

INGEGNERIA CIVILE E AMBIENTALE CORSO MAGISTRALE IN INGEGNERIA IDRAULICA

Protezione idraulica del Territorio Quaderno esercitazioni

di: **Gabriele Simonetta** Matr. 288832

Indice

| 1 | Prev | risione di piena mediante modello idrologico | 1 |
|----|-------|--|----|
| | 1.1 | Presentazione problematica | 1 |
| | 1.2 | Modello afflussi-deflussi | 1 |
| | | 1.2.1 SCS Curve number | 3 |
| | | 1.2.2 Clark unite Hydrograph | 4 |
| | | 1.2.3 Modello dinamico dell'onda | 5 |
| | 1.3 | Fase di calibrazione | 5 |
| | 1.4 | Modello globale | 6 |
| | | 1.4.1 Procedura di ottimizzazione | 7 |
| | 1.5 | Modello semidistribuito | 10 |
| | | 1.5.1 Procedura di ottimizzazione | 10 |
| | | 1.5.2 Ricerca miglior parametri | 13 |
| | 1.6 | Conclusioni | 14 |
| 2 | Prop | pagazione piena mediante modello idraulico | 17 |
| | 2.1 | Inquadramento della problematica | 17 |
| | | 2.1.1 HEC-RAS | 17 |
| | 2.2 | Taratura parametri | 19 |
| | 2.3 | Modellazione con cassa in linea | 20 |
| | 2.4 | Modellazione senza cassa in linea | 22 |
| Bi | bliog | rafia | 23 |
| A | Prev | risione di piena mediante modello idrologico | 25 |
| В | Prop | pagazione piena mediante modello idraulico | 29 |

Elenco delle figure

| 1.1 | riogge forde registrate nelle stazioni | |
|------|---|----|
| 1.2 | Epurazione pioggia netta da lorda secondo il metodo SCS-CN | 3 |
| 1.3 | Passaggi logici idrogramma unitario istantaneo | 4 |
| 1.4 | Passaggi logici idrogramma unitario istantaneo | 5 |
| 1.5 | Onda di piena registrata alla sezione di chiusura | 6 |
| 1.6 | Finestra di rappresentazione dell'alveo in HEC-HMS | 7 |
| 1.7 | Ricerca miglior CN approssimante l'onda osservata | 8 |
| 1.8 | Ricerca miglior tc approssimante l'onda osservata | 9 |
| 1.9 | Riproduzione onde simulate in HEC-HMS | 9 |
| 1.10 | Finestra di rappresentazione dell'alveo, modello semidistribuito, | |
| | in HEC-HMS | 10 |
| 1.11 | Onde a confronto variando K | 12 |
| 1.12 | Ottimizzazione parametri | 14 |
| 1.13 | Miglior approssimazione modello globale | 15 |
| 1.14 | Miglior approssimazione modello semi-distribuito | 15 |
| 2.1 | Sezione Ponte Ferrovia | 18 |
| 2.2 | Geometria torrente Parma | 18 |
| 2.3 | Condizioni al contorno | 20 |
| 2.4 | Condizioni al contorno di monte | 20 |
| 2.5 | Altezze idriche simulate | 21 |
| 2.6 | Altezze idriche raggiuntea confronto | 22 |

Elenco delle tabelle

| 1.1 | Variabili bacino | 5 |
|-----|--|----|
| 1.2 | Suddivisione in topoieti delle aree del bacino afferenti le stazioni | 6 |
| 1.3 | Ricerca miglior CN approssimante l'onda osservata | 7 |
| 1.4 | Ricerca miglior t_c approssimante l'onda osservata | 8 |
| 1.5 | Parametri di primo tentativo e geometria | 11 |
| 1.6 | Calibrazione Curve Number | 13 |
| 1.7 | Calibrazione tempo di corrivazione t_c e costante d'invaso k | 13 |
| 2.1 | Calibrazione coefficiente di Manning | 21 |
| A.1 | Ottimizzazione Courve Number | 26 |
| A.2 | Ottimizzazione tempo di corrivazione | 27 |
| | Condizioni al contorno di monte | 30 |
| | minazione | 31 |
| B.3 | Confronto onde con vari coefficienti di Manning senza cassa di | |
| | laminazione | 32 |

1

Previsione di piena mediante modello idrologico

1.1 Presentazione problematica

Con il progredire delle urbanizzazioni, anche a ridosso dei fiumi, e la riduzione delle aree verdi si arriva inevitabilmente ad un incremento di stress sui bacini limitrofi alle città. L'eliminazione delle cause appena descritte risulta essere ormai impossibile, la loro riduzione comporterebbe un freno all'espansione urbanistica, evento anch'esso inesorabile.

È quindi necessario riuscire a determinare come si ridistribuiscono le piogge cadute su un determinato bacino, per riuscire a determinare, poi, come si costituisce il deflusso superficiale e le relative onde di piena.

Per fare ciò vi sono varie vie: la costituzioni di modelli fisici, modelli teorici o modelli numerici. Quest'ultimi hanno trovato, dato l'elevata capacità di calcolo che i calcolatori hanno raggiunto, copiose applicazioni e software per la modellazione.

1.2 Modello afflussi-deflussi

I modelli numerici si basano su due schematizzazioni principali:

I modelli globali, costituiti da poche variabili ma spesso mal approssimanti i fenomeni, considerano in un unico blocco l'intero bacino tenendo conto

globalmente delle sue caratteristiche medie e considerando sempre una precipitazione p(t) uniformemente distribuita nello spazio (Becciu and Paoletti, 2010, p.247);

 i modelli distribuiti calcolano ogni singola variabile in tutti i punti in cui il bacino è discretizzato costituendo perciò una mole di calcolo che, date le incertezze iniziali, spesso risulta eccesiva e superflua.

