



# **Trabalho Prático - Computação Gráfica**

Licenciatura em Ciências da Computação

## **Fase 1 - Grupo 17**

Bruno Neiva  
(a95311)

Gabriel Antunes  
(a101101)

Pedro Gonçalves  
(a101250)

Guilherme Pinho  
(a105533)

2 de março de 2025

# Índice

<u>1.Introdução</u> .....	3
<u>2.Generator</u> .....	4
<u>2.1.Funcionalidades</u> .....	4
<u>2.1.1 Plano</u> .....	5
<u>2.1.2 Box</u> .....	6
<u>2.1.3 Esfera</u> .....	7
<u>2.1.4Cone</u> .....	8
<u>2.1.5 Cilindro</u> .....	9
<u>2.1.6 Torus</u> .....	11
<u>3.Engine</u> .....	12
<u>3.1Leitura do ficheiro de configuração</u> .....	12
<u>3.2Desenho dos modelos</u> .....	12
<u>3.3.Funcionamento da Câmara</u> .....	12
<u>3.3.1Explorer Mode Camera</u> .....	12
<u>4.Demos</u> .....	13
<u>5.Conclusão</u> .....	15

# 1. Introdução

Neste trabalho prático da unidade curricular de Computação Gráfica, foi-nos proposto o desenvolvimento de dois programas: o *generator* e o *engine*. O primeiro tem como função gerar um ficheiro contendo as informações dos modelos necessários, ou seja, criar um arquivo com os vértices que compõem o modelo. Já o *engine* é responsável por interpretar um ficheiro de configuração em formato XML e exibir os modelos a partir dessa leitura. Este projeto foi desenvolvido em C++, utilizando a biblioteca OpenGL para a computação gráfica.

## 2. Generator

### 2.1. Funcionalidades

O *generator* através de um conjunto de parâmetros efetua os cálculos necessários para produzir a forma geométrica desejada e assim gerar um ficheiro .3d para, posteriormente, ser utilizado no *engine*. No nosso programa implementamos as seguintes primitivas gráficas:

- **Plano:**

Cria um quadrado no plano XZ, centrado na origem do referencial, recebendo como parâmetros o comprimento das arestas, o número de divisões e o nome do ficheiro (.3d) resultante.

- **Box:**

Cria um cubo, centrado na origem do referencial, recebendo como parâmetros o comprimento das arestas, o número de divisões em cada face e o nome do ficheiro (.3d) resultante.

- **Esfera:**

Cria uma esfera, centrada na origem do referencial, recebendo como parâmetros o raio, as slices (divisões na vertical), as stacks (divisões na horizontal) e o nome do ficheiro (.3d) resultante.

- **Cone:**

Cria um cone com a base paralela ao plano XZ, centrado na origem do referencial, recebendo como parâmetros o raio da base, a altura, as slices (divisões na vertical), as stacks (divisões na horizontal) e o nome do ficheiro (.3d) resultante.

- **Cilindro:**

Cria um cilindro, com a base paralela ao plano XZ, centrado na origem do referencial, recebendo como parâmetros o raio da base, a altura, as slices (divisões na vertical) e o nome do ficheiro (.3d) resultante.

- **Torus**

Cria um *torus*, centrado na origem do referencial, recebendo como parâmetros o raio interior, o raio exterior, os anéis (rings), as stacks (divisões na horizontal) e o nome do ficheiro (.3d) resultante.

### 2.1.1 Plano

1. Calcular o tamanho de cada divisão:

$$\text{tamanho\_divisoes} = \text{dimensao} / \text{divisões}$$

2. Calcular o deslocamento do centro do plano:

$$\text{dist\_centro} = \text{dimensao} / 2$$

3. Gerar os triângulos:

Iteramos sobre as subdivisões em Z (i) e em X (j).

