

```
►PlotlyBackend()
```

```
• begin
•   using Plots
•   using DSP
•   using MAT
•   using SampledSignals
•   using Pkg
•   using Statistics
•   plotly()
• end
```

Gabriel Tavares Ferrarez

Nusp: 10773801

Exercicio 1

```
• begin
•   desejado1_file = matopen("desejado1.mat");
•   desejado1 = read(desejado1_file, "d1")[1,:];
•   close(desejado1_file);
•
•   entrada1_file = matopen("entrada1.mat");
•   entrada1 = read(entrada1_file, "u1")[1,:];
•   close(entrada1_file);
• end
```

Primeiro vamos testar o algoritmo com um valor grande de coeficientes e com um valor pequeno de passo de adaptação.

$M = 200$ coeficientes

$\mu = 0.0001$

Vamos analisar se os coeficientes estão convergindo e quantos dos coeficiente são muito pequenos e vão influenciar menos na estimação do filtro.

```
• begin
•   M200 = 200 #num filtros
•   N = length(entrada1) #num interações
•   noprint
• end
```

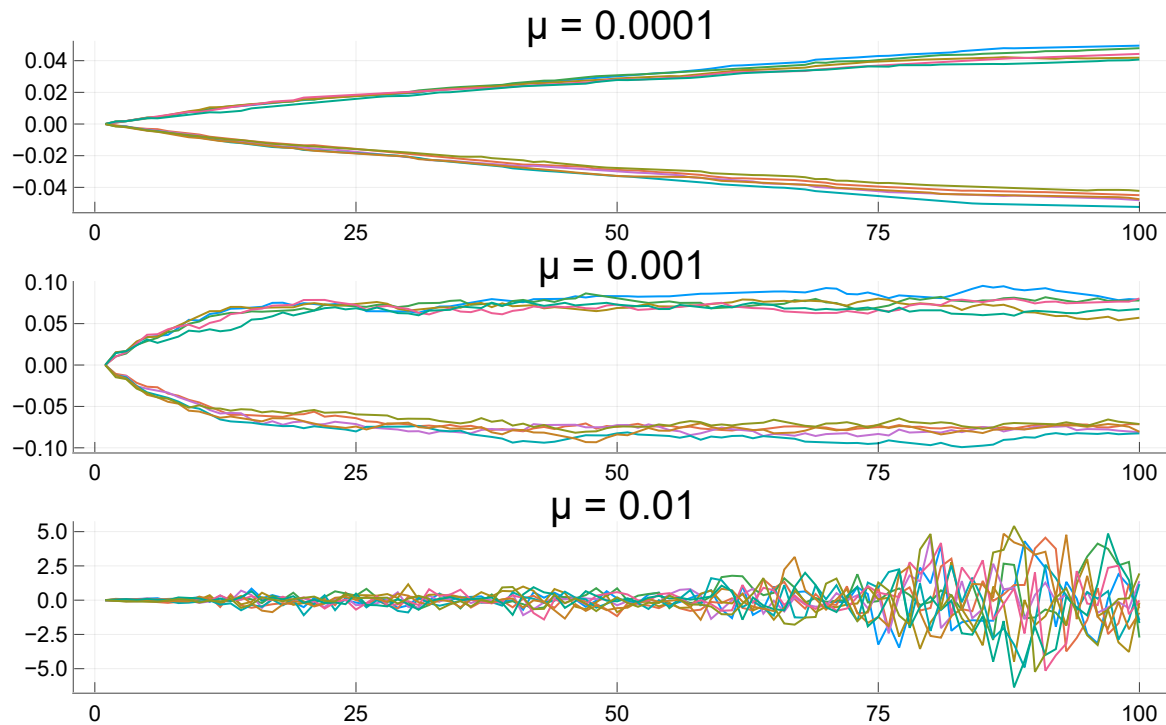
Estimação do passo de convergência

Nessa etapa vamos plotar 10 dos coeficientes e ver como eles se comportam com a mudança de μ .

```

• begin
•     μ_peq = 1e-4
•     μ_med = 1e-3
•     μ_grande = 1e-2
•     W_peq, erro_peq = LMS(entrada1, desejado1, M200,N,μ_peq)
•     W_med, erro_med = LMS(entrada1, desejado1, M200,N,μ_med)
•     W_grande, erro_grande = LMS(entrada1, desejado1, M200,N,μ_grande)
•     noprint
• end

```



Nos gráficos vemos que os 3 comportamentos possíveis a partir do passo de convergência.