Fra le due schematizzazioni bisogna citare anche i modelli semi-distribuiti consistenti nello schematizzare il bacino in una serie di sotto-bacini e su di essi calcolare le possibili variabili specializzandole per ciascuna area ¹. Tali modelli sono quindi "distribuiti", nel senso che determinano la formazione delle piene separatamente per ogni sottobacino in funzione delle specifiche caratteristiche idrologiche, ma risentono anche della logica "globale", in quanto in ogni sottobacino i processi idrologici vengono simulati appunto con tale tipo di logica (Becciu and Paoletti, 2010, p.247). I modelli di seguito utilizzati risultano essere quelli globali e quelli semi-distribuiti. Lo scopo di questi modelli è quello di determinare, a partire dalle precipitazioni statisticamente rilevanti, le caratteristiche principali delle onde di piena (portata al colmo, volume della piena e forma dell'idrogramma). Data l'incertezza sulla perfetta determinazione dell'onda uscente risulta necessario affrontare il problema in termini probabilistici, considerando la piena come una variabile casuale. Le precipitazioni risultano l'input del modello e possono essere riportate come un ietogramma sintetico, riassumente varie precipitazioni gravose in un unico ietogramma, oppure una serie di ietogrammi reali riguardanti un particolare evento come si è effettuato in questa esercitazione figura 1.1.

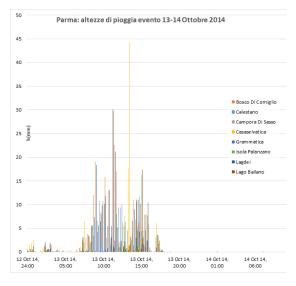


Figura 1.1: Piogge lorde registrate nelle stazioni

¹Come si vedrà per il calcolo del curve number (CN)

1.2.1 SCS Curve number

Il metodo SCS-CN, acronimo di Soil Conservation Service - Curve Number (CN) è un metodo per la separazione dalla pioggia perduta, infiltrata, rispetto alla pioggia netta, cioè quella che darà luogo a deflusso superficiale. In figura 1.2 se ne riporta lo schema concettuale

La formula di tale epurazione è la seguente

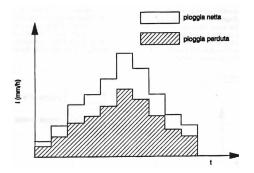


Figura 1.2: Epurazione pioggia netta da lorda secondo il metodo SCS-CN

$$P_{netta} = \frac{(P - I_a)^2}{P - I_a + S} \tag{1.1}$$

Ove

- P pioggia lorda;
- I_a descrive vari fenomeni, fra i quali l'intercettazione fogliale e l'accumulo nelle depressoni superficiali. Essendo di difficile taratura risulta conveniete legarlo a S. $I_a = 0.2S$;
- S volume specifico di saturazione, dipende dalla natura del terreno e dall'uso del suolo, globalmente rappresentati dal parametro CN $S = S_0 \left(\frac{100}{CN} - 1 \right)$;
- $-S_0$ fattore di scala 254 [mm];

Come riporta (*Paola et al.*, 2016) il metodo SCS-CN non è l'unico metodo a disposizione per determinare la pioggia netta² ma risulta essere quello implementato nel programma di Hec-HMS.

²I risultati delle loro analisi suggeriscono,er una più accurata analisi, di testare anche altri metodi, dati i risultati spesso molto discordanti.

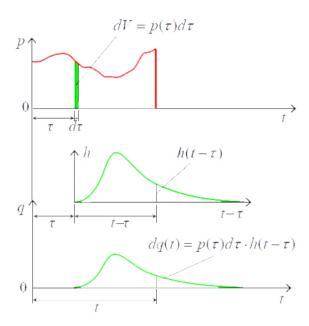


Figura 1.3: Passaggi logici idrogramma unitario istantaneo

1.2.2 Clark unite Hydrograph

Il diagramma unitario istantaneo permette di determinare, note le piogge nette, quali saranno le portate effluenti e il relativo proseguimento temporale. In figura 1.3 si riporta concettualmente l'applicazione dell' IUH= $h(t-\tau)$ (Instant Unit Hidrograph) . Si dimostra che le portate effluenti al sistema risultano essere pari a $q(t) = \int_0^t p(\tau)h(t-\tau)d\tau$.

Nel software viene implementato per dimensionare i *subbasin*, i punti di raccolta delle piogge. Il modello implementato è una combinazione di due idrogrammi sintetici:

 Modello della corrivazione, ritarda i tempi di corrivazione in funzione della grandezza del bacino:

$$h(t) = \begin{cases} \frac{3}{\sqrt{2} \cdot t_c^{3/2}} t^{1/2} & 0 < t/t_c \le 0.5\\ \frac{3}{\sqrt{2} \cdot t_c^{3/2}} (t_c - t)^{1/2} & 0.5 < t/t_c \le 1 \end{cases}$$
(1.2)

– Modello dell'invaso, schematizza la portata effluente come un invaso lineare $h(t) = \frac{1}{k}e^{-t/k}$;

Combinati in serie producono l'integrale di convoluzione: $h(t) = \int_0^t \frac{3}{\sqrt{2} \cdot t_c^{3/2}} \tau^{1/2} \frac{1}{k} e^{-t-\tau/k} d\tau$ per il tratto $t < 0.5t_c$.

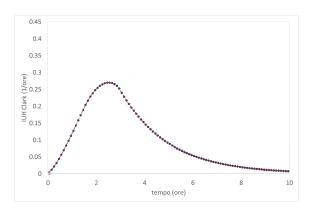


Figura 1.4: Passaggi logici idrogramma unitario istantaneo

Tabella 1.1: Variabili bacino

| Area del bacino A_{tot} | $333.468 \ [km^2]$ |
|---|--------------------|
| Lunghezza asta principale L | 61.895 [km] |
| Altitudine media del bacino z_{medio} | 601.78 [m s.l.m.] |
| Pendenza media dell'asta principale i | 0.028 [-] |
| Altitudine sezione di chiusura del bacino z_{out} | 87 [m s.l.m.] |
| Tempo di corrivazione (forumla di Giandotti) t_c | 9.139 [h] |
| Costante di invaso k | 18.279 [h] |
| Curve Number CN | 70 |

Effettuando calcoli analoghi per $0.5 < t/t_c \le 1$ e $t > t_c$ si determina la forma d'onda riportata in figura 1.4

1.2.3 Modello dinamico dell'onda

Per i tronchi di trasferimento fra un *subbasin* e l'altro, definiti *reach*, si è fatto affidamento al *kinematic-wave model*, per approfondire il tema è possibile fare riferimento a (*Miller*, 1984).Tra i modelli implementati nel software citiamo inoltre Lag, Muskingum e Muskingum-Cunge.