Nas subdivisões i:

$$z1 = (\text{tamanho\_divisoes} * i) - \text{dist\_centro};$$

$$z2 = (\text{tamanho\_divisoes} * (i + 1)) - \text{dist\_centro};$$

Nas subdivisões j:

x1 e x2 seguindo a mesma logica do z e após esse cálculo também desenhamos os triângulos necessários para gerar o plano:

`// Triangulo 1`

```

triangulos << x1 << ' ' << 0 << ' ' << z1 << '\n';
triangulos << x1 << ' ' << 0 << ' ' << z2 << '\n';
triangulos << x2 << ' ' << 0 << ' ' << z2 << '\n';

// Triangulo 2
triangulos << x1 << ' ' << 0 << ' ' << z1 << '\n';
triangulos << x2 << ' ' << 0 << ' ' << z2 << '\n';
triangulos << x2 << ' ' << 0 << ' ' << z1 << '\n';

```

## 2.1.2 Box

Apresentamos o cálculo da base e do topo pois as laterais seguem a mesma lógica, mas em vez de calcularmos o x, z, calculamos o y, z e o y, x. E o cálculo da translação fica sempre na variável que não é calculada. Em suma, é gerar os planos descritos acima, mas em planos do eixo diferentes e fazemo-lo duas faces de cada de vez.

1. Calcular o tamanho de cada divisão:

$$\text{tamanho\_divisoes} = \text{dimensao} / \text{divisoes}$$

2. Calcular a translação para centrar a box:

$$\text{altura} = \text{dimensao} / 2$$

3. Criar base e topo:

Iteramos sobre as subdivisões em Z (i) e em X (j).

Nas subdivisões i:

```

z1 = (tamanho_divisoes * i) - dist_centro;

z2 = (tamanho_divisoes * (i + 1)) - dist_centro;

```

Nas subdivisões j:

x1 e x2 seguindo a mesma logica do z e após esse cálculo também desenhmos os triângulos necessários para gerar a base (y negativo) e o topo (y positivo):

```

// y positivo
// Triangulo 1
triangulos << x1 << ' ' << altura << ' ' << z1 << '\n';
triangulos << x1 << ' ' << altura << ' ' << z2 << '\n';
triangulos << x2 << ' ' << altura << ' ' << z2 << '\n';
// Triangulo 2
triangulos << x1 << ' ' << altura << ' ' << z1 << '\n';
triangulos << x2 << ' ' << altura << ' ' << z2 << '\n';
triangulos << x2 << ' ' << altura << ' ' << z1 << '\n';
// y negativo
// Triangulo 1
triangulos << x1 << ' ' << -altura << ' ' << z1 << '\n';
triangulos << x2 << ' ' << -altura << ' ' << z2 << '\n';
triangulos << x1 << ' ' << -altura << ' ' << z2 << '\n';
// Triangulo 2
triangulos << x1 << ' ' << -altura << ' ' << z1 << '\n';
triangulos << x2 << ' ' << -altura << ' ' << z1 << '\n';
triangulos << x2 << ' ' << -altura << ' ' << z2 << '\n';

```

### 2.1.3 Esfera

1. Variáveis e cálculos iniciais:

- *dPhi*: variação do ângulo  $\varphi$  (longitude) por fatia. Ele é calculado como  $d\Phi = 2 * M\_PI / \text{slices}$ . Como uma esfera completa tem  $360^\circ$  (ou  $2\pi$  radianos), o código divide essa circunferência pela quantidade de fatias para determinar o incremento angular de cada fatia.
- *dTheta*: variação do ângulo  $\theta$  (latitude) por camada. Ele é calculado como  $d\Theta = M\_PI / \text{stacks}$ . O código divide  $180^\circ$  ( $\pi$  radianos) pela quantidade de camadas para determinar o incremento angular de cada camada.

2. Calcular vértices:

A esfera é gerada através da repetição de dois loops principais:

- Loop sobre stacks (camadas horizontais):

*angle* e *next\_angle* determinam as posições latitudinais atuais e da próxima camada (de  $\theta = 0$  a  $\theta = \pi$ ).

