

Estrutura de Dados e Algoritmos I

Trabalho Da Disciplina



Gabriel Moreira Ferreira - 220115813

Novembro, 2023

Sumário

1	Introdução	3
2	Desenvolvimento	3
2.1	Definindo classes	3
2.2	Algoritmos da pilha	3
2.3	Algoritmo de busca	4
2.4	Algoritmo de inclusão	5
2.5	Algoritmo de exclusão	6
2.6	Algoritmo de pré-ordem	7
2.7	Algoritmo de mostrar árvore	7
2.8	Algoritmo principal	8
3	Algoritmo completo	10
4	Conclusão	14

1 Introdução

O objetivo deste trabalho é elaborar um programa que seja capaz de implementar uma **Árvore Binária de Busca** juntamente com os algoritmos de: inclusão, exclusão, busca e caminhamento pré-ordem de forma iterativa. Ademais, também é implementado um algoritmo que seja capaz de exibir a estrutura da árvore binária de busca.

2 Desenvolvimento

O desenvolvimento deste trabalho se deu a partir da implementação de alguns algoritmos que serão exibidos a seguir.

2.1 Definindo classes

Primeiramente, foi necessário definir as classes que serão utilizadas pelos algoritmos do projeto. As classes definidas foram: **Nó** e **Elemento**.

A classe **Nó** é a classe que armazenará os dados (valor, elemento a esquerda, elemento a direita e elemento pai) de cada nó da árvore binária de busca. Já a classe **Elemento** é a classe que armazenará os dados (nó e próximo elemento) de cada elemento da pilha. Esta pilha será implementada de forma encadeada e terá uso no algoritmo de caminhamento em pré-ordem.

```
1 classe No:
2     valor = nulo
3     esq = nulo
4     dir = nulo
5     pai = nulo
6
7 classe Elemento:
8     no = nulo
9     prox = nulo
```

2.2 Algoritmos da pilha

Nesta etapa foi definido os algoritmos de empilhar e desempilhar que serão utilizados na pilha.

No algoritmo de **empilhar** é criado uma variável da classe **Elemento** e atribuído à sua propriedade "nó" o **Nó** da árvore que será recebido para ser empilhado, depois é feito com que o novo elemento possua sua propriedade "prox" para apontar para o elemento que está no topo da pilha, após isso é alterado o ponteiro do topo para o elemento recém criado e então o novo elemento do topo é retornado.

No algoritmo de **desempilhar** primeiro é verificado se a pilha não está vazia, caso não esteja, então o ponteiro de topo da pilha é atualizado para o próximo elemento. Ao fim, é retornado o elemento que foi desempilhado.

```
1 funcao empilhar (no, topo):
```

```

2  novo = Elemento()
3  novo.no = no
4  novo.prox = topo
5  topo = novo
6  return topo
7
8  funcao desempilhar(topo):
9      if (topo != nulo):
10         aux = topo
11         topo = topo.prox
12         return aux

```

2.3 Algoritmo de busca

O algoritmo de **busca** é responsável por buscar um valor de chave na árvore binária de busca. Para compreender seu funcionamento, o mesmo pode ser dividido em 4 partes:

1. Primeiramente é verificado se a árvore está vazia, caso esteja, é atribuído 0 à variável *f* e nulo à variável *pai*;
2. Caso o valor de chave buscado tenha sido encontrado, é atribuído 1 à variável *f* e a variável *pai* passa a ser o pai do elemento buscado;
3. Caso o valor de chave buscado seja menor que o valor do nó que está sendo verificado no momento, é feita a verificação se o nó a esquerda é vazio, caso seja, significa que o valor de chave não foi encontrado e é ali que ele deve ser inserido caso seja executada uma chamada de inclusão, então é atribuído 2 à variável *f* e a variável *pai* passa a ser o pai do elemento buscado. Caso o nó da esquerda não seja vazio, então a função de busca é chamada recursivamente para operar na subárvore esquerda do nó atual;
4. Caso o valor de chave buscado seja maior que o valor do nó que está sendo verificado no momento, é realizado o mesmo procedimento detalhado acima, mas dessa vez com a subárvore direita do nó atual, alterando apenas o valor de retorno da variável *f*, que passa a ser 3 caso o valor de chave não seja encontrado.