1.3 Fase di calibrazione

Date le variabili in gioco riportate sinteticamente in tabella 1.1 si procede alla loro calibrazione per ottenere un'onda più simile possibile a quella riportata in figura 1.5. Per il calcolo del tempo di corrivazione si è fatto riferimento alla formula di Giandotti (applicabile su questo bacino 170<A<70000 km²), essa permette di calcolare un t_c di primo tentativo pari a: $t_c = \frac{4\sqrt{A_{tot}} + 1.5L}{0.8\sqrt{\zeta}}$ le cui dimensioni di ogni grandezza sono riportate in tabella 1.1 e con $\zeta = z_{medio} - z_{out}$. Si è legata la costante di invaso al tempo di corrivazione tramite moltiplicazio-

Musiara Superiore

Neviano Arduini

Panocchia

| Nome stazione | Area topoieto [km²] | Peso [-] |
|--------------------|---------------------|----------|
| Bosco Di Corniglio | 20.595 | 0.062 |
| Calestano | 13.488 | 0.040 |
| Campora Di Sasso | 33.599 | 0.101 |
| Casaselvatica | 13.568 | 0.041 |
| Grammatica | 33.835 | 0.101 |
| Isola Palanzano | 0.943 | 0.003 |
| Lagdei | 20.124 | 0.060 |
| Lago Ballano | 3.609 | 0.011 |
| Langhirano | 58.114 | 0.174 |
| Marra | 38.597 | 0.116 |

78.968

1.103

16.925

0.237

0.003

0.051

Tabella 1.2: Suddivisione in topoieti delle aree del bacino afferenti le stazioni

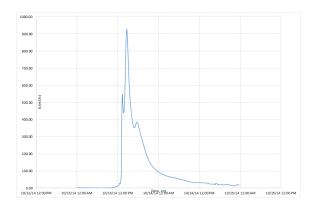


Figura 1.5: Onda di piena registrata alla sezione di chiusura

ne per due portando quindi alla formula $k = 2t_c$. I valori noti riguardano:

- la geometria del bacino e la sua suddivisione in topoieti, in tabella 1.2;
- l'andamento delle piogge su ogni stazione, riportato graficamente in figura 1.1;
- l'onda di piena registrata nella sezione di chiusura cioè alla cassa di espansione sul Parma di cui in figura 1.5 se ne riporta l'andamento;

Questi dati permettono di avere tutti i parametri necessari alla modellazione numerica

1.4 Modello globale

Il modello globale consiste nello schematizzare il bacino in un unico invaso e di esso determinare tutti i parametri sopra citati per avvicinarsi il più possi-

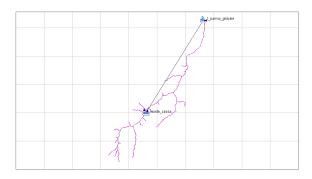


Figura 1.6: Finestra di rappresentazione dell'alveo in HEC-HMS

Tabella 1.3: Ricerca miglior CN approssimante l'onda osservata

| CN | V_{oss} | V_{det} | V_{oss} - V_{det} | CN | V_{oss} | V_{det} | V_{oss} - V_{det} |
|------|-----------|-----------|-----------------------|-------|-----------|-----------|-----------------------|
| [-] | $[m^3]$ | $[m^3]$ | $[m^3]$ | [-] | $[m^3]$ | $[m^{3}]$ | $[m^3]$ |
| 60 | 50.52 | 23.25 | 27.27 | 80 | 50.52 | 51.04 | -0.52 |
| 70 | 50.52 | 31.42 | 19.1 | 80.1 | 50.52 | 50.83 | -0.31 |
| 71 | 50.52 | 40.86 | 9.66 | 80.2 | 50.52 | 50.61 | -0.09 |
| 72 | 50.52 | 42.61 | 7.91 | 80.25 | 50.52 | 50.49 | 0.03 |
| 73 | 50.52 | 44.45 | 6.07 | 80.3 | 50.52 | 50.38 | 0.14 |
| 74 | 50.52 | 46.29 | 4.23 | 80.5 | 50.52 | 49.96 | 0.56 |
| 75 | 50.52 | 61.12 | -10.6 | 81 | 50.52 | 48.89 | 1.63 |
| 75.5 | 50.52 | 60.17 | -9.65 | 82 | 50.52 | 46.63 | 3.89 |
| 75.6 | 50.52 | 59.95 | -9.43 | 83 | 50.52 | 44.51 | 6.01 |
| 75.7 | 50.52 | 59.78 | -9.26 | 85 | 50.52 | 39.95 | 10.57 |
| 75.8 | 50.52 | 59.59 | -9.07 | 86 | 50.52 | 55.535 | -5.015 |
| 76 | 50.52 | 59.17 | -8.65 | 87 | 50.52 | 55.971 | -5.451 |
| 77 | 50.52 | 57.19 | -6.67 | 88 | 50.52 | 56.407 | -5.887 |
| 78 | 50.52 | 55.19 | -4.67 | 89 | 50.52 | 56.843 | -6.323 |
| 79 | 50.52 | 53.12 | -2.6 | 90 | 50.52 | 27.83 | 22.69 |

bile all'onda di riferimento riportata in figura 1.5. In HEC-HMS implementare un semplice bacino di raccolta *sink* e uno d'uscita *subbasin* è di immediata realizzazione, in figura 1.6 se ne può vedere una riproduzione.

1.4.1 Procedura di ottimizzazione

Si è quindi proceduto, partendo dal valore di primo tentativo, a tarare i parametri.

In prima battuta si è fatto variare il curve number così da ottimizzare il volume osservato con quello determinato. In tabella 1.3 viene riportata la tabella di tale ricerca, riportata anche in forma grafica in figura 1.7.

