Montage de Physique Interférences lumineuses

Références:

- Poly TP de Rennes;
- Poly de TP Montrouge;
- Sextant. Optique experimentale;
- Bertin Faroux Renaut. Optique et physique ondulatoire.
- Sylvain Houard. Optique, une approche expérimentale et pratique;

1 Fentes d'Young

1.1 Principe et schéma

On considère une source S de très petite dimension (laser He-Ne) éclaire un écran opaque percé de deux fentes dont les dimensions sont très faibles. D'après les lois de l'optique géométrique on devrait obtenir sur cet écran les traces de M1 et M2 des deux raions SS1 et SS2. Cependant la diffraction intervient du fait des faibles dimensions de S1 et S2 et l'on obtient des faiscequx qui se recouvrent. C'est dans cette zone que l'on peut observer des interférences appelée **zone interférencielle**.

S1 et S2 sont des sources **cohérentes dont les rayons interfèrent** et de même intensité I0. Dans le plan de l'écran, on obtient une intensité donnée par :

$$I = 2I_0 (1 + \cos \phi)$$
, avec $\phi = \frac{2\pi \delta}{\lambda} = \frac{2\pi}{\lambda} (S_2 M - S_1 M)$. (1)

On peut calculer la différence de marche entre les deux sources δ qui est donnée par :

$$\delta = \frac{ax}{d_2} \tag{2}$$

x étant la position verticale sur l'écran. Les franges obtenues sont donc des franges d'interférences rectilignes parallèles à Oy (perpendiculaire à la direction de S_1S_2).

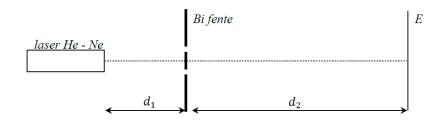


Fig. 1 – Schéma de principe des fentes d'Young

- Laser He-Ne $\lambda =$ _____
- Écartement des fentes a =
- Largeur des fentes b =

1.2 Observation

1.2.1 Allure de la figure d'interférence

Ajouter photo des interférences

 $\mathbf{Fig.}\ \mathbf{2}-\mathrm{Figure}\ \mathrm{d'interf\acute{e}rence}$

Dans ce cas où la fente est éclairée par une source de lumière monochromatique λ_0 . Pour $\delta = p\lambda_0$ on obtient des franges prillantes. Leur position est définie pour $\frac{ax}{d2} = p\lambda$ soit :

$$x = p\left(\frac{\lambda_0 d_2}{a}\right)$$

Pour p=0 et x=0 on a une frange brillante centrale qui correspond à un ordre d'interférence nul. Les franges brillantes sont séparées par une intervalle régulière :

$$i = \frac{\lambda_0 d_2}{a} \tag{3}$$

1.2.2 Mesure de l'écartement des fentes

- Distance fentes-écran $d_2 = \underline{\hspace{1cm}} \pm \underline{\hspace{1cm}} mm$

On calcule

$$a = \frac{\lambda_0 d_2}{i}$$

Mesure de l'écartement des deux fentes :

$$a_{\text{mes}} = \underline{\qquad} \pm \underline{\qquad} \text{mm}$$

Écart normalisé:

$$E.N. = \frac{a_{\text{mes}} - a_{\text{att}}}{\sqrt{(\Delta a_{\text{mes}}^2 + \Delta a_{\text{att}}^2)}} = \underline{\hspace{1cm}}$$

Conclusion:

La position de l'écran est quelconque, à condition que les faisceaux se recouvrent. On dit que les interférences sont **non localisées**.

Quid de la lumière blanche:

Si la source est une lumière blanche. On obtient dans le plan de l'écran une superposition de phénomènes correspondants aux différentes longueur d'ondes. On obtient alors des phénomènes colorés. Au centre une frange brillante achromatique. Quand on s'éloigne du centre, les phénomènes correspondants aux différentes longeurs d'onde se décalent de plus en plus : les bords des franges se colorent puis les phénom'nes se brouillent lorsques les franges brillantes d'autres longeur d'onde occupent la même place. On obtient du **blanc d'ordre supérieur**. L'interféromètre des fentes d'Young se prète mal aux expériences en lumière blanche mais est facile à réaliser avec l'interféromètre de Michelson.

2 Interféromètre de Michelson

2.1 Principe et schéma

Un interféromètre est constitué d'une lame semi-réfléchissante nonabsorbante appelée séparatrice (S_p) (les facteurs de transmission et de réflexion valent 1/2), d'une compensatrice et de deux miroirs plans M_1 et M_2 perpendiculaires l'un par rapport à l'autre. La lame S_p est inclinée de 45° par rapport aux normales des deux miroirs.

