Unidade VII: Árvore Binária - Introdução



Instituto de Ciências Exatas e Informática Departamento de Ciência da Computação

Agenda

- Definições e conceitos
- Classe Nó em Java
- Classe Árvore Binária em Java

Agenda

Definições e conceitos



- Classe Nó em Java
- Classe Árvore Binária em Java

Introdução

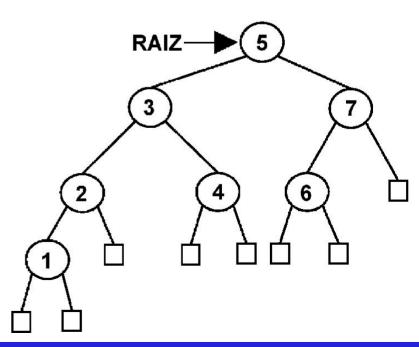
 \cdot Custo de inserção, remoção e pesquisa nas listas: $\Theta(n)$ comparações

· Custo de pesquisa na lista sequencial ordenada: $\Theta(\lg(n))$ comparações

Inserção e remoção nesta lista: $\Theta(n)$ comparações

- Custo de inserção, remoção e pesquisa $\operatorname{\mathtt{pode}}$ ser $\Theta(\operatorname{\mathsf{Ig}}(n))$ comparações

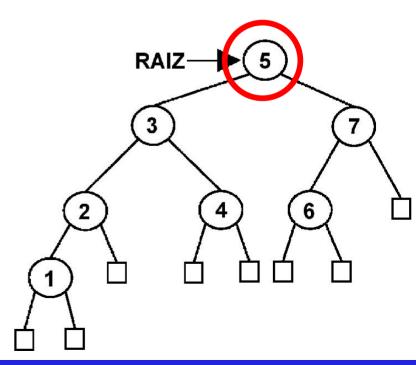
Formada por um conjunto finito nós (vértices) conectados por arestas



 \cdot Custo de inserção, remoção e pesquisa pode ser $\Theta(\lg(n))$ comparações

Formada por um conjunto finito nós (vértices) conectados por arestas

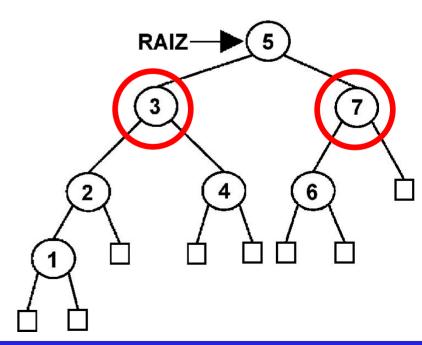
O nó 5 é denominado nó raiz e ele está no nível 0



 \cdot Custo de inserção, remoção e pesquisa pode ser $\Theta(\lg(n))$ comparações

Formada por um conjunto finito nós (vértices) conectados por arestas

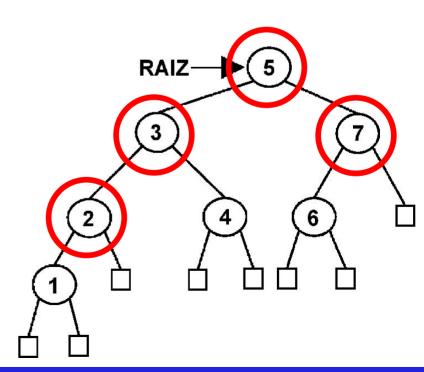
Os nós 3 e 7 são filhos do 5 e esse é pai dos dois primeiros



 \cdot Custo de inserção, remoção e pesquisa pode ser $\Theta(\lg(n))$ comparações