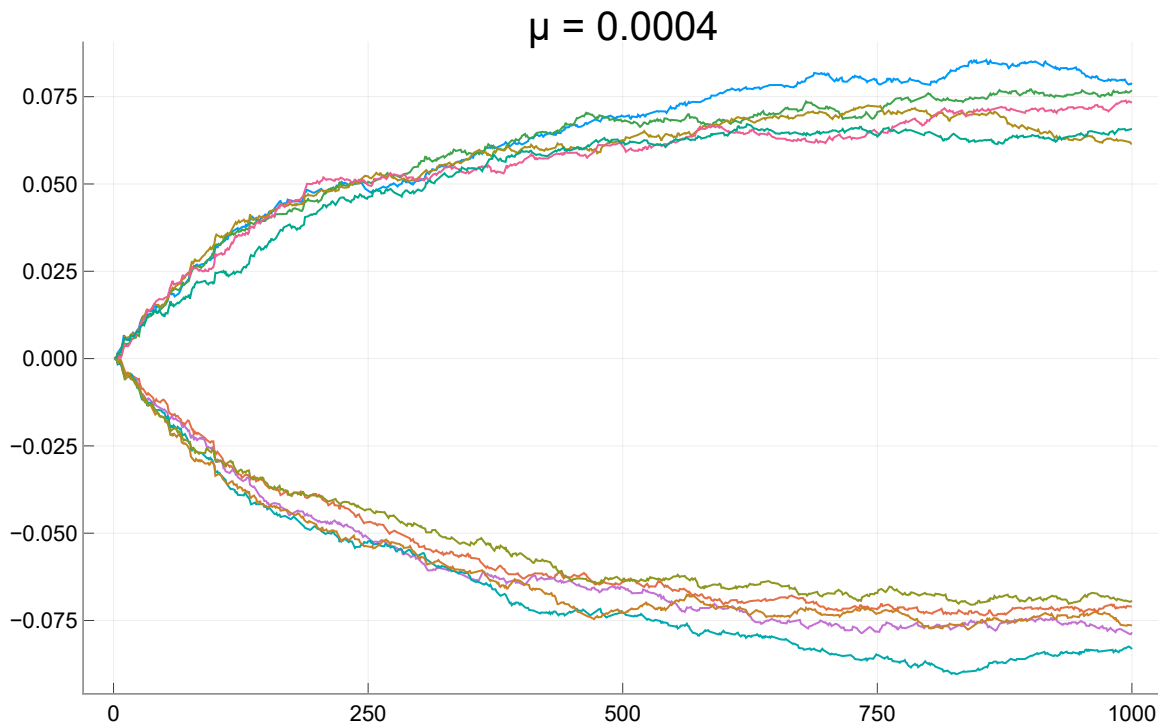
- No primeiro gráfico o valor de μ era muito pequeno e o algoritmo não chegou a convergir para o valor ótimo
- No último gráfico, o valor de μ era muito grande e o algoritmo não consegue convergir para nenhum valor
- No gráfico do meio o algoritmo conseguiu convergir para valores ótimos do filtro, portanto o valor ideal deve estar próximo dessa ordem de grandeza

Com isso em mente, vamos alterar o valor de μ manualmente até chegar em um valor ótimo.

```

• begin
•     μ = 4e-4
•
•     W_μ_otimo, erro_μ_otimo = LMS(entrada1, desejado1, M200,N,μ)
•     noprint
• end

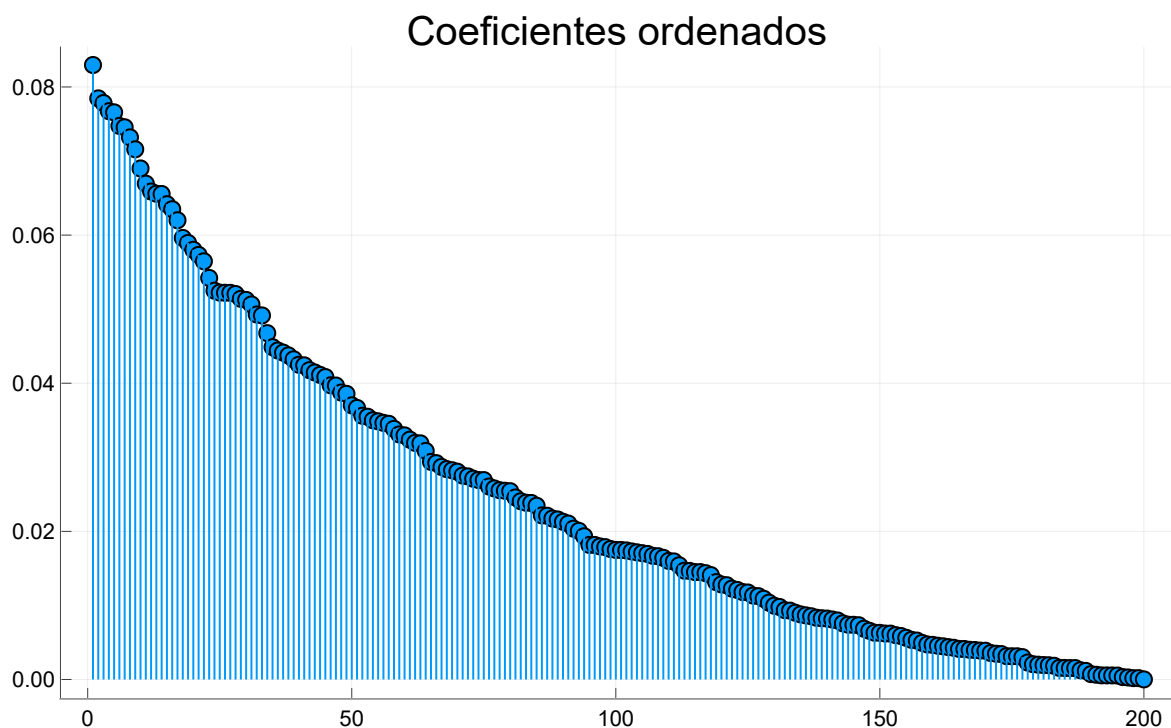
```