Lorsqu'un rayon arrive sur la séparatrice, il est séparé en deux. Les deux « parties » du rayon se réfléchissent sur M1 ou M_2 , et sont réfléchis (ou transmis) vers l'axe sortant du dispositif par la sépa-ratrice. La compensatrice assure une égalité des chemins optiques des deux voies de l'interféromètre.

Lorsque les deux miroirs dont équidistants de la séparatrice et symétriques par rapport à la séparatrice, on dit que l'interféromètre est configuré en lame d'air et la différence de marche entre les deux rayons est donnée par :

$$\delta = 2e\cos\theta. \tag{4}$$

e étant la différence de distance entre les deux miroirs par rapport à la séparatrice. θ est l'angle d'incidence entre l'axeoptique et la séparatrice.

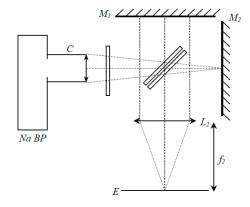


Fig. 3 – Inteféromètre de Michelson réglé en lame d'air.

- Lampe à vapeur de sodium $\lambda = 1$
- Condenseur C de 6 cm.
- Lentille L2, f' = 50 cm.

- Longueur d'onde $\lambda = 589.3$ nnm.
- distance entre raies $\Delta \lambda = 0.6$ nm.

2.1.1 Réglage

Voir annexe

2.2 Observations

2.2.1 Allure de la figure d'interférence

Ajouter photo des interférences

Lorsque l'interféromètre sera configuré en lame d'air, on observera des anneaux concentriques, ou « franges d'égale inclinaison ». On observe les anneaux d'intensité maximale lorsque θ vérifie

$$cos(\theta) = p \frac{\lambda}{2e}$$

avec $p \in \mathbb{N}$. Les franges d'égales inclinaison sont localisées à l'infini devant M1. Il y a donc deux manières (physiquement équivalentes) de les observer : En observant M1 à l'œil nu. En effet, le cristallin projettera les franges sur la rétine. On peut également les observer

 $\mathbf{Fig.}\ \mathbf{4}-\mathrm{Figure}\ \mathrm{d'interf\acute{e}rence}$

avec une caméra munie de son objectif. Ou en plaçant une lentille convergente en sortie de l'interféromètre, et un écran dans le plan focal image de cette lentille. La figure d'interférence sera alors projetée sur l'écran.

2.2.2 Mesure du doublet du sodium

Pour passer d'un brouillage à l'autre, la longueur d'onde λ_1 la plus courte du doublet a subi une variation de différence de marche égale à $(p+1)\lambda_1$ alors que la longueur d'onde λ_2 la plus grande a subi une variation de différence de marche de $p\lambda_2$. Sur le trajet optique du Michelson cela correspond $2\Delta e_1$.

$$\Delta \lambda = \frac{\lambda^2}{2\Delta e_1} = \frac{n\lambda^2}{2\Delta e_n}$$

avec
$$\lambda = \lambda_1 = \lambda_2$$
 et $\Delta \lambda = \lambda_2 - \lambda_1$

Pour mesurer $\Delta\lambda$ on chariote pour passer d'un brouillage à l'autre. On relève Δe parcourue par le chariot pour passer d'un brouillage au n-ième suivant.

• Distance parcourue $\Delta e = \underline{\qquad} \pm \underline{\qquad} mm$

On peut aussi relever la position des différentes annulations e_k et les tracer en fonction de k. Médliser par une droite affine $e_k = ak+b$. Interpréter a et la moyenne quadratique des écarts.

Mesure du doublet du sodium :

$$\Delta \lambda_{\text{mes}} = \dots \pm \dots \pm \text{nm}$$

$$E.N. = \frac{\lambda_{\mathrm{mes}} - \lambda_{\mathrm{att}}}{\sqrt{(\Delta \lambda_{\mathrm{mes}}^2 + \Delta \lambda_{\mathrm{att}}^2)}} = \underline{\hspace{1cm}}$$

Élargissement:

Les franges d'égales épaisseu, obtenues à l'aide de l'interféromètre de Michelson réglé en coin d'air, s'observent couramment dans la nature sous forme d'irisation à la surface de bulles de savon ou de flaques recouvertes d'une pellicule huileuse. Un simple film de savon tendu sur un cadre permet de réaliser des expériences spectaculaires avec un appareil réduit.

3 Épaisseur d'un film de savon

3.1 Principe et schéma

Les couches minces naturelles telles que les films d'eau savonneux ou d'huile sur la chaussée détrempée ne possèdent pas une épaisseur constante. Elles produisent des figures d'interférence formées de franges colorées dont la couleur dépend de l'épaisseur locale de la lame.