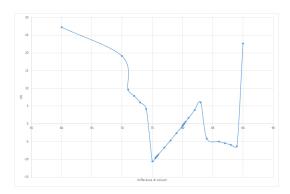


Figura 1.7: Ricerca miglior CN approssimante l'onda osservata

Tabella 1.4: Ricerca miglior t_c approssimante l'onda osservata

| k | t_c | $\mid F \mid$ | k | t_c | F |
|------|--------------|---------------|------|--------------|------|
| [h] | [<i>h</i>] | | [h] | [<i>h</i>] | |
| 1.00 | 0.50 | -0.39 | 4.8 | 2.40 | 0.66 |
| 1.8 | 0.90 | 0.15 | 4.81 | 2.41 | 0.66 |
| 2 | 1.00 | 0.25 | 4.82 | 2.41 | 0.66 |
| 3.8 | 1.90 | 0.63 | 4.84 | 2.42 | 0.66 |
| 4 | 2.00 | 0.64 | 4.9 | 2.45 | 0.66 |
| 4.2 | 2.10 | 0.65 | 5 | 2.50 | 0.65 |
| 4.4 | 2.20 | 0.65 | 6 | 3.00 | 0.62 |
| 4.6 | 2.30 | 0.66 | | | ' |

Per la determinazione del miglior t_c si è proceduto in modo leggermente diverso. Si è usata la miglior funzione che potesse essere applicata nel caso di piena, cioè che tenesse conto maggiormente dei picchi, e quindi la più adeguata fra quelle in letteratura³ risulta essere la funzione Nash-Sutcliffe:

$$F = 1 - \frac{\sum_{1}^{N} \left(Q_{0}(i) - Q_{s}(i) \right)^{2}}{\sum_{1}^{N} \left(Q_{0}(i) - \overline{Q_{0}} \right)^{2}}$$
(1.3)

Ove Q_0 è la portata osservata.

È evidente dalla figura 1.9 che qualsiasi variazione del tempo di corrivazione o del curve number non porti alcun netto avvicinamento alla rappresentazione dell'onda osservata. Tale problematica viene superata con la realizzazione di modelli distribuiti e semi-distribuiti.

 $^{^3 \}mathrm{Altri}$ possibili metodi per l'obiettivo richiesto possono essere: Bias e Clabour - Moore.

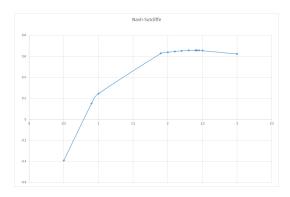


Figura 1.8: Ricerca miglior tc approssimante l'onda osservata

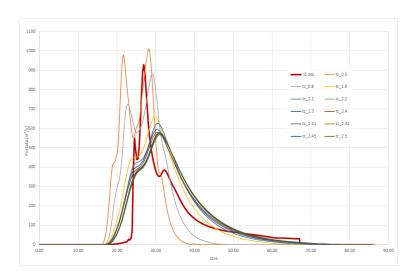


Figura 1.9: Riproduzione onde simulate in HEC-HMS

1.5 Modello semidistribuito

Il modello semi-distribuito consiste nel suddividere il bacino in esame in vari sottobacini e di perfezionare ogni variabile su ciascuno di essi. Costituiti i sottobacini come in figura 1.10 si procede alla calibrazione dei parametri di primo tentativo:

- L'indice CN è un numero adimensionale, compreso tra 0 e 100, funzione della natura del suolo, del tipo di copertura vegetale e delle condizioni di umidità del suolo antecedenti la precipitazione (Maione, 1999, p. 45) da tali osservazioni e considerando anche il risultato della modellazione globale si è ipotizzato un valore di primo tentativo prossimo ad 80 riportato in tabella 1.5;
- Il parametro t_c è stato calcolato per una prima approssimazione con la formula di Kirpich: $t_c = 0.000325L^{0.77} \cdot S^{-0.385}$ i cui valori sono riportati in tabella 1.5;
- Il parametro k è stato considerato in prima battuta pari al doppio di t_c ;

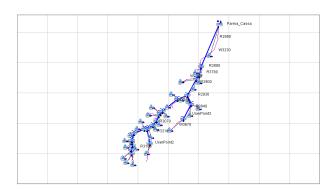


Figura 1.10: Finestra di rappresentazione dell'alveo, modello semidistribuito, in HEC-HMS

1.5.1 Procedura di ottimizzazione

Per ottimizzare i parametri sopra descritti si è proceduto per ciascuno di essi considerando le seguenti relazioni:

$$CN = \alpha CN_0$$
$$t_c = \beta t_{c0}$$
$$k = \gamma t_c$$

Si è quindi ricercato quale combinazione fra i parametri α , β e γ meglio approssimi l'onda osservata. Il parametro γ è stato calibrato dopo l'ottimizzazione

Tabella 1.5: Parametri di primo tentativo e geometria

| Subbasin | Area | CN_0 | River length | i | t_{c0} | K_0 |
|----------|----------|--------|--------------|-------|----------|-------|
| | $[km^2]$ | | [m] | [-] | [h] | |
| W3770 | 3.537 | 91.365 | 1640.400 | 0.026 | 0.398 | 0.795 |
| W3720 | 15.808 | 76.246 | 548.550 | 0.013 | 0.222 | 0.444 |
| W3670 | 16.577 | 88.918 | 2826.125 | 0.048 | 0.476 | 0.953 |
| W3620 | 19.250 | 71.019 | 10983.019 | 0.057 | 1.264 | 2.528 |
| W3590 | 14.637 | 65.659 | 3881.866 | 0.056 | 0.570 | 1.141 |
| W3580 | 5.569 | 60.610 | 2141.444 | 0.074 | 0.325 | 0.649 |
| W3570 | 7.595 | 64.687 | 3914.886 | 0.107 | 0.448 | 0.896 |
| W3540 | 5.863 | 83.386 | 774.693 | 0.119 | 0.124 | 0.247 |
| W3530 | 8.354 | 83.636 | 1507.713 | 0.094 | 0.227 | 0.453 |
| W3510 | 4.498 | 87.076 | 757.769 | 0.087 | 0.137 | 0.274 |
| W3490 | 13.004 | 86.773 | 1937.597 | 0.087 | 0.282 | 0.565 |
| W3450 | 12.109 | 87.090 | 548.550 | 0.128 | 0.092 | 0.185 |
| W3440 | 4.007 | 87.306 | 1253.185 | 0.128 | 0.174 | 0.349 |
| W3710 | 9.253 | 83.297 | 1545.526 | 0.122 | 0.208 | 0.417 |
| W3410 | 7.769 | 85.216 | 1544.460 | 0.128 | 0.205 | 0.409 |
| W3390 | 15.284 | 87.828 | 4158.196 | 0.074 | 0.541 | 1.083 |
| W3370 | 9.053 | 87.375 | 3265.769 | 0.089 | 0.419 | 0.838 |
| W3360 | 8.795 | 88.891 | 1824.049 | 0.105 | 0.251 | 0.503 |
| W3330 | 13.958 | 77.514 | 3763.729 | 0.048 | 0.593 | 1.185 |
| W3660 | 18.928 | 84.233 | 7749.295 | 0.023 | 1.362 | 2.725 |
| W3310 | 25.934 | 89.311 | 895.404 | 0.013 | 0.329 | 0.658 |
| W3300 | 8.073 | 90.228 | 1057.475 | 0.012 | 0.375 | 0.750 |
| W3290 | 10.127 | 85.152 | 2945.900 | 0.019 | 0.701 | 1.401 |
| W3280 | 5.943 | 78.640 | 2945.900 | 0.012 | 0.828 | 1.656 |
| W3270 | 16.282 | 82.760 | 5745.700 | 0.010 | 1.482 | 2.965 |
| W3260 | 15.992 | 91.273 | 5902.582 | 0.048 | 0.838 | 1.676 |
| W3760 | 15.273 | 95.866 | 1801.206 | 0.021 | 0.461 | 0.923 |
| W3230 | 22.624 | 88.218 | 15852.771 | 0.041 | 1.913 | 3.825 |

