ANÁLISE DE ALGORITMOS

Variações para solucionar o problema da mochila

Outros códigos no GitHub

Índices

- 1. Objetivos
- 2. Testes de Corretude
- 3. Gerando Entradas
- 4. Tabela de Tempos
 - 4.1. Comentários sobre complexidade de tempo e memória
- 5. Conclusão
- 6. Equipamento Utilizado

1 Objetivos

Estudar os seguintes algoritmos para solução do problema da mochila (Knapsack problem): **recursão**, **recursão com memorização**, **programação dinâmica** e **aproximação**, fazendo as comparações de tamanho de entrada vs tempo e analisando complexidade de tempo e memória para todos os algoritmos.

Obs. Quando eu copio o código do VS Code e colo aqui neste doc ele perde a identação. O código também está no github.

2 Testes de corretude

Foi usada a seguinte função para fazer teste de corretude quando possível:

```
def _verify(weights, values, capacity, n, memo, my_ans):
# run the 3 algorithms with the same input
# if they return the same ans as mine then it may be right...

ans1 = knapsack_recursive(weights, values, capacity, n)
ans2 = knapsack_memoization(weights, values, capacity, n, memo)
ans3 = knapsack_dynamic(weights, values, capacity, n)

return (ans1 == my_ans) and (ans2 == my_ans) and (ans3 == my_ans)
```

weights values capacity n é uma entrada para o problema.

my_ans é o retorno que obtive para a tal entrada.

Usa a mesma entrada para 3 algoritmos diferentes, se todos retornarem a mesma resposta que my_ans é provavel que esteja correto.

3 Gerando as Entradas

As entradas para os testes foram geradas com o seguinte algoritmo:

```
def gen_input_size(n):
# given size 'n', generate 'weights' and 'values' arrays with 'n' items

# where
# 2 <= weight[i] <= 50
# 2 <= value[i] <= 50

weights = []
values = []

for i in range(n):
randomWeight = random.randint(2, 50)
weights.append(randomWeight)

randomValue = random.randint(2, 50)
values.append(randomValue)

with open('input.txt', 'w') as file:
print("weights = ", weights, file=file)
print("values = ", values, file=file)</pre>
```

- Foram geradas entradas de tamanho n = 25, 50 e 75.
- A capacidade da mochila sempre sera de 100.

4 Tabela de tempos

N (# itens)	Tempo p/ Recursivo Direto (ms)	Tempo p/ Recursivo com Memo (ms)	Tempo p/ Programaçã o Dinâmica (ms)	Tempo p/ Aproximação (ms)
25	29.46	1.27	1.30	0.03
50	38155	4.06	2.71	0.04
75	275078	10.69	5.36	0.09

4.1 Comentários sobre complexidade de tempo e memória

- O recursivo direto pode gerar uma call stack muito grande aumentando o tempo de execução e o gasto de memória. Tem complexidade de tempo O(2^n) no pior caso, quando cada item pode ou não ser incluido (estrutura das chamadas recursivas forma uma arvore binária).
- O recursivo com memorização vai alocar uma tabela de dimensões N+1 x C+1, onde N é a quantidade de items e C é capacidade da mochila, isso evita a recomputação de alguns subproblemas, o que torna o algoritmo mais rápido que o Recursivo Direto, mas também pode gastar muita memória. Complexidade de tempo e memória são O(N*C).
- A solução com PD (Programação Dinâmica) precisa alocar uma matriz de dimenções N+1 x C+1 e não usa recurção. Sua complexidade de tempo e memória são O(N*C).
- A complexidade de tempo para o algoritmo de aproximação é
 O(n*Ign) pois ele ordena o vetor (value-to-weight ratio) e a de

memória é O(n) pois ele **aloca um vetor** de tamanho n. Ele não garante uma resposta "100% certeira".

5 Conclusão

A solução recursiva sem nenhuma optimização não é eficiente pois pode gastar muito tempo e memória.

Utilizando memorização na solução recursiva melhora o tempo porém o consumo de memória ainda pode ser muito alto.

A solução com programação dinâmica tem eficiência similar a da recursão com memorização e gasta menos memória por não usar recursão, é ideal para casos onde a entrada é grande e é preciso retornar o valor 100% correto para tal entrada.

O algoritmo de aproximação (greedy) é o mais eficiente porém pode retornar uma resposta aproximada, pode ser usado em casos onde uma aproximação para a solução é o suficiente.

6 Equipamento utilizado

Hardware Model	Dell Inc. Inspiron N5110
Memory	8.0 GiB
Processor	Intel® Core™ i5-2410M CPU @ 2.30GHz × 4
Graphics	AMD® Caicos / Mesa Intel® HD Graphics 3000 (SNB GT2)
Disk Capacity	256.1 GB

OS Name Ubuntu 22.04.2 LTS