- Loop sobre slices (fatias verticais):

*space* e *next\_space* determinam as posições longitudinais atuais e da próxima fatia (de  $\varphi = 0$  a  $\varphi = 2\pi$ ).

Para cada ponto na esfera, as coordenadas cartesianas (x, y, z) são calculadas com base nos ângulos *angle* (latitude,  $\theta$ ) e *space* (longitude,  $\varphi$ ):

- **x** é calculado usando  $radius * \sin(angle) * \cos(space)$ , que projeta a posição no eixo X.
- **y** é calculado com  $radius * \cos(angle)$ , que projeta a posição no eixo Y.
- **z** é calculado com  $radius * \sin(angle) * \sin(space)$ , que projeta a posição no eixo Z.

O mesmo cálculo é feito para o próximo ponto, em relação à próxima fatia e camada, com o uso de *next\_angle* e *next\_space*.

### 3. Gerar triângulos:

```
// Left Triangles
triangles << x1 << ' ' << y << ' ' << z1 << '\n';
triangles << next_x1 << ' ' << next_y << ' ' << next_z1 << '\n';
triangles << x2 << ' ' << y << ' ' << z2 << '\n';

// Right Triangles
triangles << x2 << ' ' << y << ' ' << z2 << '\n';
triangles << next_x1 << ' ' << next_y << ' ' << next_z1 << '\n';
triangles << next_x2 << ' ' << next_y << ' ' << next_z2 << '\n';
```

## 2.1.4 Cone

### 1. Base:

Para calcular quantas slices a base do cone terá, será necessário dividir por 360° (em radianos) pelo número pretendido:

$angle = 2 * M\_PI / slices;$

Gerar os triângulos seguindo a seguinte logica:

Para cada slice(i):

Coordenadas usando os ângulos anteriores:

$x = (radius * \sin(ang1))$

$z = (radius * \cos(ang1))$

next x =  $(radius * \sin(ang2))$

next z =  $(radius * \cos(ang2))$



Desenhamos os triângulos necessários para gerar a base do cone:

```
triangles << 0 << ' ' << 0 << ' ' << 0 << '\n';
triangles << x2 << ' ' << 0 << ' ' << z2 << '\n';
triangles << x1 << ' ' << 0 << ' ' << z1 << '\n';
```

## 2. Lateral:

Para calcular quantas stacks o cone terá na lateral é necessário fazer o seguinte calculo:

$$\text{heightBase} = \text{height} / \text{stacks};$$

Gerar os triângulos seguindo a seguinte logica:

Para cada stack(i):

Para cada slice (calculada previamente) (j):

Coordenadas do y usando os ângulos anteriores:

$$y = (\text{height stack} * j)$$

$$\text{next y} = (\text{height stack} * (j + 1))$$

Coordenadas (x, z) inferiores:

```
x1 = currRadius * sin(angle * i);
z1 = currRadius * cos(angle * i);
x2 = currRadius * sin(angle * (i + 1));
z2 = currRadius * cos(angle * (i + 1));
```

Coordenadas (x, z) superiores:

```
next_x1 = nextRadius * sin(angle * j);
next_z1 = nextRadius * cos(angle * j);
next_x2 = nextRadius * sin(angle * (j + 1));
next_z2 = nextRadius * cos(angle * (j + 1));
```

Desenhamos os triângulos necessários para gerar a lateral do cone:

```
// Left Triangles
triangles << x1 << ' ' << y << ' ' << z1 << '\n';
triangles << x2 << ' ' << y << ' ' << z2 << '\n';
triangles << next_x1 << ' ' << next_y << ' ' << next_z1 << '\n';

// Right Triangles
triangles << x2 << ' ' << y << ' ' << z2 << '\n';
triangles << next_x2 << ' ' << next_y << ' ' << next_z2 << '\n';
triangles << next_x1 << ' ' << next_y << ' ' << next_z1 << '\n';
```