Formada por um conjunto finito nós (vértices) conectados por arestas

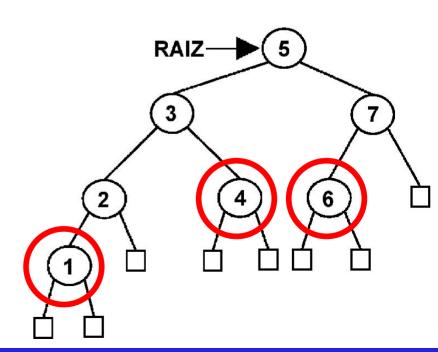
Um nó com filho(s) é chamado de **nó interno** e outro sem, de folha



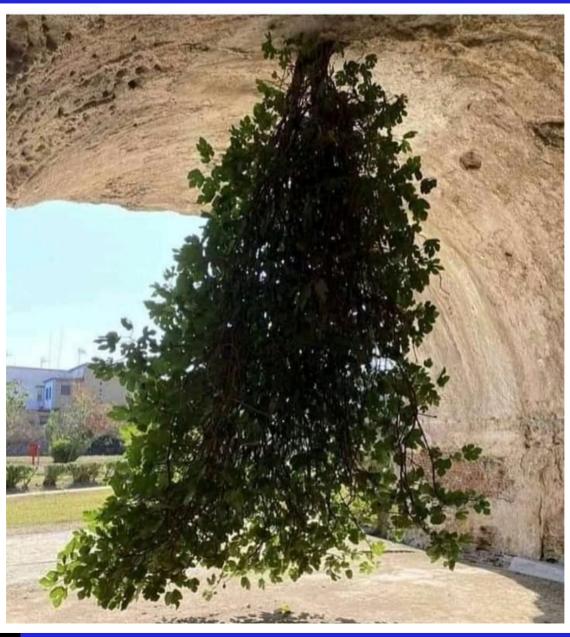
 \cdot Custo de inserção, remoção e pesquisa pode ser $\Theta(\lg(n))$ comparações

Formada por um conjunto finito nós (vértices) conectados por arestas

Um nó com filho(s) é chamado de nó interno e outro sem, de **folha**



Descobriram Nossa Árvore

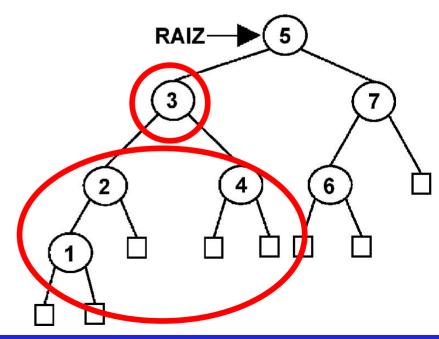


Algoritmos e Estruturas de Dados II (10)

• Custo de inserção, remoção e pesquisa pode ser $\Theta(\lg(n))$ comparações

Formada por um conjunto finito nós (vértices) conectados por arestas

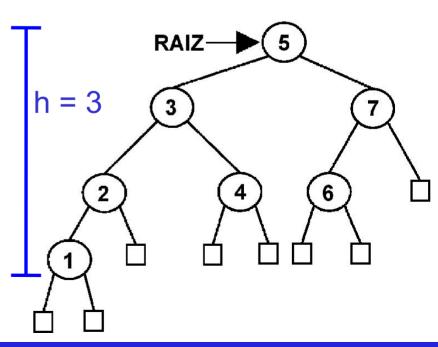
Os nós 1, 2 e 4 formam uma subárvore com raiz no nó 3



 \cdot Custo de inserção, remoção e pesquisa pode ser $\Theta(\lg(n))$ comparações