Ao fim do algoritmo, é retornado o nó da árvore onde o valor de chave foi encontrado ou então o nó onde o elemento pode ser inserido caso seja realizada uma operação de inclusão. Além disso também é retornado o pai do nó encontrado e o valor da variável *f*. Caso *f* seja 0, indica que a árvore está vazia, caso *f* seja 1, indica que o valor de chave buscado existe na árvore, caso *f* seja 2, indica que o valor de chave pode ser inserido à esquerda do nó *pai* e, por fim, caso *f* seja 3, significa que o valor de chave pode ser inserido num nó à direita do nó *pai*.

```

1  funcao busca(pont, chave):
2      if (pont == nulo):
3          f = 0
4          pai = nulo
5      else:

```

```

6     if (chave == pont.valor):
7         f = 1
8         pai = pont.pai
9     else:
10        if (chave < pont.valor):
11            if (pont.esq == nulo):
12                f = 2
13                pai = pont.pai
14            else:
15                pont = pont.esq
16                pont, pai, f = busca(pont, chave)
17        else:
18            if (pont.dir == nulo):
19                f = 3
20                pai = pont.pai
21            else:
22                pont = pont.dir
23                pont, pai, f = busca(pont, chave)
24    return pont, pai, f

```

2.4 Algoritmo de inclusão

O algoritmo de **inclusão** é responsável por adicionar um novo nó à árvore binária.

Primeiramente, é realizado um procedimento de busca usando a função busca. Se o valor de chave já existe na árvore ($f == 1$), é exibido uma mensagem informando que o valor já está na árvore. Se a árvore está vazia ($f == 0$), um novo nó é criado e atribuído como raiz. Se o valor de chave não foi encontrado ($f == 2$ ou $f == 3$), um novo nó é criado e adicionado à esquerda ($f == 2$) ou à direita ($f == 3$) do nó pai, dependendo da comparação entre valores.

```

1 funcao inclusao(chave, raiz):
2     pont = raiz
3     pont, pai, f = busca(pont, chave)
4     if (f == 1):
5         print("Valor ja existe na arvore binaria.")
6     else:
7         novo = No()
8         novo.valor = chave
9         if (f == 0):
10            raiz = novo
11        else:
12            if (f == 2):
13                pont.esq = novo
14                novo.pai = pont
15            else:
16                pont.dir = novo
17                novo.pai = pont

```

2.5 Algoritmo de exclusão

O algoritmo de **exclusão** é responsável por remover um nó específico da árvore, mantendo as propriedades da estrutura de uma árvore de busca binária.

Primeiramente, é realizado um procedimento de busca usando o algoritmo de busca. Se a árvore está vazia ($f == 0$), é exibido uma mensagem informando que a árvore está vazia. Se o valor de chave não foi encontrado ($f == 2$ ou $f == 3$), é exibido uma mensagem informando que o valor não existe na árvore. Se o valor de chave foi encontrado ($f == 1$), a exclusão é realizada.

A função busca é chamada para encontrar o nó a ser removido e obter informações sobre a árvore (valor de f). Se f for igual a 1, indica que o valor a ser removido foi encontrado na árvore e o algoritmo de exclusão é então executado:

1. Se o nó a ser removido não tem filho à esquerda, substitui o nó pelo seu filho à direita (ou nulo se não houver);
2. Se o nó a ser removido não tem filho à direita, substitui o nó pelo seu filho à esquerda;
3. Se o nó a ser removido tem ambos os filhos, encontra-se então o nó sucessor, que é o nó de menor valor na subárvore direita do nó a ser excluído. Assim que encontrado, ele passa a ocupar a posição do nó a ser removido e, em seguida, remove-se o nó de valor de chave solicitado.

```
1 funcao exclusao(chave, raiz):
2     pont, pai, f = busca(raiz, chave)
3     if (f == 0):
4         print("A arvore binaria esta vazia.")
5     else:
6         if (f == 1):
7             if (pont.esq == nulo):
8                 if (pont == raiz):
9                     raiz = raiz.dir
10                else:
11                    if (pont == pai.esq):
12                        pai.esq = pont.dir
13                    else:
14                        pai.dir = pont.dir
15            else:
16                if (pont.dir == nulo):
17                    if (pont == raiz):
18                        raiz = raiz.esq
19                else:
20                    if (pont == pai.esq):
21                        pai.esq = pont.esq
22                    else:
23                        pai.dir = pont.esq
24            else:
25                pont_aux = pont.dir
26                pai_aux = pont
```

```

27         while (pont_aux.esq != nulo):
28             pai_aux = pont_aux
29             pont_aux = pont_aux.esq
30         if (pai_aux != pont):
31             pai_aux.esq = pont_aux.dir
32             pont_aux.dir = pont.dir
33         pont_aux.esq = pont.esq
34         if (pont == raiz):
35             raiz = pont_aux
36         else:
37             if (pai.esq == pont):
38                 pai.esq = pont_aux
39             else:
40                 pai.dir = pont_aux
41         del(pont)
42     else:
43         print("Valor nao existe na arvore binaria.")

```

2.6 Algoritmo de pré-ordem

O algoritmo de **pré-ordem** é responsável por percorrer a árvore binária e visitar cada nó antes de seus filhos, seguindo a ordem: raiz, esquerda, direita.