## 2.1.5 Cilindro

### 1. Cálculo das coordenadas dos vértices:

Para cada fatia  $i$  do cilindro, o código calcula dois pontos  $(x1, z1)$  e  $(x2, z2)$  para as posições na base do cilindro, usando a trigonometria:

- $x1$  e  $z1$  são as coordenadas da base do cilindro para o ponto atual, calculadas como:  
$$x1 = \text{radius} * \sin(\text{angle})$$
$$z1 = \text{radius} * \cos(\text{angle})$$
- $x2$  e  $z2$  são as coordenadas da base do cilindro para o próximo ponto (a próxima fatia), calculadas da mesma forma:

$$x2 = \text{radius} * \sin(\text{next\_angle})$$

$$z2 = \text{radius} * \cos(\text{next\_angle})$$

Os ângulos *angle* e *next\_angle* são calculados a partir de  $i$  (a fatia atual) e  $i + 1$  (a fatia seguinte).

### 2. Gerar triângulos:

O código cria três conjuntos de triângulos para representar o cilindro:

Base Inferior:

```
// Bottom Base
triangles << x2 << ' ' << 0 << ' ' << z2 << '\n';
triangles << x1 << ' ' << 0 << ' ' << z1 << '\n';
triangles << 0 << ' ' << 0 << ' ' << 0 << '\n';
```

Base Superior:

```
// Top Base
triangles << x1 << ' ' << height << ' ' << z1 << '\n';
triangles << x2 << ' ' << height << ' ' << z2 << '\n';
```

```
triangles << 0 << ' ' << height << ' ' << 0 << '\n';
```

Faces Laterais:

```
// Left Triangle
triangles << x1 << ' ' << 0 << ' ' << z1 << '\n';
triangles << x2 << ' ' << 0 << ' ' << z2 << '\n';
triangles << x1 << ' ' << height << ' ' << z1 << '\n';

// Right Triangle
triangles << x2 << ' ' << 0 << ' ' << z2 << '\n';
triangles << x2 << ' ' << height << ' ' << z2 << '\n';
triangles << x1 << ' ' << height << ' ' << z1 << '\n';
```

## 2.1.6 Torus

Geramos um torus 3D dividindo-o em uma série de *rings* e *stacks*, e conectando essas fatias com triângulos. O uso das equações paramétricas para calcular as coordenadas garante que a forma do torus seja gerada de maneira precisa e eficiente.

1. Cálculos:

*outerAngle*: ângulo (em radianos) para cada anel (anima o círculo grande).

```
float outerAngle = 2 * M_PI / rings;
```

*innerAngle*: ângulo (em radianos) para cada "fatias" do círculo pequeno (perfil).

```
float innerAngle = 2 * M_PI / stacks;
```

2. Para cada ring(i):

Para cada stack(j):

Coordenadas do y:

```
// y dos primeiros pontos de cada anel
```

```

y1 = innerRadius * sin(innerAngle * j);
// y dos segundos pontos de cada anel
y2 = innerRadius * sin(innerAngle * (j + 1));

```

Coordenadas (x,z):

```

x1 = (outerRadius + innerRadius*cos(innerAngle*j)) * sin(outerAngle * i);
z1 = (outerRadius + innerRadius*cos(innerAngle*j)) * cos(outerAngle*i);

```

```

nextx1 = (outerRadius + innerRadius * cos(innerAngle * j))* sin
(outerAngle*(i+1));

```

```

nextz1 = (outerRadius + innerRadius * cos(innerAngle * j)) * cos
(outerAngle* (i+1));

```

Coordenadas (x,z):

```

i);
x2 = (outerRadius+innerRadius*cos(innerAngle*(j+1)))*sin(outerAngle*
z2 = (outerRadius+innerRadius*cos(innerAngle*(j+1)))*
cos(outerAngle*i);