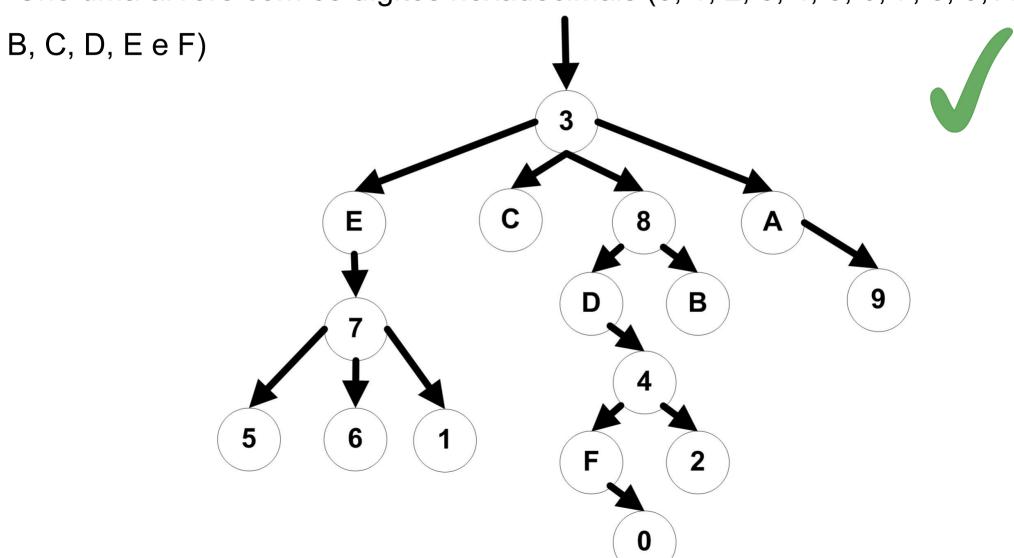
Formada por um conjunto finito nós (vértices) conectados por arestas

Altura (h): maior distância entre um nó e a raiz



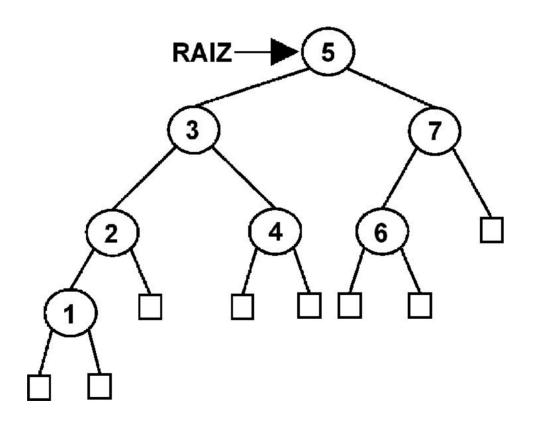
Crie uma árvore com os dígitos hexadecimais (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A,
B, C, D, E e F)

· Crie uma árvore com os dígitos hexadecimais (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A,



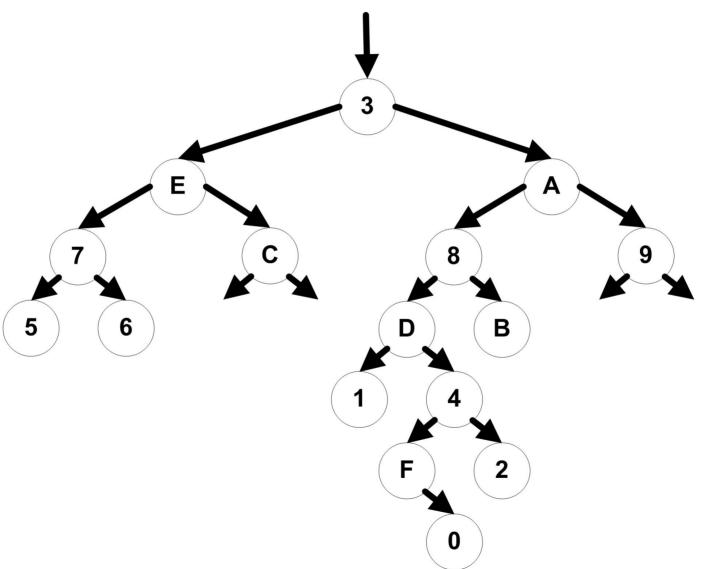
Árvore Binária

· Árvore em que cada nó possui no máximo dois filhos, por exemplo:



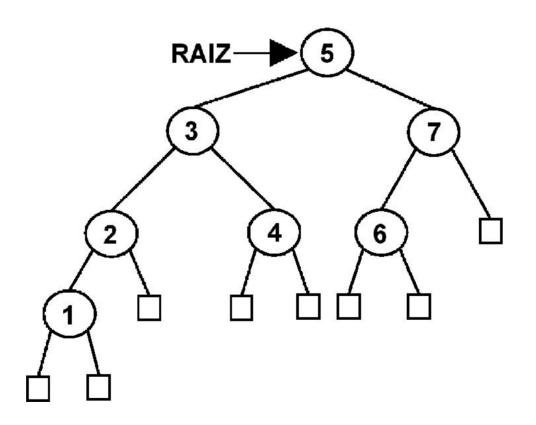
Crie uma árvore binária com os dígitos hexadecimais

· Crie uma árvore binária com os dígitos hexadecimais



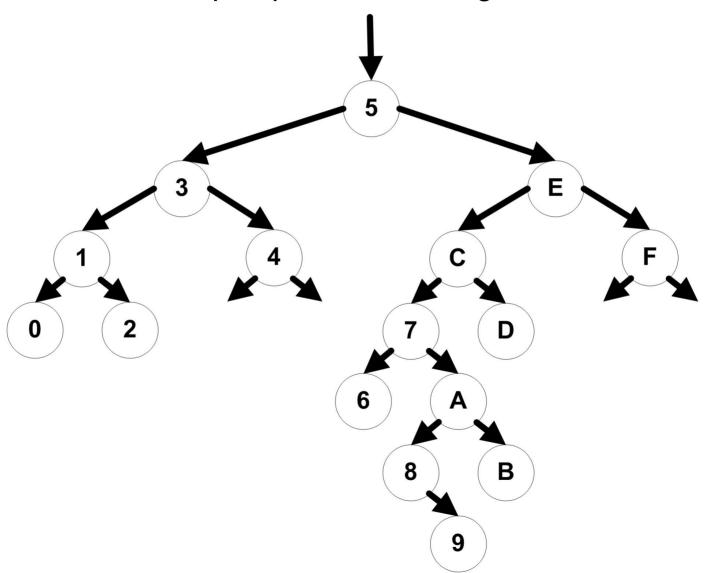
Árvore Binária de Pesquisa

 Árvore binária em que cada nó é maior que todos seus vizinhos à esquerda e menor que todos à direita. Por exemplo:



· Crie uma árvore binária de pesquisa com os dígitos hexadecimais

· Crie uma árvore binária de pesquisa com os dígitos hexadecimais



Árvore Binária Completa

- · Árvore binária em que:
 - Cada nó é uma folha OR possui exatamente dois filhos
 - Todos os nós folhas possuem uma altura h
 - O número de nós internos é $2^h 1$
 - O número de nós folhas é 2^h
 - O número total de nós é $2^{h} 1 + 2^{h} = 2^{(h+1)} 1$