O algoritmo inicia verificando se a árvore está vazia, se estiver, exibe uma mensagem informando que a árvore está vazia e não faz o caminhamento pré-ordem. Caso não esteja vazia, é utilizado uma pilha encadeada para armazenar os nós à medida que são visitados. Enquanto a pilha não estiver vazia ou o ponteiro pont não for nulo, continua o loop. Se o ponteiro pont não for nulo, imprime o valor do nó e o empilha. Após isso, verifica se a pilha não está vazia, e então desempilha um nó e move para sua subárvore direita.

```

1 funcao pre_ordem(pont, raiz, topo):
2     if (raiz == nulo):
3         print("A arvore binaria esta vazia.")
4     else:
5         while (topo != nulo or pont != nulo):
6             while (pont != nulo):
7                 print(pont.valor)
8                 empilhar(pont, topo)
9                 pont = pont.esq
10            if (topo != nulo):
11                pont = desempilhar(topo).no
12                pont = pont.dir

```

2.7 Algoritmo de mostrar árvore

O algoritmo de **mostrar árvore** é responsável por exibir a estrutura da árvore binária de busca de forma visual.

O algoritmo inicia verificando se a árvore está vazia, caso esteja, é exibido uma mensagem informando que a árvore está vazia. Caso não esteja, é utilizado uma abordagem recursiva para percorrer a árvore em ordem inversa (direita, raiz, esquerda), apresentando visualmente os nós e suas subárvores. Cada nó é exibido com espaçamento proporcional ao seu nível na árvore.

```
1 funcao mostrar_arvore(pont, level, raiz):
2     if (raiz == nulo):
3         print("A arvore binaria esta vazia.")
4     if (pont != nulo):
5         mostrar_arvore(pont.dir, level + 1, raiz)
6         print(" " * 5 * level, "--", pont.valor)
7         mostrar_arvore(pont.esq, level + 1, raiz)
```

2.8 Algoritmo principal

O **algoritmo principal** `main()` é responsável por criar um menu interativo para o usuário interagir com as operações da árvore binária de busca: inclusão, exclusão, caminhamento pré-ordem, exibição da árvore e encerramento do programa.

O algoritmo é composto por um loop que continua até o usuário escolher a opção de encerramento. Nele, é exibido um menu com opções numeradas para o usuário escolher, sendo as opções:

1. Inclusão;
2. Exclusão;
3. Caminhamento pré-ordem;
4. Mostrar a árvore;
5. Fim.

Após o usuário digitar a opção desejada, é executado o algoritmo correspondente à sua escolha (inclusao, exclusao, pre_ordem ou mostrar_arvore). Se a escolha do usuário não corresponder a nenhuma operação válida, é exibido uma mensagem indicando uma opção inválida. O loop continua até o usuário escolher a opção de encerramento.

```
1 funcao main():
2     escolha = -1
3     while (escolha != 5):
4         print("Escolha uma das opcoes do menu abaixo.")
5         print(" ")
6         1 - Inclusao
7         2 - Exclusao
8         3 - Caminhamento pre-ordem
9         4 - Mostrar a arvore
10        5 - Fim
11        " " )
```



```

12     escolha = input("Sua escolha: ")
13
14     if (escolha == 1):
15         chave = input("Digite o valor que voce deseja
16             incluir na arvore: ")
17         inclusao(chave, raiz)
18     else:
19         if (escolha == 2):
20             chave = input("Digite o valor que voce deseja
21                 excluir da arvore: ")
22             exclusao(chave, raiz)
23         else:
24             if (escolha == 3):
25                 print("Caminhamento pre-ordem da arvore binaria
26                     :")
27                 pre_ordem(pont, raiz, topo)
28             else:
29                 if (escolha == 4):
30                     print("Exibindo a arvore binaria:")
31                     mostrar_arvore(pont, level, raiz)
32             else:
33                 if (escolha != 5):
34                     print("Opcao invalida.")

