

Chimie

Chapitre V: Diagramme binaire liquide-vapeur

<u>Plan</u>	(Cliquer	sur le	titre	pour	accéder	au	paragr	aphe,
<u>Pian</u>	(Ciiquei	sui ie	me	poui	accedei	au	paragi	арпе

II- Et	ude théorique des courbe de rosée et d'ébullition	2
1-	Diagramme isotherme dans le cas d'un mélange idéal	2
a-	Rappel : Loi de Raoult	2
b-	Equation de la courbe d'ébullition commençante	2
C-	Equation de la courbe de rosée	2
d-	Mélange non idéal	3
2-	Diagramme isobare	3
a-	Liquides miscibles : mélange idéal	3
b-	Mélange azéotropique	5
C-	Liquides non miscibles	7
3-	Théorème des moments	7
a-	Enoncé	7
b-	Démonstration	9
C-	Application du théorème des moments aux systèmes triphasés	9
III-A	pplication à l'étude de la distillation1	0
1-	Intérêt de la distillation	10
2-	Les montages expérimentaux	11
a-	Points communs	11
b-	Montage de distillation simple	12
C-	Montage de distillation fractionnée	13
d-	Montage Dean-Stark	
3-	Etude théorique	15

Page 1 Claude ANI ES © EduKlub S.A.



II- Etude théorique des courbe de rosée et d'ébullition

1- Diagramme isotherme dans le cas d'un mélange idéal

a- Rappel: Loi de Raoult

Lorsque le mélange est idéal, chacun des constituants suit la loi de Raoult. La pression partielle du constituant i, p_i est proportionnelle à la fraction molaire du constituant i dans la phase liquide, $x_i^{liquide}$:

$$p_i = p_i^* \cdot x_i^{liquide}$$
 Loi de Raoult

avec p_i^* pression de vapeur saturante du constituant i

b- Equation de la courbe d'ébullition commençante

La pression totale de la phase vapeur est la somme des pressions partielles, chacune vérifiant la loi de Raoult :

$$\begin{split} P &= p_A \, + p_B = p_A^* \cdot x_A^{liquide} + p_B^* \cdot x_B^{liquide} &\quad \text{avec } x_A^{liquide} + x_B^{liquide} = 1 \\ \text{d'où } P &= p_B^* \cdot x_B^{liquide} + p_A^* \cdot \left(1 - x_B^{liquide}\right) \\ \text{soit } P &= \left(p_B^* - p_A^*\right) \cdot x_B^{liquide} + p_A^* \end{split}$$

La courbe obtenue est une droite.

c- Equation de la courbe de rosée

D'après la loi de Dalton :

$$p_i = y_i^{vap} \cdot P$$

et d'après la loi de Raoult : $p_i = p_i^* \cdot x_i^{liquide}$

On en déduit donc :

$$x_i^{liquide} = \frac{y_i^{vap} \cdot P}{p_i^*}$$

Page 2 Claude ANI ES © EduKlub S.A.





De P =
$$\left(p_B^* - p_A^*\right) \cdot x_B^{liquide} + p_A^*$$
, on a:
$$P = \left(p_B^* - p_A^*\right) \cdot \frac{y_B^{vap} \cdot P}{p_B^*} + p_A^*$$
 soit P = $\frac{p_A^* \cdot p_B^*}{p_B^* - y_B^{vap} \cdot \left(p_B^* - p_A^*\right)}$

Il s'agit bien d'un arc d'hyperbole.