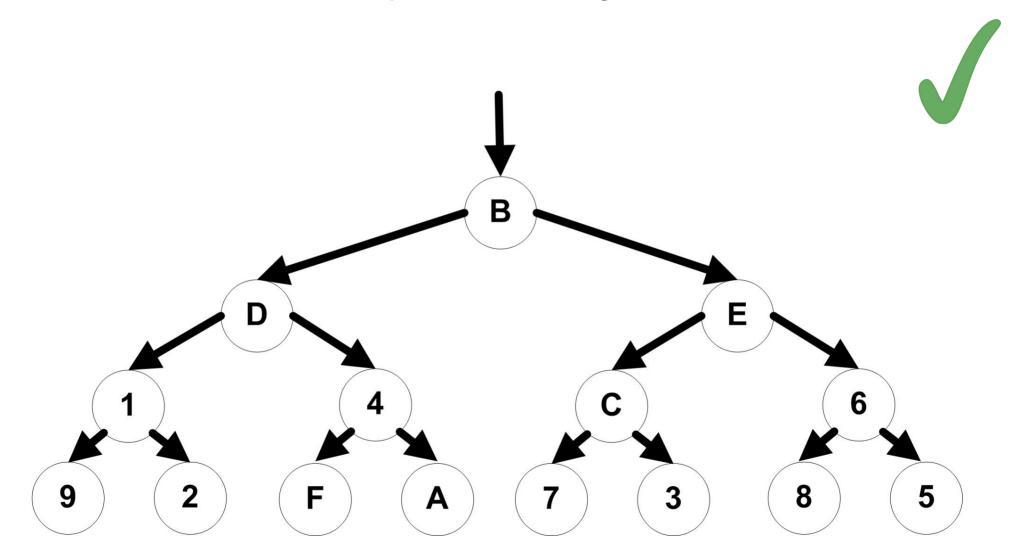
· Crie uma árvore binária completa com os dígitos hexadecimais (0, 1, 2, 3,

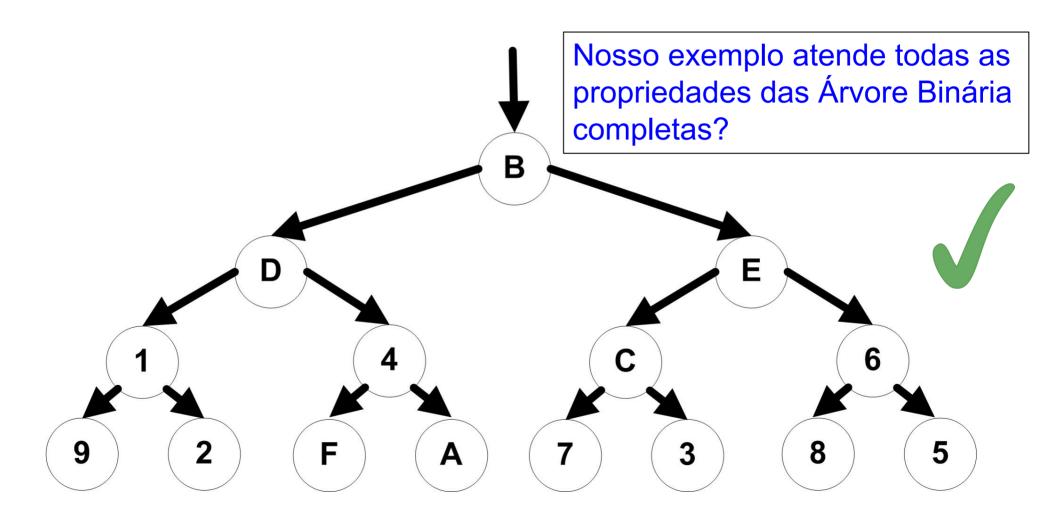
4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E e F)

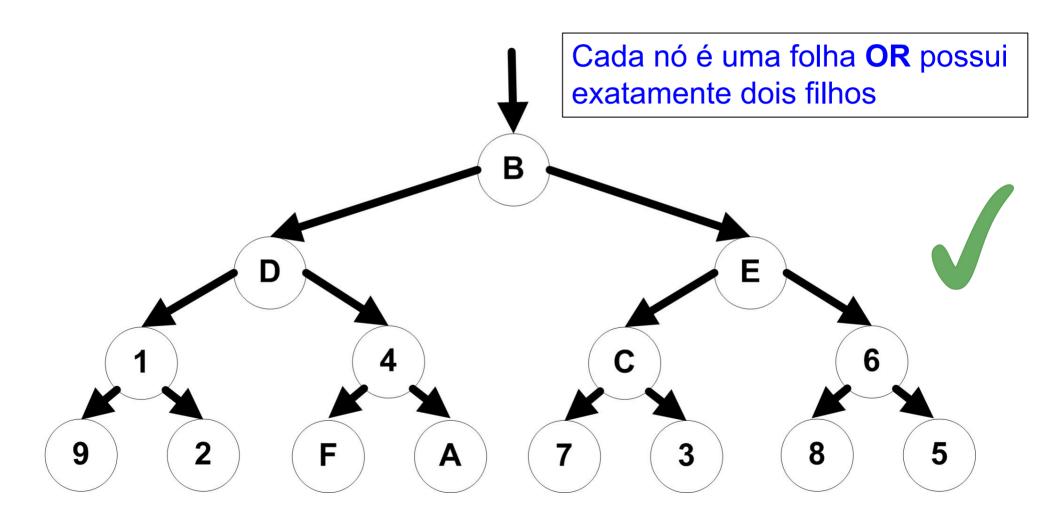
· Crie uma árvore binária completa com os dígitos hexadecimais (0, 1, 2, 3,