del parametro β fissandolo, come già detto, pari a $\gamma = 2$.

In tabella A.2 ed in tabella A.1 sono riportati i valori provati del tempo di corrivazione e del curve number per ciascun sottobacino, mentre nelle figure 1.11 si riportano i risultati delle simulazioni in HEC-HMS delle onde di piena per ciascun parametro testato.

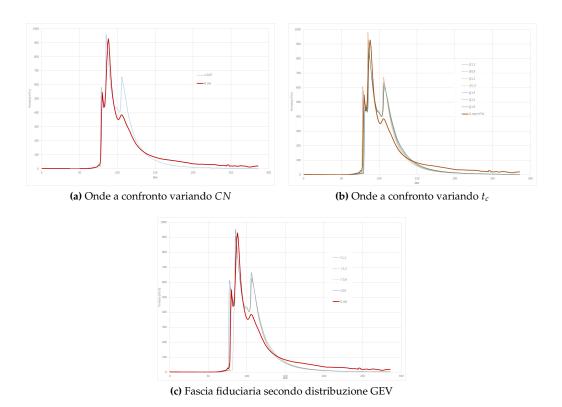


Figura 1.11: Onde a confronto variando K

1.5.2 Ricerca miglior parametri

La ricerca del miglior set di parametri è passata attraverso il calcolo degli scostamenti fra le onde simulate e quella osservata, così da rendere oggettiva la scelta. Per il calcolo del Curve Number si è ricercata l'uguaglianza fra i volumi e se ne è determinto l'errore percentuale, i valori sono riportati in tabella 1.6.

Per la calibrazione del tempo di corrivazione e della costante d'invaso si è

| α | V_{oss} | V_{ric} | er |
|------|-----------|-----------|--------|
| 1 | 50.43 | 65.79 | 30.46% |
| 0.9 | 50.43 | 52.74 | 4.58% |
| 0.88 | 50.43 | 51.54 | 2.20% |
| 0.87 | 50.43 | 49.67 | 1.51% |
| 0.5 | 50.43 | 16.26 | 67.76% |

Tabella 1.6: Calibrazione Curve Number

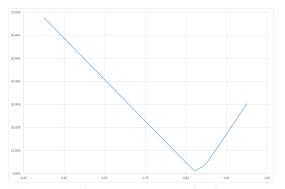
sfruttata la funzione obiettivo di Nash - Sutcliffe già riportata nell'equazione (1.3). In tabella 1.7 si riportano i valori di tale funzione.

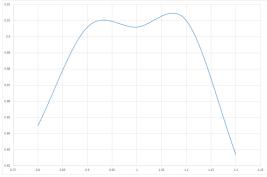
I valori delle tabelle 1.7 e 1.6 sono stati riportati graficamente nelle figure 1.12.

| β | Nash - Sutcliffe | γ | Nash - Sutcliffe |
|------|------------------|-----|------------------|
| 0.9 | 0.859 | 0.8 | 0.845 |
| 1 | 0.895 | 0.9 | 0.906 |
| 1.1 | 0.906 | 1 | 0.906 |
| 1.15 | 0.908 | 1.1 | 0.91 |
| 1.2 | 0.908 | 1.2 | 0.827 |
| 1.3 | 0.892 | | ' |
| 1.4 | 0.889 | | |
| 1.5 | 0.892 | | |
| 1.6 | 0.882 | | |

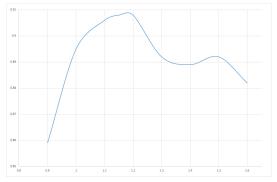
Tabella 1.7: Calibrazione tempo di corrivazione t_c e costante d'invaso k

Si nota quindi che i miglior parametri risultano essere: $\alpha=0.9$, $\beta=1.15$ e $\gamma=1.1$. L'onda che se ne ricava è riportata in figura 1.14.





- (a) Ricerca miglior CN approssimante l'onda osservata
- (b) Ricerca miglior K approssimante l'onda osservata



(c) Ricerca miglior tc approssimante l'onda osservata

Figura 1.12: Ottimizzazione parametri

1.6 Conclusioni

Le migliori onde dei modelli, globale e semi-distribuito, sono riportate nelle figure 1.13 e 1.14. Si nota un netto miglioramento della ricostruzione dell'onda dal modello globale a quello semidistribuito; in quest'ultimo si nota comuque un discostamento fra le onde, specie nel terzo picco.

Per migliorare maggiormente il secondo modello si potrebbe specializzare ancora di più i parametri α , β e γ ad esempio variandoli in base alla superficie dei bacini sottesi oppure sulla loro distanza rispetto alla sezione di chiusura.

Se così non fosse sufficiente si potrebbe considerare di discretizzazione ancora maggiore dell'intero bacino.

Tali calcoli non sono però oggetto di questa esercitazione, essendo comunque il risultato più che accettabile.