```

3 Algoritmo completo

```
1  classe No:
2      valor = nulo
3      esq = nulo
4      dir = nulo
5      pai = nulo
6
7  classe Elemento:
8      no = nulo
9      prox = nulo
10
11 funcao empilhar(no, topo):
12     novo = Elemento()
13     novo.no = no
14     novo.prox = topo
15     topo = novo
16     return topo
17
18 funcao desempilhar(topo):
19     if (topo != nulo):
20         aux = topo
21         topo = topo.prox
22         return aux
23
24 funcao main():
25     escolha = -1
26     while (escolha != 5):
27         print("Escolha uma das opcoes do menu abaixo.")
28         print("""
29             1 - Inclusao
30             2 - Exclusao
31             3 - Caminhamento pre-ordem
32             4 - Mostrar a arvore
33             5 - Fim
34         """)
35         escolha = input("Sua escolha: ")
36
37         if (escolha == 1):
38             chave = input("Digite o valor que voce deseja
39                             incluir na arvore: ")
40             inclusao(chave, raiz)
41         else:
42             if (escolha == 2):
43                 chave = input("Digite o valor que voce deseja
44                             excluir da arvore: ")
45                 exclusao(chave, raiz)
46             else:
```

```

45         if (escolha == 3):
46             print("Caminhamento pre-ordem da arvore binaria
              :")
47             pre_ordem(pont, raiz, topo)
48         else:
49             if (escolha == 4):
50                 print("Exibindo a arvore binaria:")
51                 mostrar_arvore(pont, level, raiz)
52             else:
53                 if (escolha != 5):
54                     print("Opcao invalida.")
55
56 funcao busca(pont, chave):
57     if (pont == nulo):
58         f = 0
59         pai = nulo
60     else:
61         if (chave == pont.valor):
62             f = 1
63             pai = pont.pai
64         else:
65             if (chave < pont.valor):
66                 if (pont.esq == nulo):
67                     f = 2
68                     pai = pont.pai
69                 else:
70                     pont = pont.esq
71                     pont, pai, f = busca(pont, chave)
72             else:
73                 if (pont.dir == nulo):
74                     f = 3
75                     pai = pont.pai
76                 else:
77                     pont = pont.dir
78                     pont, pai, f = busca(pont, chave)
79     return pont, pai, f
80
81 funcao inclusao(chave, raiz):
82     pont = raiz
83     pont, pai, f = busca(pont, chave)
84     if (f == 1):
85         print("Valor ja existe na arvore binaria.")
86     else:
87         novo = No()
88         novo.valor = chave
89         if (f == 0):
90             raiz = novo
91         else:
92             if (f == 2):
93                 pont.esq = novo

```

```

94         novo.pai = pont
95     else:
96         pont.dir = novo
97         novo.pai = pont
98
99 funcao exclusao(chave, raiz):
100     pont, pai, f = busca(raiz, chave)
101     if (f == 0):
102         print("A arvore binaria esta vazia.")
103     else:
104         if (f == 1):
105             if (pont.esq == nulo):
106                 if (pont == raiz):
107                     raiz = raiz.dir
108                 else:
109                     if (pont == pai.esq):
110                         pai.esq = pont.dir
111                     else:
112                         pai.dir = pont.dir
113             else:
114                 if (pont.dir == nulo):
115                     if (pont == raiz):
116                         raiz = raiz.esq
117                     else:
118                         if (pont == pai.esq):
119                             pai.esq = pont.esq
120                         else:
121                             pai.dir = pont.esq
122                 else:
123                     pont_aux = pont.dir
124                     pai_aux = pont
125                     while (pont_aux.esq != nulo):
126                         pai_aux = pont_aux
127                         pont_aux = pont_aux.esq
128                     if (pai_aux != pont):
129                         pai_aux.esq = pont_aux.dir
130                         pont_aux.dir = pont.dir
131                     pont_aux.esq = pont.esq
132                     if (pont == raiz):
133                         raiz = pont_aux
134                     else:
135                         if (pai.esq == pont):
136                             pai.esq = pont_aux
137                         else:
138                             pai.dir = pont_aux
139                 del(pont)
140         else:
141             print("Valor nao existe na arvore binaria.")
142
143 funcao pre_ordem(pont, raiz, topo):

```

```

144     if (raiz == nulo):
145         print("A arvore binaria esta vazia.")
146     else:
147         while (topo != nulo or pont != nulo):
148             while (pont != nulo):
149                 print(pont.valor)
150                 empilhar(pont, topo)
151                 pont = pont.esq
152             if (topo != nulo):
153                 pont = desempilhar(topo).no
154                 pont = pont.dir
155
156 funcao mostrar_arvore(pont, level, raiz):
157     if (raiz == nulo):
158         print("A arvore binaria esta vazia.")
159     if (pont != nulo):
160         mostrar_arvore(pont.dir, level + 1, raiz)
161         print(" " * 5 * level, "--", pont.valor)
162         mostrar_arvore(pont.esq, level + 1, raiz)

```

4 Conclusão

Ao fim deste trabalho foi possível consolidar muitos conceitos referentes à Estrutura de Dados bem como suas aplicações. Paralelamente à isto, foi enriquecedor o conhecimento obtido nas linguagens Algorítmicas e Python. Ademais, este projeto não apenas demonstra a aplicação prática de estruturas de dados, mas também ressalta a importância de uma implementação eficiente dessas estruturas para a otimização de algoritmos. Ao criar e manipular uma Árvore Binária de Busca, foi possível explorar conceitos fundamentais de estruturas de dados, contribuindo para um entendimento mais aprofundado da organização e busca em conjuntos de dados.