d- Mélange non idéal

Dans le cas où le mélange n'est pas idéal, on a un écart à l'idéalité :

$$p_i = \gamma_i \cdot p_i^* \cdot x_i^{liquide}$$
 Loi de Raoult

avec p_i^* pression de vapeur saturante du constituant i

et γ_i coefficient d'activité du constituant i

2- Diagramme isobare

a- Liquides miscibles : mélange idéal

Chacun des constituants est en équilibre dans sa phase vapeur et liquide lorsque les deux phases sont présentes, chacun des équilibres étant caractérisé par une constante d'équilibre :

$$A_{(liq)} \stackrel{K_A^{\circ}}{\rightleftharpoons} A_{(vap)} \text{ et } B_{(liq)} \stackrel{K_B^{\circ}}{\rightleftharpoons} B_{(vap)}$$

$$\text{avec } K_i^{\circ}(T) = \frac{y_i^{vap} \cdot P}{x_i^{liq} \cdot P^{\circ}}$$

D'après la loi de Van't Hoff:

$$\frac{d(\ln K_i^{\circ}(T))}{dT} = \frac{\Delta_{\text{vap}}H_i^{\circ}(T)}{R \cdot T^2}$$

Page 3 Claude ANI ES © EduKlub S.A.



ou
$$\frac{d\left(\ln \frac{y_i^{\text{vap}} \cdot P}{x_i^{\text{liq}} \cdot P^{\circ}}\right)}{dT} = \frac{d\left(\ln \frac{y_i^{\text{vap}}}{x_i^{\text{liq}}}\right)}{dT} = \frac{\Delta_{\text{vap}} H_i^{\circ}(T)}{R \cdot T^2}$$

Noter que cette relation peut s'établir à partir des expressions des potentiels chimiques et par application de la relation de Gibbs-Helmholtz :

$$\mu_{A}^{liq}\left(T, P, x_{A}^{liq}\right) = \mu_{A}^{vap}\left(T, P, x_{A}^{vap}\right) \tag{1}$$

$$soit \ \mu_{A}^{liq}\left(T, P, x_{A}^{liq}\right) = \mu_{A}^{liq, pur, °}(T) + R \cdot T \cdot ln\left(x_{A}^{liq}\right)$$

$$et \ \mu_{A}^{vap}\left(T, P, x_{A}^{vap}\right) = \mu_{A}^{vap, °}(T) + R \cdot T \cdot ln\left(y_{A}^{vap} \cdot \frac{P}{P^{°}}\right)$$

avec $\mu_A^{liq,pur,°}(T)$ potentiel chimique standard de référence de A liquide pur supposé indépendant de la pression dans le cas de constituant en phase condensée et avec $\mu_A^{vap,°}(T)$ potentiel chimique standard de référence (gaz parfait) de A vapeur De l'égalité (1) :

$$\mu_{A}^{\text{liq,pur,°}}(T) + R \cdot T \cdot \ln\left(x_{A}^{\text{liq}}\right) = \mu_{A}^{\text{vap,°}}(T) + R \cdot T \cdot \ln\left(y_{A}^{\text{vap}} \cdot \frac{P}{P^{\circ}}\right)$$

$$\text{soit } \ln\left(\frac{y_{A}^{\text{vap}}}{x_{A}^{\text{liq}}} \cdot \frac{P}{P^{\circ}}\right) = -\frac{\left[\mu_{A}^{\text{vap,°}}(T) - \mu_{A}^{\text{liq,pur,°}}(T)\right]}{R \cdot T}$$

$$\text{avec } \Delta_{\text{vap}}G_{A}^{\circ} = \mu_{A}^{\text{vap,°}}(T) - \mu_{A}^{\text{liq,pur,°}}(T)$$

En utilisant la loi de Gibbs-Helmholtz:

$$\frac{d\left(\frac{\mu_{i,\,\phi}^{\circ}}{T}\right)}{dT} = \frac{-h_{i,\,\phi}^{\circ}}{T^{2}}$$

On obtient par dérivation la relation précédemment établie à partir de la relation de Van't Hoff:

Page 4 Claude ANI ES © EduKlub S.A.



$$\frac{d \ln \left(\frac{y_A^{vap}}{x_A^{liq}} \cdot \frac{P}{P^{\circ}} \right)}{dT} = \frac{\Delta_{vap} H_A^{\circ}}{R \cdot T^2}$$