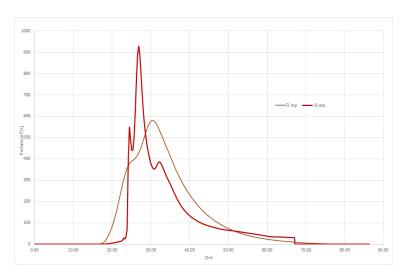


Figura 1.13: Miglior approssimazione modello globale

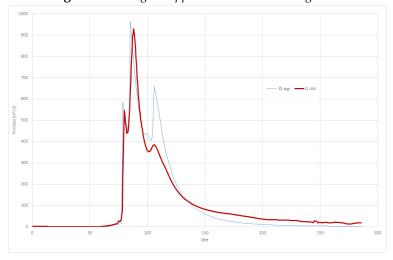


Figura 1.14: Miglior approssimazione modello semi-distribuito

2

Propagazione piena mediante modello idraulico

2.1 Inquadramento della problematica

Il torrente Parma risulta di importanza strategica per la gestione delle esondazioni nelle città di Parma e Colorno. Per contrastare questo fenomeno risulta di primaria necessità conoscere l'esatto processo evolutivo della piena e di tararne i relativi parametri così da rendere la previsione di una futura piena più accurata possibile.

2.1.1 **HEC-RAS**

Con il programma HEC-RAS risulta possibile studiare e conoscere approfonditamente il deflusso di una predeterminata portata all'interno di un alveo e determinare, ad esempio, ove gli argini non siano sufficienti a contenere tale portata.

In questa esercitazione si considera il tratto che va dalla cassa di espansione del Parma fino a valle del ponte della ferrovia appena fuori dalla città, considerando ovviamente l'immissione del Baganza, considerato da valle del Ponte Nuovo.

Geometria

Nella geometria sono state caricate tutte le sezioni richieste al topografo e i sette ponti presenti nel tratto in studio. Ove necessario infittire i dati, si è proceduto

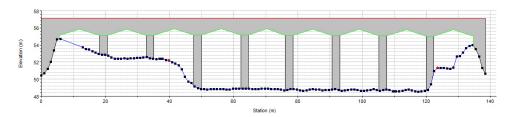


Figura 2.1: Sezione Ponte Ferrovia



Figura 2.2: Geometria torrente Parma

ad interpolare i dati delle sezioni più vicine. In figura 2.1 si riporta un esempio di sezione del Ponte Ferrovia.

In figura 2.2 si presenta inoltre la completa geometria del torrente Parma implementata per la modellazione numerica.

Propagazione piena

Il modello implementato in Hec-ras è un modello di moto vario basato sulle equazioni di conservazione della massa e del bilancio della quantità di moto sotto le seguenti ipotesi:

- Moto monodimensionale permanente sviluppato lungo l'ascissa curvilinea x coincidente col thalweg, così che la cadente è determinabile con la formula di Chezy $J=\frac{v^2}{\chi^2R}$;
- Curva delle pressioni idrostatiche, condizione vera nel caso di curvature delle traiettorie piccole;
- Velocità uniforme trasversalmente;

- Piccole pendenze del fondo;

Le due equazioni usate sono di seguito riportate in forma non conservativa:

$$\frac{\partial h}{\partial t} + \frac{A}{B} \frac{\partial v}{\partial x} + \frac{v \partial h}{\partial x} + \frac{v}{B} \left(\frac{\partial A}{\partial x}\right)_{h=cost} = 0$$
 (2.1)

Bilancio di massa

$$\frac{\partial v}{\partial t} + \frac{v\partial v}{\partial x} + \frac{\partial h}{\partial x} = (i - J) \tag{2.2}$$

Da tali equazioni si determinano i metodi semplificati e quello delle linee caratteristiche. Da quest'ultimo metodo si comprendono le condizioni al contorno necessarie al modello numerico strutturato in Hec-ras. Infatti in caso di corrente lenta risultano necesarie una condizione di monte e una di valle, come riportato dalla figura 2.3. Ipotizzando inoltre la portata transitante costante nel tempo risultano determinate anche le condizioni iniziali.

Il programma Hec-Ras sfrutta il metodo alle differenze finite sviluppato da Preissmann che non richiede condizioni di stabilità. Il modello implementato considera lineari, con certa approssimazione i termini inerziali presenti in

Condizioni al contorno

Nell'ipotesi di corrente lenta, come si evince dalla figura 2.3, risultano necessarie due condizioni di monte, una per ciascun torrente che entra nel modello, e una per la condizione di valle. La condizione di valle è determinata imponendo una pendenza di 0.01 lasciando al software il compito di determinare, nota la sezione, quale sia la portata, tramite l'equazione di Chezy. Le condizioni di monte sono state imposte implementando le portate idriche del torrente Parma e quella che è la portata registrata al di sotto del Ponte Nuovo per il torrente Baganza. Tali portate, esposte in tabella B.1 graficate in figura 2.4, sono state determinate durante l'evento di piena del 13 e del 14 ottobre 2014. Le condizioni inziali sono rispettate considerando prima della simulazione un moto stazionario con portata costante pari ai primi valori di tabella B.1.

2.2 Taratura parametri

I modelli idraulici, in teoria, non dovrebbero aver necessità alcuna di tarare i parametri data la base fisica che ciascuno di essi presenta. Risulta d'altro canto complicato tarare il parametro riguardante la scabrezza datala vasta area in esame. Esso viene riportato in ogni sezione come il coefficiente di Manning n.

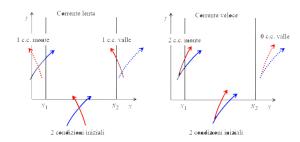


Figura 2.3: Condizioni al contorno

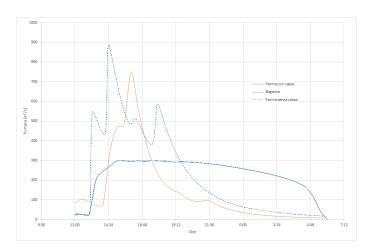


Figura 2.4: Condizioni al contorno di monte

È possibile legare il coefficiente di Manning, come si evince dal lavoro svolto da (*Limerinos*, 1970), al coefficiente più noto di Chezy necessario al calcolo della portata. Essendo quindi noto l'andamento delle portate nella sezione di Ponte Verdi è possibile confrontare l'onda ricostruita con quella osservata e calibrare correttamente il parametro n. La funzione sfrutta in questo scenario per la calibrazione è stata quella di Clabour - Moore: $F = \frac{\sum_{i=1}^{n} |Q_0(i) - Q_s(i)|}{\sum_{i=1}^{n} Q_0(i)}$. La simulazione è stata effettuata considerando la cassa in linea sul Parma (cap. 2.3) e successivamente è stata implementata l'onda in ingresso alla cassa nel programma per apprezzarne le eventuali differenze (cap.2.4).