Após testes manuais, o valor escolhido para μ foi $\mu = 0.0004$, dessa forma o algoritmo tem tempo de convergir e mantém uma certa estabilidade

Estimação do número de coeficientes

Para estimar o número ideal de coeficientes, vamos plotar o valor final de todos os coeficientes e analisar quantos deles são pequenos e podem ser desconsiderados

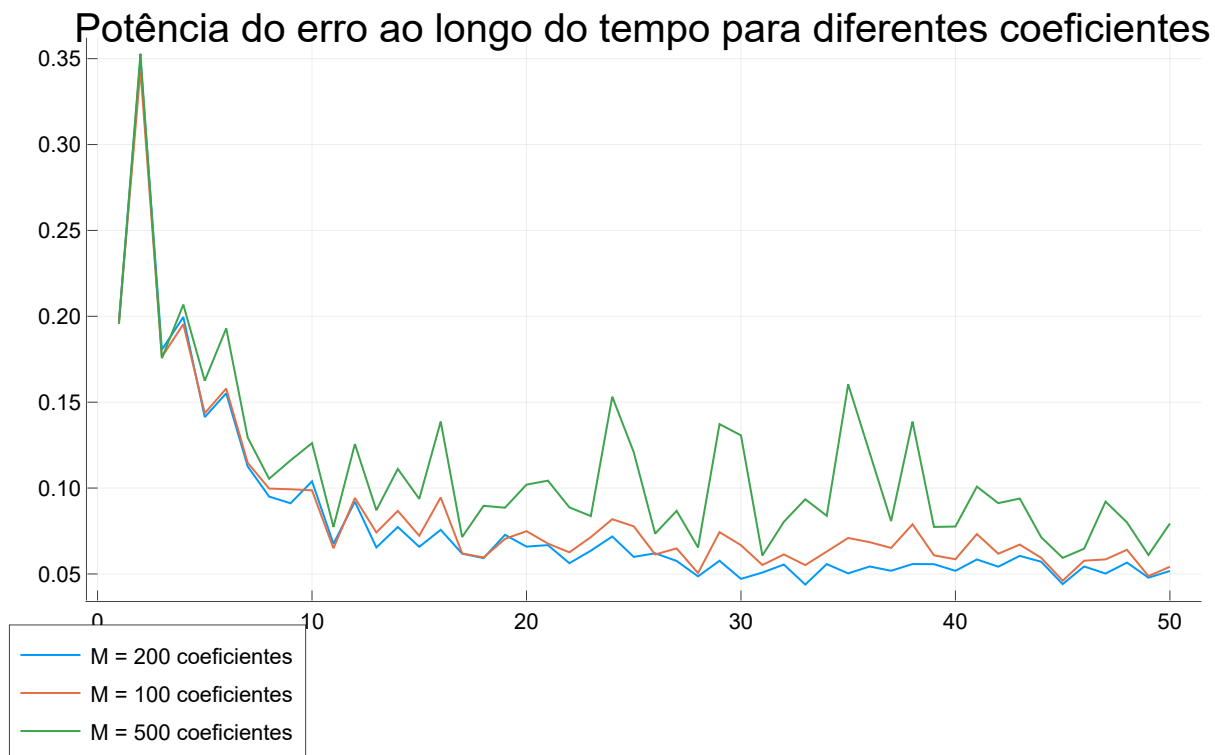


No gráfico vemos que parte dos coeficientes tem um valor bastante baixo e pode ser desconsiderado a fim de diminuir o tamanho do filtro. Os primeiros coeficientes estão em torno de 0.08, portanto iremos desconsiderar os coeficientes uma ordem de grandeza menor (<0.01). Isso nos deixa com algo em torno de **100 coeficientes**.