En supposant que l'enthalpie de vaporisation est indépendante de la température et en intégrant pour le corps pur à $x_i^{liq} = 1$, $y_i^{vap} = 1$ et $T = T_i^{\acute{e}b}$ température d'ébullition du constituant i pur, à l'état de mélange x_i^{liq} , y_i^{vap} et T, on a :

$$ln\frac{y_{i}^{\text{vap}}}{x_{i}^{\text{liq}}} = \frac{\Delta_{\text{vap}}H_{i}^{\circ}(T)}{R} \cdot \left(\frac{1}{T_{i}^{\text{\'eb}}} - \frac{1}{T}\right)$$

On a donc:

$$ln \frac{y_{A}^{vap}}{x_{A}^{liq}} = \frac{\Delta_{vap} H_{A}^{\circ}(T)}{R} \cdot \left(\frac{1}{T_{A}^{\acute{e}b}} - \frac{1}{T} \right)$$

et

$$ln\frac{y_{B}^{vap}}{x_{B}^{liq}} = \frac{\Delta_{vap}H_{B}^{\circ}(T)}{R} \cdot \left(\frac{1}{T_{B}^{\acute{e}b}} - \frac{1}{T}\right)$$

Avec:

$$x_A^{liq} + x_B^{liq} = 1$$

et

$$y_A^{\text{vap}} + y_B^{\text{vap}} = 1$$

On obtient un système à 4 équations/4inconnues.La résolution du système permet d'obtenir les courbes d'ébullition, $T = f\left(x_B^{liq}\right)$ et de rosée, $T = f\left(y_B^{vap}\right)$

b- Mélange azéotropique

Le théorème de Gibbs-Konovalov permet de démontrer que la composition de la vapeur est égale à celle du liquide pour un extremum de pression dans un diagramme isotherme ou un extremum de température isobare.

Page 5 Claude ANI ES © EduKlub S.A.



Ce théorème se démontre à partir de la relation de Gibbs-Duheim :

$$\left(\sum_{i} n_{i} \cdot d\mu_{i}\right)_{\Gamma, P}^{\alpha} = 0 \quad \text{ou} \quad \left(\sum_{i} x_{i} \cdot d\mu_{i}\right)_{\Gamma, P}^{\alpha} = 0$$

avec xi fraction molaire du constituant i dans le mélange

Dans le cas du liquide :

$$\begin{aligned} x_1^{(1)} \cdot d\mu_1^{(1)} + x_2^{(1)} \cdot d\mu_2^{(1)} &= 0 \\ \text{soit } x_1^{(1)} \cdot d\mu_1^{(1)} + \left(1 - x_1^{(1)}\right) d\mu_2^{(1)} &= 0 \end{aligned}$$

De plus, lors du changement d'état :

$$d\mu_i^{\left(1\right)} = d\mu_i^{\left(g\right)} = R \cdot T \cdot \frac{dP_i}{P_i}$$

lorsque le gaz a un comportement de gaz parfait

On en déduit :

$$R \cdot T \cdot \left[x_1^{(1)} \cdot \frac{dP_1}{P_1} + \left(1 - x_1^{(1)} \right) \frac{dP_2}{P_2} \right] = 0$$

Or au maximum de pression:

$$dP = 0 = dP_1 + dP_2$$

$$d'où x_1^{(1)} \cdot \frac{dP}{P_1} - \left(1 - x_1^{(1)}\right) \frac{dP}{P_2} = 0$$
soit
$$\frac{x_1^{(1)}}{1 - x_1^{(1)}} = \frac{P_1}{P_2} \quad d'où \qquad \frac{x_1^{(1)}}{P_1} = \frac{x_2^{(1)}}{P_2} = \frac{1}{P}$$

d'après la loi de Dalton : $P_i = y_i^{(g)} \cdot P$

$$x_i^{(1)} = y_i^{(g)}$$

Page 6 Claude ANIES © EduKlub S.A.