

IFMT - Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia de Mato Grosso

Álgebra Linear - 2º Semestre 2015

Profª Aline Brum Seibel

Trabalho Final

Pesquisa

- (a) Matriz canônica de uma transformação linear.
- (b) Definição de operador linear e exemplos.
- (c) Definição de autovalor e autovetor e exemplos.
- (d) Como calcular autovalores e autovetores. Exemplos.
- (e) Polinômio característico: definição e como determiná-lo.

Exercícios:

Questão 1) Verifique se as seguintes afirmações são verdadeiras ou falsas, justificando sua resposta:

- (a) Qualquer operador linear em V é tal que $V = \text{Ker}(T) \oplus \text{Im}(T)$
- (b) Se $T : P_2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ é uma transformação linear definida por $T(at^2 + bt + c) = (a - b + c, 2a + b - c)$, então $p(t) = 5t + 5 \in \text{Ker}(T)$
- (c) Se $\text{Ker}(T)$ é gerado por três vetores v_1, v_2, v_3 , então a imagem de qualquer operador linear $T : \mathbb{R}^5 \rightarrow \mathbb{R}^5$ tem dimensão dois?
- (d) A aplicação linear $T : M(2, 2) \rightarrow \mathbb{R}$ definida por $T\left(\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}\right) = 2a + c - d$ é uma transformação linear.
- (e) Existem transformações lineares $T : P_1 \rightarrow P_3$ sobrejetoras?

Questão 2) Seja a transformação linear $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ definida por $T(x, y, z) = (x - y + 2z, 4x + 2y - z)$, determine:

- (a) a matriz canônica de T ;
- (b) o núcleo de T , uma base e a dimensão;
- (c) Imagem de T , uma base e a dimensão.

Questão 3):

- (a) Determine a transformação linear que leva os vetores e_1, e_2, e_3 nos vetores $w_1 = (1, 0, 0), w_2 = (3, 1, 0), w_3 = (1, 2, 4)$, respectivamente.
- (b) A transformação linear do item (a) é um isomorfismo?

Questão 4):

- (a) Dada a matriz canônica $[T] = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 1 & 0 \\ 3 & -2 & -1 \end{bmatrix}$ de um operador linear em \mathbb{R}^3 , verifique se T é um isomorfismo.
- (b) O vetor $w = (2, -1, 0) \in \text{Im}(T)$? Justifique.
- (c) O vetor $u = (0, 3, 4) \in \text{Ker}(T)$? Justifique.