Para verificar a influência desses coeficientes, vamos plotar a potência do erro em trechos ao longo do tempo dos dois filtros e verificar que a potência dos dois diminui

```
• begin
•   M = 100
•   M50 = 50
•   W1, erro1 = LMS(entrada1, desejado1, M,N,μ)
•   W_50, erro_50 = LMS(entrada1, desejado1, M50,N,μ)
•   noprint
• end
```

```
• begin
•
•   pot_erro = []
•   for i in 0:49
•       tamanho_trecho = 200
•       pot_trecho = sum(erro1[i*tamanho_trecho+1:
• (i+1)*tamanho_trecho].^2)/tamanho_trecho
•       append!(pot_erro,pot_trecho)
•   end
•
•   pot_erro_50 = []
•   for i in 0:49
•       tamanho_trecho = 200
•       pot_trecho = sum(erro_50[i*tamanho_trecho+1:
• (i+1)*tamanho_trecho].^2)/tamanho_trecho
•       append!(pot_erro_50,pot_trecho)
•   end
•
•   pot_erro_200 = []
•   for i in 0:49
•       tamanho_trecho = 200
•       pot_trecho = sum(erro_μ_otimo[i*tamanho_trecho+1:
• (i+1)*tamanho_trecho].^2)/tamanho_trecho
•       append!(pot_erro_200,pot_trecho)
•   end
•   noprint
• end
```



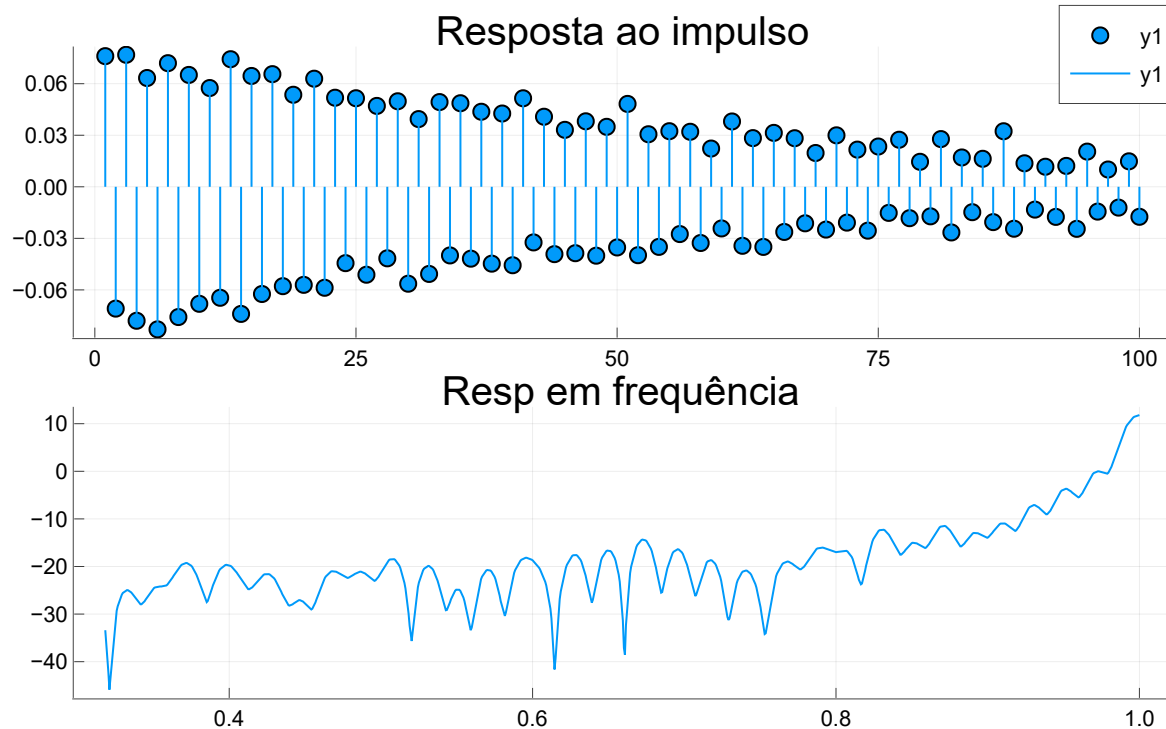
No gráfico podemos ver a influência do número de coeficientes na saída do filtro.

- Com 200 coeficientes, o gráfico converge para uma potência de erro baixa e constante.
- Com 50 coeficientes, o gráfico chega a convergia para uma potência, mas com mais instabilidade.

Usando **100 coeficientes** como apontado antes, é possível reduzir o tamanho do filtro e ainda ter uma qualidade suficientemente boa para o filtro.

Filtro final

No final dessa etapa o filtro que simula o ambiente real é:



Potência do ruído $v[n]$

Para calcular a potência do ruído usaremos o fato que nosso filtro se aproxima do sistema real H .