```

Desenhamos os triângulos necessários para gerar o torus:

```

// Triangulo 1
triangles << x1 << ' ' << y1 << ' ' << z1 << '\n';
triangles << nextx2 << ' ' << y2 << ' ' << nextz2 << '\n';
triangles << x2 << ' ' << y2 << ' ' << z2 << '\n';
// Triangulo 2
triangles << x1 << ' ' << y1 << ' ' << z1 << '\n';
triangles << nextx1 << ' ' << y1 << ' ' << nextz1 << '\n';
triangles << nextx2 << ' ' << y2 << ' ' << nextz2 << '\n';

```

## 3. Engine

A engine é responsável por ler os ficheiros XML. Esta lê os ficheiros (.3d) gerados pelo generator e gera as figuras pretendidas.

### 3.1 Leitura do ficheiro de configuração

A função responsável por ler o ficheiro de configuração na nossa engine é:

- `void loadXML();`

### 3.2 Desenho dos modelos

No que toca ao desenho dos modelos, desenvolveram-se as seguintes funções:

- `void drawAxis();`

Desenha os eixos x, y e z.

- `void drawModels();`

Desenha os modelos descritos no ficheiro de configuração.

### 3.3. Funcionamento da Câmara

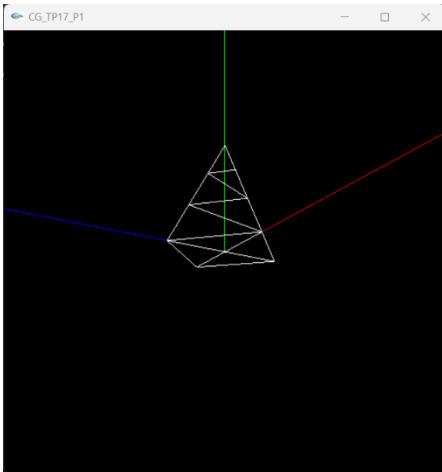
#### 3.3.1 Explorer Mode Camera

A câmara gira em torno do ponto de foco (`lookAtX`, `lookAtY`, `lookAtZ`), como se estivesse presa a uma esfera imaginária.

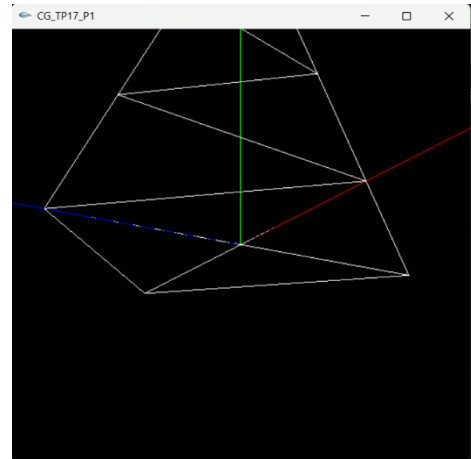
O utilizador pode mover a câmara usando as teclas:

- **W / S** → Move a câmara para cima/baixo ao longo da esfera (controla o ângulo beta).
- **A / D** → Rotação em torno do eixo vertical (alfa).
- **+ / -** → Aproxima ou afasta a câmara do centro (zoom).

