

# 1 Lista 6, Zadanie 6

## 1.1 Wstęp agitacyjny

Zrozumienie treści zadania 6 z listy 6 (być może przez mnogość 6) stanowi dla mnie pewien problem. Na przykład jest w nim napisane, że możemy zamówić dowolną liczbę paczek. Jeżeli możemy zamówić ich dowolną liczbę to każdego dnia wieczorem wystarczy zamówić tyle paczek ile sprzedamy następnego dnia (zakładając, że przychodzą rano). Jeżeli paczki muszą być składowane przed sprzedażą, to zadanie również nie ma sensu bo, nie sprzedamy ich więcej niż  $W$ , więc ponownie wystarczy ich zamówić tyle ile na ten dzień potrzeba. W obliczu tylu niejasności chciałbym zaproponować interpretację zadania, mam nadzieję, że nie pozbawi go ona animuszu i werwy oraz nie spłyci. Algorytm, który zaproponuję też jest dość ciekawy. Jeżeli zmyślam to bardzo przepraszam, mam nadzieję, że to rozwiązanie też będzie w jakiś sposób rozwijające.

## 1.2 Interpretacja

Podaję, że zadanie miało na celu opracowanie algorytmu minimalizującego koszt przetrzymywania materiału w spichlerzu, z zasadą, że nadmiar którego nie możemy schować do spichlerza psuje się od razu, natomiast ten pozostający w spichlerzu jest zakonserwowany i nieśmiertelny. Dostawa odbywa się rano, przez co możemy operować tym co mieliśmy w spichlerzu z wczoraj oraz tym co zamówiliśmy. Koszt  $c$  płacimy tylko za rzeczy pozostawione w spichlerzu, no i jesteśmy ekologiczni co oznacza, że zamawiamy tylko tyle ile potrzebujemy, bez nadmiaru (dziwny zapis "Zamówienie dostawy dowolnej liczby paczek kosztuje  $P$ ", jedna paczka i sto paczek kosztuje  $P$ ?). Musimy więc dać sobie jakieś rozsądne ograniczenia:

1.  $W$  - pojemność naszej stacji przeładunkowej.
2.  $c$  - koszt składowania jednej jednostki przez *noc*.
3.  $P$  - niech koszt zamówienia będzie stały, ale ilość paczek ograniczona np. do  $W$ .
4.  $T$  - wektor zakupów  $[0, t_1, \dots, t_n]$ , o długości  $n + 1$ .  $t_i$  to przewidziana ilość zakupionych od nas jednostek przypadająca na  $i$ -ty dzień. Dzień 0 to dzień startowy, w którym dochodzi tylko do zamówienia, bez sprzedaży.  
Założenia:
  - (a) Musimy spełnić  $t_i$  dla każdego  $i$ . (Rozsądne?).
  - (b) Aby poprzednie założenie było prawdziwe musimy, nałożyć ograniczenie na zamówienie, niech będzie to  $2W$  (ogólnie to  $W + \text{ograniczenie}(P)$ ). W przeciwnym razie biorąc 1. i 2. niemożliwie byłoby spełnienie takiego zamówienia.

Także, postaram się rozwiązać tak postawione zadanie.

### 1.3 Algorytm

Stworzymy wektor zamówień  $Z = [z_0, z_1, \dots, z_n]$ . Algorytm będzie rozważał dwa przypadki: taki, w którym wystarczy nam zamówienie na następny dzień i taki w którym rzeczywiście będziemy potrzebowali spichlerza.

Czyli: dla dnia  $i$ , kiedy nie wystarczy dostawa z rana cofamy się po  $Z$  i znajdujemy pierwszy, kolejny dzień kiedy damy radę zamówić więcej i tak aż spełnimy zamówienie.

```
for  $i = 0$  to  $n$  do
  if  $T[i+1] \leq W$  then
    |  $Z[i] = T[i+1]$ 
  else
    for  $j = i$  to  $j = 0$  do
      if  $W - Z[j] < T[i+1]$  then
        |  $Z[j] = W$ 
        |  $T[i+1] = T[i+1] - (W - Z[j])$ 
      else
        |  $Z[j] = Z[j] + T[i+1]$ 
      end
    end
  end
end
end
```

**Algorithm 1:** Puerto Rico Algorithm