2.3 Modellazione con cassa in linea

Per tarare il coefficiente di Manning si è ricercato quindi il valore minimo della funzione obiettivo sopra citata, si è fatto variare il coefficiente per tutte le sezioni fra 0.04 e 0.025 notando come in questo range sussiste un minimo. In tabella 2.1 si riportano i risultati delle prove effettuate, riportate in forma completa in tabella B.2 e in forma grafica in figura 2.5.

Tabella 2.1: Calibrazione coefficiente di Manning

| n | F |
|-------|--------|
| 0.025 | 0.0148 |
| 0.03 | 0.0144 |
| 0.033 | 0.0147 |
| 0.035 | 0.0135 |
| 0.04 | 0.0144 |

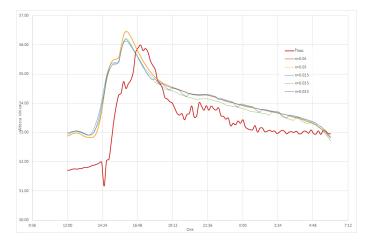


Figura 2.5: Altezze idriche simulate

Si capisce come il valore più prossimo a quello reale risulta essere n=0.035. Per migliorare ancora maggiormente il risultato si potrebbe specializzare per vari tratti del modello il coefficiente di Manning, considerandone ad esempio uno per il tratto del Baganza, uno per il Parma prima della confluenza ed uno a valle di essa. Dato che i tratti coincidono con differenti situazioni in cui si trovano gli alvei, è facile immaginare che sussistono differenze fra l'alveo in città e quello appena fuori di essa.

2.4 Modellazione senza cassa in linea

La modellazione in assenza della cassa è stata implementata per apprezzare come la presenza di essa riduca il colmo della piena. Considerando quindi il medesimo coefficiente di Manning n=0.035 si nota dalla figura 2.6 come l'onda venga ridimensionata e allungata nel tempo: tale fenomeno è classico delle casse d'espansione ed alla base del loro utilizzo. Si apprezza in particolare una riduzione della quota massima di circa 1 metro e di un generale, come detto, appiattimento. I valori dell'onda graficata in figura 2.6 sono riportati insieme alle altre simulazioni in tabella B.3.

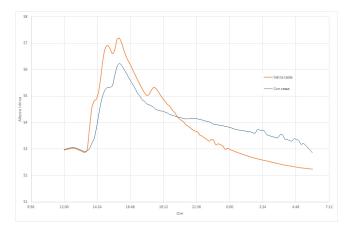


Figura 2.6: Altezze idriche raggiuntea confronto

L'entità del miglioramento risulta modesta, anche se, la cassa sembra offrire un efficienza intorno al 65%.

Bibliografia

Becciu, G., and A. Paoletti (2010), Fondamenti di costruzioni idrauliche, Wolters Kluwer Italia.

Limerinos, J. T. (1970), Determination of the manning coefficient from measured bed roughness in natural channels.

Maione, U. (1999), Le piene fluviali, La goliardica.

Miller, J. (1984), *Basic concepts of kinematic-wave models*, USGS Publications Warehouse, http://pubs.er.usgs.gov/publication/pp1302.

Paola, F., A. Petroselli, N. Romano, and S. Grimaldi (2016), *Metodi misti di depurazione della pioggia basati sul Curve Number*, Convegno Nazionale di Idraulica e Costruzioni Idrauliche.

A

Previsione di piena mediante modello idrologico

Tabella A.1: Ottimizzazione Courve Number

| α | 0.9 | 0.88 | 0.5 | 0.87 | | | | |
|--------|--------|--------|--------|--------|--|--|--|--|
| CN0 | CN1 | CN2 | CN3 | CN4 | | | | |
| 91.365 | 82.228 | 82.228 | 45.682 | 79.487 | | | | |
| 76.246 | 68.622 | 68.622 | 38.123 | 66.334 | | | | |
| 88.918 | 80.026 | 80.026 | 44.459 | 77.359 | | | | |
| 71.019 | 63.917 | 63.917 | 35.509 | 61.786 | | | | |
| 65.659 | 59.094 | 59.094 | 32.830 | 57.124 | | | | |
| 60.610 | 54.549 | 54.549 | 30.305 | 52.730 | | | | |
| 64.687 | 58.218 | 58.218 | 32.343 | 56.277 | | | | |
| 83.386 | 75.047 | 75.047 | 41.693 | 72.546 | | | | |
| 83.636 | 75.272 | 75.272 | 41.818 | 72.763 | | | | |
| 87.076 | 78.368 | 78.368 | 43.538 | 75.756 | | | | |
| 86.773 | 78.096 | 78.096 | 43.387 | 75.493 | | | | |
| 87.090 | 78.381 | 78.381 | 43.545 | 75.768 | | | | |
| 87.306 | 78.575 | 78.575 | 43.653 | 75.956 | | | | |
| 83.297 | 74.967 | 74.967 | 41.648 | 72.468 | | | | |
| 85.216 | 76.695 | 76.695 | 42.608 | 74.138 | | | | |
| 87.828 | 79.045 | 79.045 | 43.914 | 76.410 | | | | |
| 87.375 | 78.637 | 78.637 | 43.687 | 76.016 | | | | |
| 88.891 | 80.002 | 80.002 | 44.446 | 77.335 | | | | |
| 77.514 | 69.762 | 69.762 | 38.757 | 67.437 | | | | |
| 84.233 | 75.810 | 75.810 | 42.117 | 73.283 | | | | |
| 89.311 | 80.380 | 80.380 | 44.656 | 77.701 | | | | |
| 90.228 | 81.205 | 81.205 | 45.114 | 78.498 | | | | |
| 85.152 | 76.637 | 76.637 | 42.576 | 74.082 | | | | |
| 78.640 | 70.776 | 70.776 | 39.320 | 68.416 | | | | |
| 82.760 | 74.484 | 74.484 | 41.380 | 72.001 | | | | |
| 91.273 | 82.145 | 82.145 | 45.636 | 79.407 | | | | |
| 95.866 | 86.280 | 86.280 | 47.933 | 83.404 | | | | |
| 88.218 | 79.396 | 79.396 | 44.109 | 76.750 | | | | |

