordenados.
- **Pivô Aleatório** foi bastante eficiente, aproveitando a distribuição aleatória dos elementos, o que reduziu as chances de divisões desbalanceadas.
- **Pivô Mediana de Três** apresentou o melhor desempenho neste cenário, continuando a ser a estratégia mais robusta.

Conclusão:

- A **estratégia de Pivô Mediana de Três** foi consistentemente a mais eficiente em todos os casos, especialmente para arrays ordenados e quase ordenados, devido à sua capacidade de equilibrar as partições de maneira eficaz.
- A **estratégia de Pivô Aleatório** também apresentou bons resultados, especialmente em arrays de ordem aleatória, sendo uma escolha sólida para garantir um bom desempenho em diferentes cenários.
- As estratégias de **Pivô Primeiro** e **Pivô Último** tiveram desempenhos significativamente inferiores, particularmente em arrays ordenados e quase ordenados, e devem ser evitadas nesses casos.

Esse comportamento é esperado, já que o QuickSort depende de uma boa escolha de pivô para garantir a divisão equilibrada dos sub-arrays. Escolhas ruins de pivô (como o primeiro ou o último em arrays ordenados) resultam em um desempenho muito degradado.