Com isso temos que a saída Y do filtro adaptativo é muito próxima da saída X do sistema real.
Portanto:

$$E = Y - D = Y - (V + X) = V$$

portanto:

$$V = Y - D$$

Portanto para calcular a potência do ruído $v[n]$ basta passarmos o sinal desejado pelos coeficientes finais do filtro adaptativo e calcular sua potência.

```
0.059037475949395936
```

```
• begin
•   filter = PolynomialRatio(W1[end, :], [1])
•   y = filt(filter, entrada1)
•   v = y - desejado1
•   pot_v = sum(v.^2)/length(v)
• end
```

Pot de $v[n] = 0.059$

Exercicio 2

```
• begin
•     fa = 8_000
•     desejado2_file = matopen("desejado2.mat");
•     desejado2 = read(desejado2_file, "d2")[:,1]
•     close(desejado2_file);
•
•     entrada2_file = matopen("entrada2.mat");
•     entrada2 = read(entrada2_file, "u2")[:,1]
•     close(entrada2_file);
• end
```

Entrada

▶ 0:00 / 0:23 ———— 🔊 ⋮

Eco

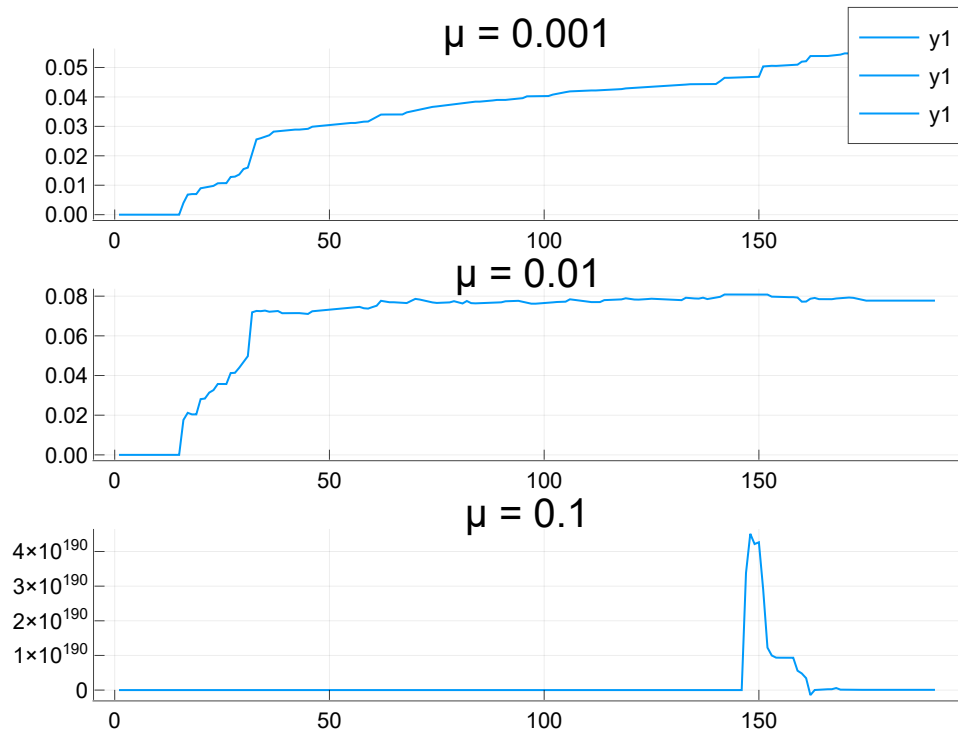
▶ 0:00 / 0:23 ———— 🔊 ⋮

a) Eliminação do eco.

Para eliminar o eco iremos usar o LMS para tentar convergir o sistema real de que gerou o eco da voz. Com esse sistema estimado, iremos passar o sinal original da voz por ele, e subtrair do sinal com eco. Com isso, esperamos eliminar o eco e ficar apenas com o ruído do som desejado.

Usaremos o mesmo número de coeficientes do ultimo exercício, mas será necessário alterar o passo de adaptação.

Teremos que modificar o passo de adaptação, porque os sinais de entrada mudaram. Isso faz com que o valores de correlação entre sinais que geram o filtro ótimo e consequentemente o valor máximo e ideal de μ também se alteram.