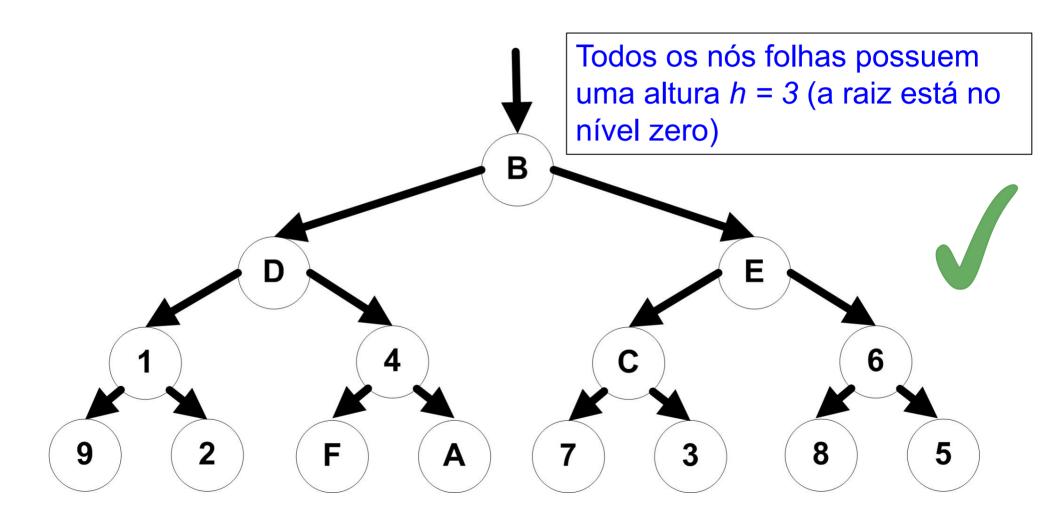
4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E e F)

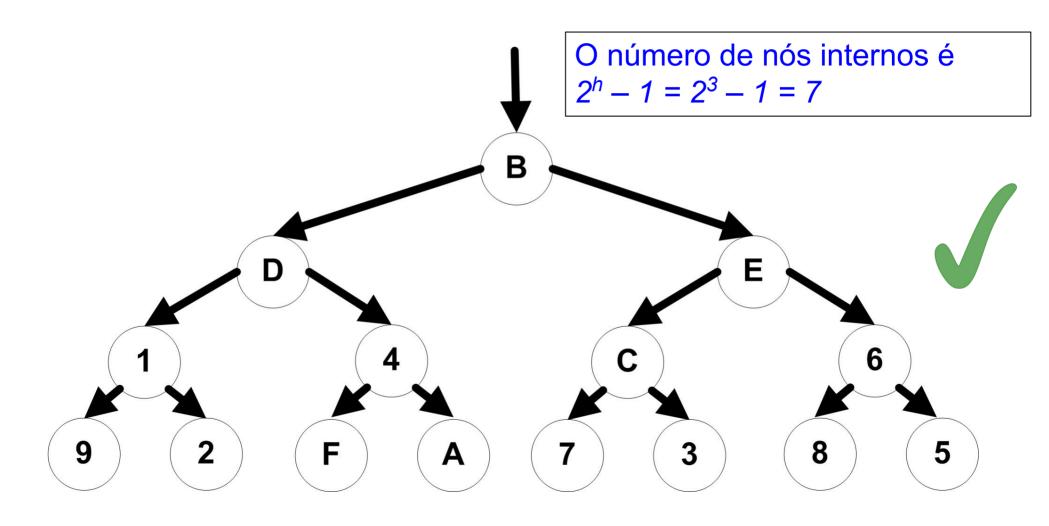
Impossível, pois o número de nós **é uma potência de dois** (está sobrando um nó)