Pour former un film de savon on plonge un cadre metallique dans un melange d'eau, de liquide vaisselle transparent et de glycérine. On le retire

et on le met à la verticale. On obtient alors un film dont la durée de vie peut atteindre plusieurs minutes.

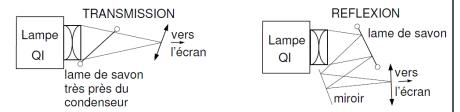


Fig. 5 – Schéma du montage pour mesure de l'épaisseur d'un film de savon.

- Liquide vaisselle transparent + glycérine
- cadre
- lampe QI
- miroir

Dans le cas des franges constructives, on peut montrer que l'épaisseur du film e est donnée par la relation :

$$e = \frac{\left(m - \frac{1}{2}\right)\lambda_0}{2n_s} \tag{5}$$

La condition d'interérence constructive donne pour $m_1=1$: $e_1=\frac{\lambda_0}{4n_2}$. n_2 est l'indice optique dans le savon et vaut $n_2=1.34$. Dans le visible $\lambda_0\in[380,760]$ nm. On obtient une plage d'épaisseur $e\in[71,142]$ nm. Les premières interférences constructives se produiront pour une épaisseur de 71nm pour des radiations violettes. On aura une épaisseur maximale de e=142 nm pour des radiations rouges.

Dans le cas des interférences destructives, on peut montre que e est donnée par :

$$e = \frac{m\lambda_0}{2n_s}. (6)$$

La condition d'inteférence destructive est donnée par $m_2=1,\,e_2=\frac{0}{2n_s}.$ On obtient une plage e [142, 284] nm.

3.1.1 Observations

3.1.2 Allure de la figure d'interférence

Ajouter photo des interférences

Fig. 6 – Figure d'interférence

On peut observer trois stades :

- Dans un premier temps, l'épaisseur du film est trop importante et aucune frange colorée n'apparaît.
- 2. La gravité entraîne du liquide vers le bas. L'amincissement du film en haut, permet l'apparition de frange de couleur rose. Le drainage se poursuit, des franges roses et vertes alternées apparaîssent dans la partie supérieur. Puis de nouvelles franges colorées, très vives, apparaissent.
- 3. Juste avant son éclatement, le film présente une raie blanchâtre

à son sommet, voir même une frange non réfléchissante, lorsque e ne mesure que quelques nm.

3.1.3 Mesure de l'épaisseur du film de savon

- $m = 1 \ \lambda_0 = \dots \pm \dots \pm \dots = 0$ • $m = 3 \ \lambda_0 = \dots \pm \dots \pm \dots = 0$
- $m = 5 \ \lambda_0 = - - \pm - -$

Mesures:

- $e_1 = \dots = \pm \dots$
- $e_2 = ---- \pm ----$
- $e_3 = \dots \pm \dots$

4 Annexe 1. Réglage du Michelson

On commence avant tout par bien positionner l'interféromètre sur la table. On effectue ensuite quelques ajustements, comme le réglage grossier 1 des miroirs (orientation et distance à la séparatrice), avant de s'assurer que toutes les vis sont approximativement à mi-course (ce qui nous permettra d'avoir une amplitude de réglage optimale par la suite).

À l'aide d'un collimateur, on règle le couple séparatrice-compensatrice, en s'assurant que séparatrice et compensatrice soient bien coplanaires. On cherchera pour cela à superposer l'image du réticule et ses diverses réflexions. De la même façon, on règle approximativement l'orthogonalité des miroirs.

On cherche maintenant à visualiser les interférences, puis à trouver le contact optique. On effectuera d'abord un réglage grossier avec la lampe à Mercure, puis un réglage fin en lumière blanche.

On commence par éclairer l'interféromètre avec une lampe à vapeur de Mercure. En translatant légèrement M2, on voit apparaître des franges rectilignes, comme celles présentées en Figure 1.3. On ajuste ensuite l'inclinaison des miroirs jusqu'à voir les franges rectilignes se courber, puis former des anneaux. Une fois ces anneaux obtenus, on translate M2 pour avoir de moins en moins d'anneaux sur la figure, jusqu'à observer une teinte presque uniforme, que l'on ajuste à l'aide des vis d'inclinaison micrométriques des miroirs. On a alors un contact optique approximatif.