Empiricamente observamos que com

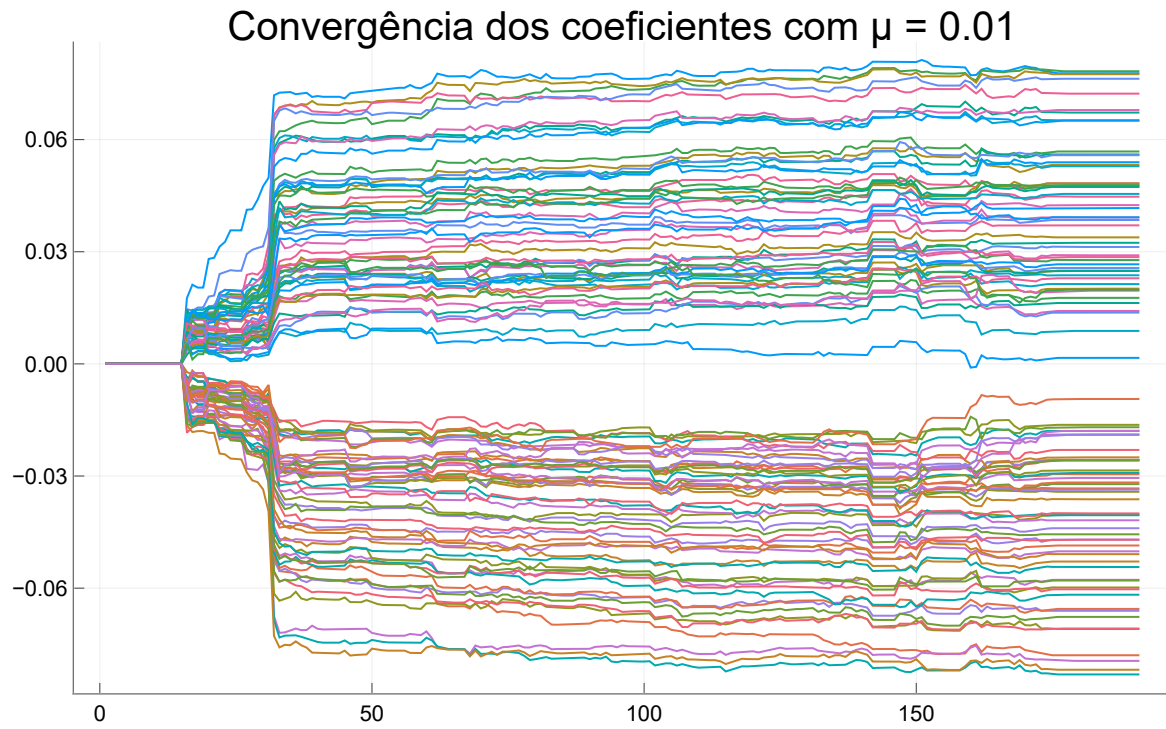
- $\mu = 0.001$, o sistema não tem tempo de convergir
- $\mu = 0.1$, o sistema não converge
- $\mu = 0.01$, o sistema converge bem, portanto o valor ótimo de μ deve estar nessa ordem de grandeza

O μ escolhido foi $\mu = 0.01$

```

• begin
•     N2 = length(entrada2) #190_000 pontors
•     μ2 = 1e-2
•     W2, erro2 = LMS(entrada2, desejado2, M, N2, μ2)
•     noprint
• end

```

Da mesma forma que o exercício anterior, se nosso filtro se aproxima do sistema real, temos:

$$X = Y$$

Portanto

$$E = Y - D = Y - (X + V) = V$$

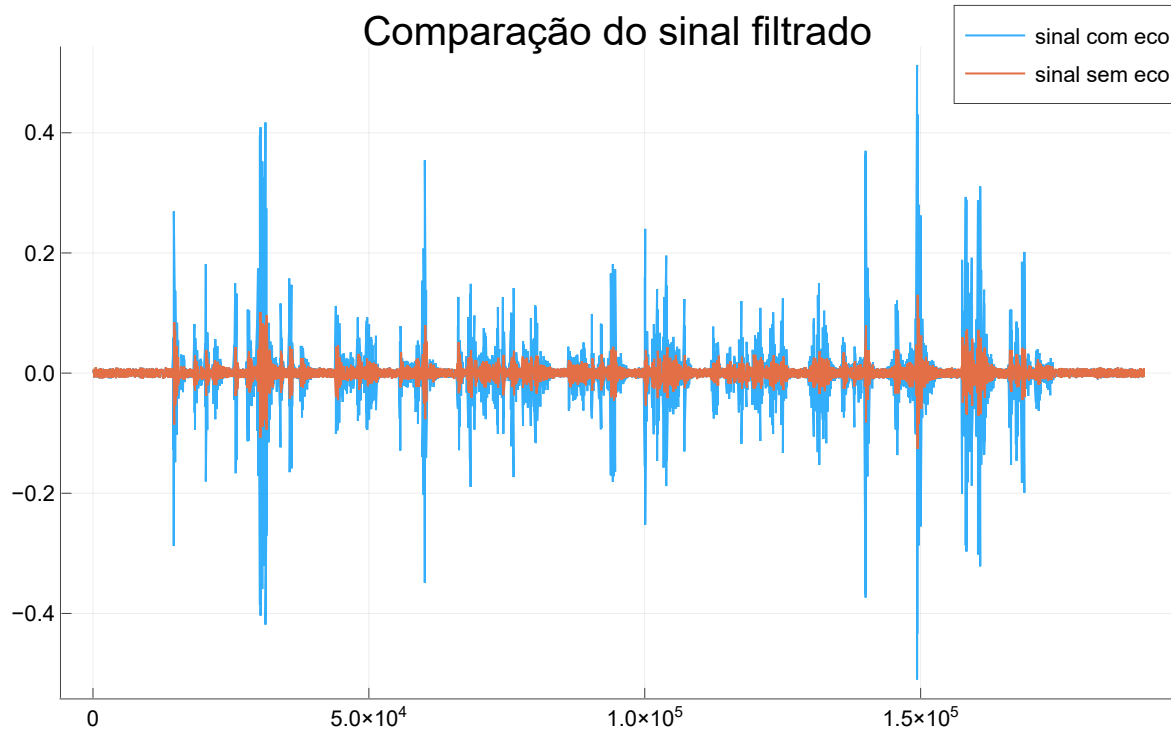
Sendo \mathbf{X} o sinal de eco e \mathbf{V} o sinal que queremos obter. Portanto

$$V = Y - D$$

```

• begin
•     filtro2 = PolynomialRatio(W2[170_000,:], [1])
•     y2 = filt(filtro2, entrada2)
•     v2 = desejado2 .- y2
•     noprint
• end