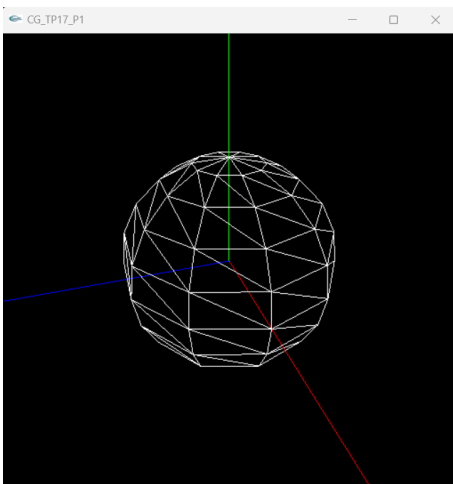
## 4. Demos



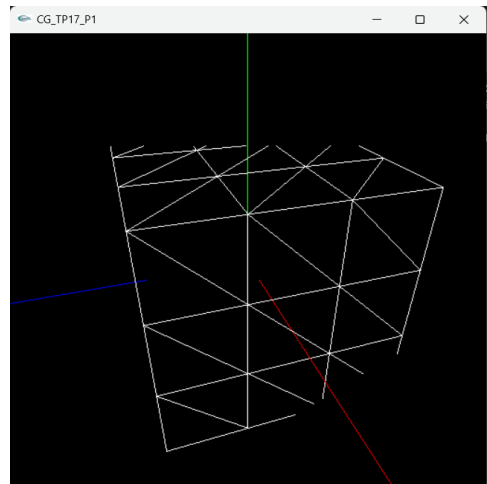
test\_1\_1



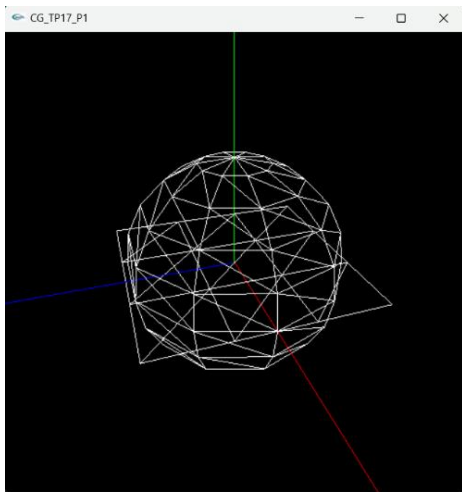
test\_1\_2



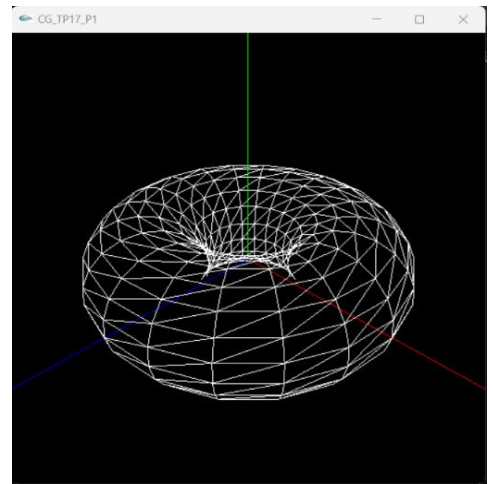
test\_1\_3



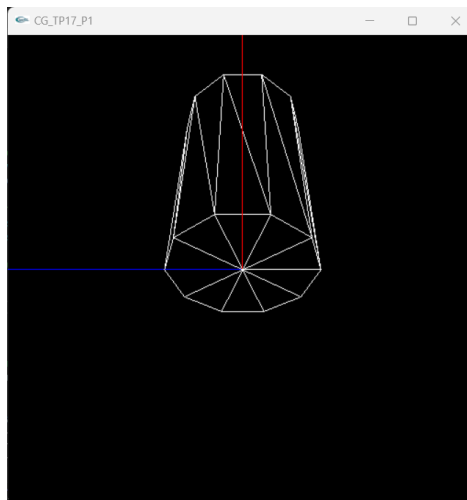
test\_1\_4



test\_1\_5



test\_1\_6



test\_1\_7

## 5. Conclusão

Na primeira fase da realização deste trabalho lidamos com situações que nos colocaram à prova e que nunca nos deparamos durante as aulas. No entanto, isso permitiu-nos utilizar esse desafio para procurar o conhecimento necessário para a conclusão deste trabalho. A presente fase permitiu a consolidação da matéria lecionada nas aulas, especificamente na utilização e no domínio de ferramentas e conceitos de computação gráfica e na linguagem de C++