En vue d'affiner le contact optique, on éclaire maintenant le dispositif en lumière blanche. On observe une figure d'interférence plus colorée, et on remarque que les réglages de l'interféromètre deviennent plus sensibles (une même modification de l'un des réglages semble affecter davantage la figure d'interférence en lumière blanche que celle en lampe à Mercure). On comprend ainsi que le contact optique obtenu avec la lampe à Mercure n'était que très approximatif. On recherche de la même façon que précédemment le contact optique. On s'attend à voir des blancs d'ordres supérieurs (voir plus bas) si on en est éloigné, des franges colorées si l'on en est proche, et une lumière blanche uniforme s'il est atteint. On note alors, afin de le retrouver facilement, la position de la vis V1 : elle est à environ $V_1 = ___$

- - - **·**

Au contact optique, la différence de marche entre les deux voies de l'interféromètre est nulle. L'interféromètre est dit au « contact optique » lorsque M1 et M2 sont confondus. Ceci correspond au cas de la lame d'air avec e=0. On s'attend dont à voir, en sortie de l'interféromètre, la lumière de la source sans aucune interférence. Partant du contact optique, on chariote jusqu'à dépasser la première anti-coïncidence et retrouver des anneaux contrastés. On déplace alors l'écran de part et d'autre du foyer de la lentille L_2 et les franges devraient se brouiller. Le contraste est maximum lorsque l'écran est au foyer image de la lentille. On peut aussi observer les franges sans lentille en éloignant suffisamment l'écran.

5 Annexe 2. Films de savon

5.1 Préparation du savon

8 volumes d'eau (distillée), 1 volume de glycerine, 1 volume de liquide vaisselle.

5.2 Théorie

Pour simplifier on supposera que les rayons incidents arrivent sur la lame de savon sous incidence normale $\theta=0$. Dans ces conditions, le trajet supplémentaire subi par le rayon 2 dans la lame est égale à 2e.

$$\delta_{geo} = 2n_s e. (7)$$

Il y a deux cas à considérer.

- 1. Les reflexions sont de nature différentes, donc on observera une différence de marche supplémentaire de $\lambda_0/2$.
- 2.
- 3. Lorsque les réflexions sur les deux parois sont de même nature. Dans ce cas l'amplitude de l'onde résultante dépend uniquement de la différence de marche géométrique entre les deux rayons. Les **Conditions** d'interférences constructives sont alors données par :

$$\Delta \phi = \frac{2\pi}{\lambda_0} \delta = 2m\pi$$

et $\delta = \delta_{geo} + \frac{\lambda_0}{2}$ Donc :

$$e = \frac{\left(m - \frac{1}{2}\right)\lambda_0}{2n_s}. (8)$$

Pour la longueur d'onde λ_0 et l'épaisseur e, on observe un maximum d'intensité réfléchie dans la direction $\theta=0$. Les **Conditions d'interférences destructives** sont alors données par :

$$\Delta \phi = \frac{2\pi}{\lambda_0} \delta = (2m+1)\pi$$

et $\delta = \delta_{geo} + \lambda_0/2$ Donc :

$$e = \frac{m\lambda_0}{2n_s}. (9)$$

Pour la longueur d'onde λ_0 et l'épaisseur e, on observe un minimum d'intensité réfléchie dans la direction $\theta = 0$.

La série de franges colorées s'explique par l'existence pour certaines valeurs de e et certaines radiations de longueur d'onde λ_0 d'interférences constructives et destructives entre les ondes réfléchies. À chaque épaisseur du film correspond une couleur de frange bien précise. Les franges d'interférence sont des franges d'égale épaisseur.

Lorsque le film ne mesure que quelques dizaines de nm. la diffrérence de trajets entre rayons devient négligeable. La différence de marche se réduit à la seule différence de marche supplémentaire $\lambda_0/2$ et le déphasage est de π pour toutes les longueurs d'ondes. On observe alors des interférences destructives et une intensité minimale. Le film devient invisible.

La condition d'inteférence destructive est donnée par $m_2=1, e_2=\frac{\lambda_0}{2n_2}$. On obtient une plage $e\in[142,284]$ nm.

Lorsque l'épaisseur du film est inférieur à environ 300 nm, la condition d'interférence destructives n'est réalisée que pour une seule longueur d'onde à la fois dans le visible. Alors les franges colorées sont bien contrastées. Pour une épaisseur de e=850 nm. On observe :

• des interférences constructives pour trois radiations dans le rouge, vert et violet :

$$\lambda_0 = \frac{2n_2e}{m - \frac{1}{2}}$$

Ce qui donne $\lambda_r = 651 \ nm, \ \lambda_{ve} = 506 \ nm$ et $\lambda_{vio} = 414 \ nm$.

• des interférences destructives pour :

$$\lambda_0 = \frac{2n_2e}{m}$$

Ce qui donne $\lambda_r = 759 \ nm, \ \lambda_{ve} = 569 \ nm$ et $\lambda_{vio} = 456 \ nm$.

Lorsque le film atteint plusieurs micromètres, les franges disparaissent et le film devient blanc car trop de radiations différentes sont réfléchies ou transmises. C'est le blanc d'ordre supérieur.