```



b) Potência do ruído de fundo

Após eliminar boa parte do eco, o que sobre é aproximadamente apenas o ruído de fundo, então apenas precisamos calcular a potência do sinal $n[n]$

```
6.430079651409274e-5
```

```
• begin  
•   pot_ruído2 = sum(v2.^2)/length(v2)  
• end
```

pot ruído = **6.4e-5**

c) Comparação dos sinais

Aqui iremos comparar o sinal de saída. Como o esperado, o sinal ainda possui um pouco da fala do narrador, mas essa fala está bastante atenuada devido a eliminação do filtro adaptativo.

Somado a isso, ouvimos o ruído que calculamos a potência.

Sinal com eco

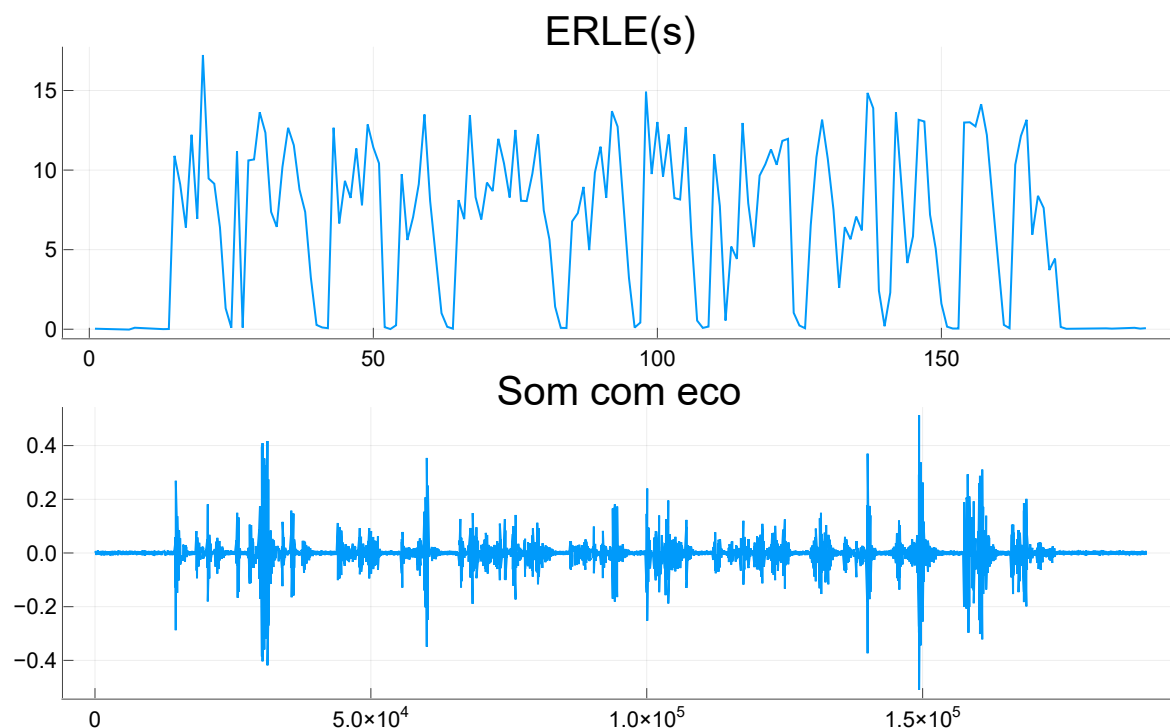
▶ 0:00 / 0:23 — 🔊 ⋮

Sinal sem eco

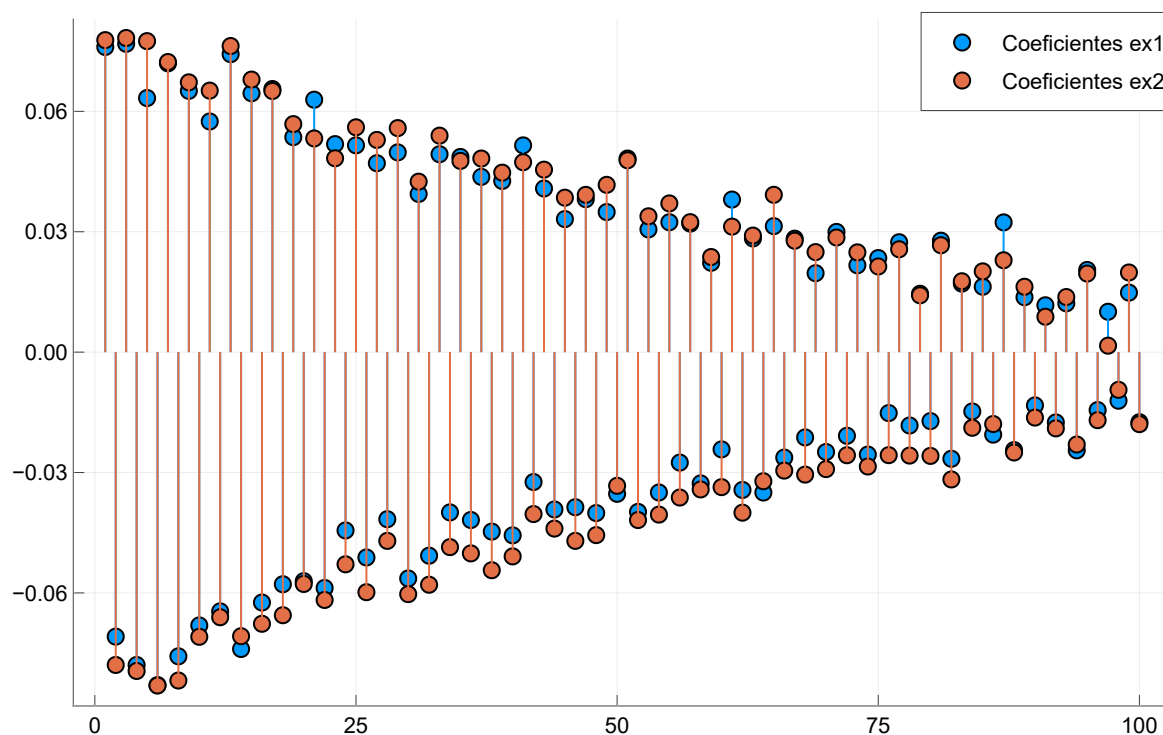
▶ 0:00 / 0:23 — 🔊 ⋮

d) Curva ERLE do sinal filtrado

Aqui podemos ver a eficiência do nosso eliminador de eco. No gráfico abaixo vemos a quantidade de eco eliminado em cada trecho de audio. Podemos ver que nos trechos de som, a curva ELRE tem um valor alto indicando que eliminou ruído.



e) Convergência dos coeficientes



Vemos que os coeficientes realmente convergem para algo próximo.

O objetivo desse filtro é simular um sistema real, portanto a razão mais provável do porque os dois filtros se aproximam é que o sistema real que os dois coeficientes tentam simular é o mesmo. Com isso o algoritmo irá fazer com que os coeficientes dos dois sistemas convirjam.

Functions

LMS (generic function with 1 method)

```
• function LMS(x, d, M, N, μ)
•     X = zeros(M,1)
•     W = zeros(N,M)