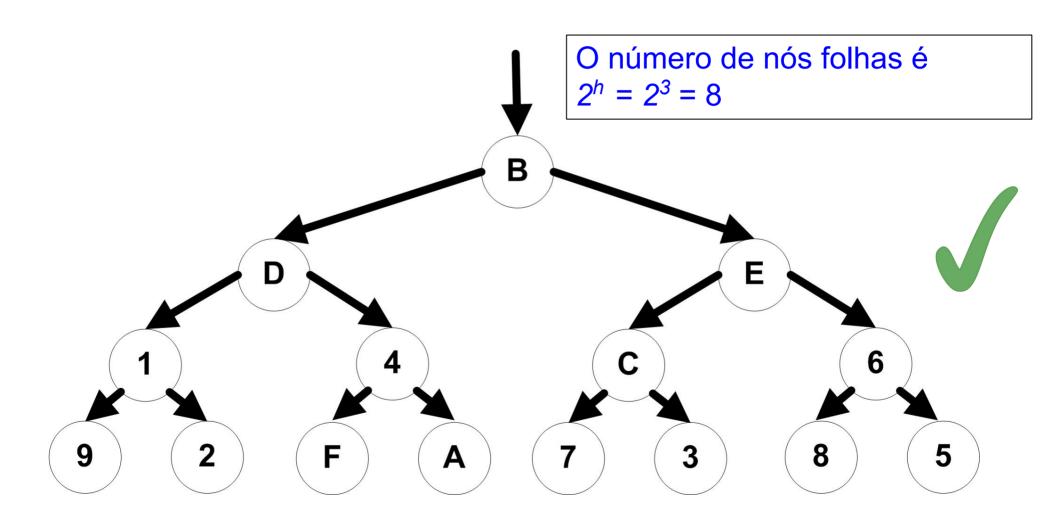


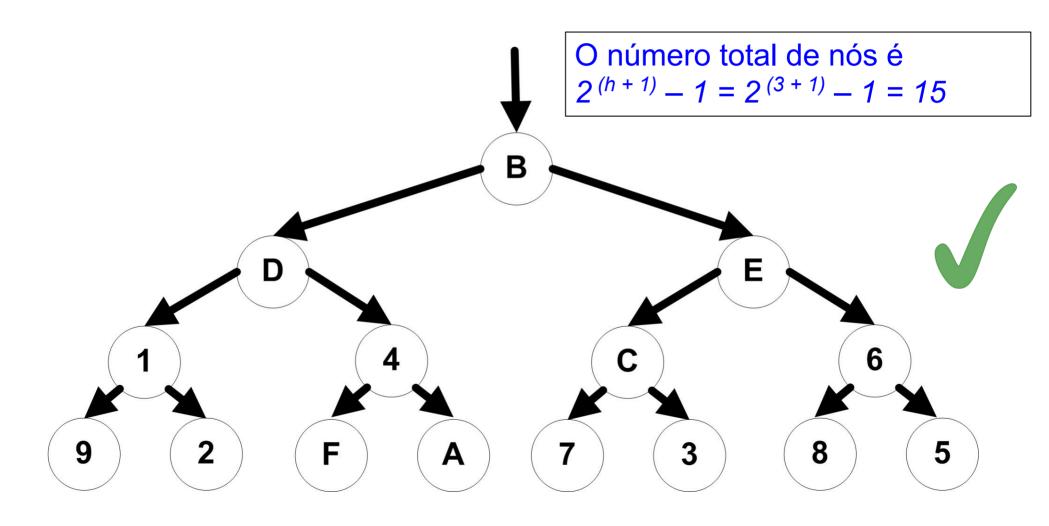






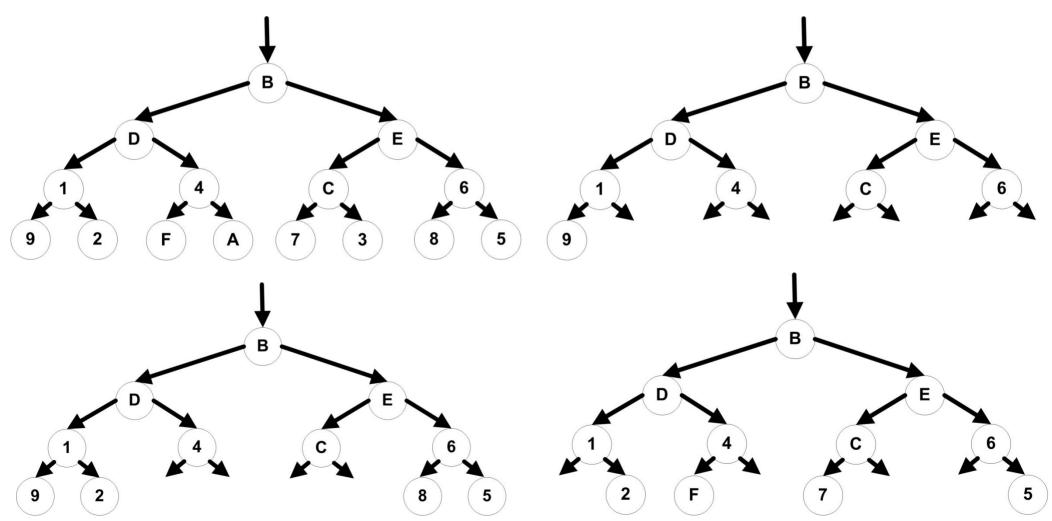






Árvore Balanceada

 Árvore em que para TODOS os nós, a diferença entre a altura de suas árvores da esquerda e da direita sempre será 0 ou ±1 como, por exemplo:



Consideração

 Árvore Binária de Pesquisa (ABP) também é chamada de Árvore Binária de Busca (ABB) ou Binary Search Tree (BST)

 A partir deste ponto, neste material, considera-se que todas as árvores binárias serão de pesquisa

Agenda

Definições e conceitos

Classe Nó em Java



Classe Árvore Binária em Java

Algoritmo em Java - Classe Nó

```
class No {
  int elemento;
  No esq;
  No dir;
  No(int elemento, null, null);
  }
  No(int elemento, No esq, No dir) {
    this.elemento = elemento;
    this.esq = esq;
    this.dir = dir;
  }
}
```

Agenda

- Definições e conceitos
- Classe Nó em Java
- Classe Árvore Binária em Java



Classe Árvore Binária em Java

```
class ArvoreBinaria {
   No raiz;
   ArvoreBinaria() { raiz = null; }
   void inserir(int x) { }
   void inserirPai(int x) { }
   boolean pesquisar(int x) { }
   void caminharCentral() { }
   void caminharPre() { }
   void caminharPos() { }
   void remover(int x) { }
}
```

Classe Árvore Binária em Java

```
class ArvoreBinaria {
   No raiz;
   ArvoreBinaria() { raiz = null; }
   void inserir(int x) { }
   void inserirPai(int x) { }
   boolean pesquisar(int x) { }
   void caminharCentral() { }
   void caminharPre() { }
   void caminharPos() { }
   void remover(int x) { }
}
```