•     erro = zeros(N,1)
•
•     for n in 1:N-1
•         X = [x[n]; X[1:M-1]]
•         y = W[n,:]'*X
•         erro[n] = d[n]-y
•         W[n+1, :] = W[n,:] + μ*erro[n]*X
•     end
•     return W, erro
• end
```

pow2db (generic function with 1 method)

```
• function pow2db(x)
•     20*log10(x)
• end
```

noprint =

```
• noprint = md""
```

ERLE (generic function with 1 method)

```

• function ERLE(d,e,Nw,fa)
• # %
• # % Função para cálculo do ERLE
• # % (echo return loss enhancement)
• # % após o cancelador de eco
• # %
• # % Saída
• # % Estimativa do ERLE em dB
• # %
• # % Entradas
• # % d: sinal de eco (desejado)
• # % e: sinal de eco residual (erro do filtro adaptativo)
• # % Nw: número de amostras na janela para estimativa do eco ao longo do tempo
• # % fa: frequência de amostragem
• # %
• # %
•
• # % MTMS, 08/2018
•
• N= length(d);
• Nb= (Int)(floor(N/Nw));
• ERLEx = zeros(1,Nb);
• Ta= 1/fa ;
•
• for i in 1:Nb
•     l=Nw*(i-1)+1:Nw*i;
•     ERLEx[i] = mean(d[l].^2)/mean((e[l].+eps()).^2);
• end
• ERLEdB=10*log10.(ERLEx);
•
• return ERLEdB[1,:]
•
• # figure
• # t=0:(N-1)*Ta/(N/Nw-1):(N-1)*Ta;
• # plot(t,ERLEdB)
• # grid on
• # hold on
• # ylabel('          Eco                      ERLE (dB)')
• # xlabel('tempo (s)')
• # td=t(1):(t(end)-t(1))/(length(d)-1):t(end);
• # plot(td,10*d/max(abs(d))-11)
• # plot([td(1) td(end)],[-0.5 -0.5], 'k', 'LineWidth',1)
• # set(gca,'YTick',[0:10:max(ERLEdB), ceil(max(ERLEdB))]);
• # axis([td(1) td(end) -21 ceil(max(ERLEdB))])
• end

```

• Enter cell code...