Tabella A.2: Ottimizzazione tempo di corrivazione

| β | 1.15 | 0.9 | 1.2 | 1.3 | 1.5 | 1.6 | | | | |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|--|--|--|--|
| tc0 | tc1 | tc2 | tc3 | tc4 | tc5 | tc6 | | | | |
| 0.398 | 0.457 | 0.358 | 0.477 | 0.517 | 0.596 | 0.636 | | | | |
| 0.222 | 0.256 | 0.200 | 0.267 | 0.289 | 0.333 | 0.356 | | | | |
| 0.476 | 0.548 | 0.429 | 0.572 | 0.619 | 0.715 | 0.762 | | | | |
| 1.264 | 1.453 | 1.137 | 1.517 | 1.643 | 1.896 | 2.022 | | | | |
| 0.570 | 0.656 | 0.513 | 0.684 | 0.741 | 0.855 | 0.912 | | | | |
| 0.325 | 0.373 | 0.292 | 0.389 | 0.422 | 0.487 | 0.519 | | | | |
| 0.448 | 0.515 | 0.403 | 0.538 | 0.583 | 0.672 | 0.717 | | | | |
| 0.124 | 0.142 | 0.111 | 0.148 | 0.161 | 0.185 | 0.198 | | | | |
| 0.227 | 0.261 | 0.204 | 0.272 | 0.295 | 0.340 | 0.363 | | | | |
| 0.137 | 0.158 | 0.123 | 0.164 | 0.178 | 0.206 | 0.219 | | | | |
| 0.282 | 0.325 | 0.254 | 0.339 | 0.367 | 0.424 | 0.452 | | | | |
| 0.092 | 0.106 | 0.083 | 0.111 | 0.120 | 0.138 | 0.148 | | | | |
| 0.174 | 0.200 | 0.157 | 0.209 | 0.227 | 0.261 | 0.279 | | | | |
| 0.208 | 0.240 | 0.188 | 0.250 | 0.271 | 0.313 | 0.334 | | | | |
| 0.205 | 0.235 | 0.184 | 0.246 | 0.266 | 0.307 | 0.327 | | | | |
| 0.541 | 0.623 | 0.487 | 0.650 | 0.704 | 0.812 | 0.866 | | | | |
| 0.419 | 0.482 | 0.377 | 0.503 | 0.545 | 0.629 | 0.671 | | | | |
| 0.251 | 0.289 | 0.226 | 0.302 | 0.327 | 0.377 | 0.402 | | | | |
| 0.593 | 0.682 | 0.533 | 0.711 | 0.770 | 0.889 | 0.948 | | | | |
| 1.362 | 1.567 | 1.226 | 1.635 | 1.771 | 2.044 | 2.180 | | | | |
| 0.329 | 0.379 | 0.296 | 0.395 | 0.428 | 0.494 | 0.527 | | | | |
| 0.375 | 0.431 | 0.338 | 0.450 | 0.488 | 0.563 | 0.600 | | | | |
| 0.701 | 0.806 | 0.631 | 0.841 | 0.911 | 1.051 | 1.121 | | | | |
| 0.828 | 0.952 | 0.745 | 0.993 | 1.076 | 1.242 | 1.325 | | | | |
| 1.482 | 1.705 | 1.334 | 1.779 | 1.927 | 2.223 | 2.372 | | | | |
| 0.838 | 0.964 | 0.754 | 1.006 | 1.090 | 1.257 | 1.341 | | | | |
| 0.461 | 0.531 | 0.415 | 0.554 | 0.600 | 0.692 | 0.738 | | | | |
| 1.913 | 2.200 | 1.721 | 2.295 | 2.486 | 2.869 | 3.060 | | | | |

B

Propagazione piena mediante modello idraulico

Tabella B.1: Condizioni al contorno di monte

| | Monte della cassa | Valle della cassa | Ponte Nuovo | | | | | |
|------------------|-------------------|-------------------|-------------|--|--|--|--|--|
| Date | Parma | Parma | Baganza | | | | | |
| 10/13/2014 12:00 | 23.640 | 29.99 | 84.32 | | | | | |
| 10/13/2014 12:30 | 26.250 | 27.14 | 104.73 | | | | | |
| 10/13/2014 13:00 | 23.590 | 26.07 | 88.44 | | | | | |
| 10/13/2014 13:30 | 517.30 | 202.27 | 72.92 | | | | | |
| 10/13/2014 14:00 | 437.33 | 244.94 | 78.36 | | | | | |
| 10/13/2014 14:30 | 867.67 | 272.37 | 345.74 | | | | | |
| 10/13/2014 15:00 | 697.08 | 297.26 | 472.03 | | | | | |
| 10/13/2014 15:30 | 554.54 | 298.36 | 480.5 | | | | | |
| 10/13/2014 16:00 | 486.08 | 296.21 | 748.41 | | | | | |
| 10/13/2014 16:30 | 498.72 | 298.45 | 566.52 | | | | | |
| 10/13/2014 17:00 | 421.73 | 296.61 | 409.46 | | | | | |
| 10/13/2014 17:30 | 380.07 | 299.75 | 295.61 | | | | | |
| 10/13/2014 18:00 | 576.29 | 297.71 | 223.1 | | | | | |
| 10/13/2014 18:30 | 467.28 | 296.69 | 175.18 | | | | | |
| 10/13/2014 19:00 | 372.69 | 292.23 | 150.45 | | | | | |
| 10/13/2014 19:30 | 299.82 | 293.38 | 132.32 | | | | | |
| 10/13/2014 20:00 | 245.55 | 292.85 | 107.68 | | | | | |
| 10/13/2014 20:30 | 200.97 | 291 | 93.54 | | | | | |
| 10/13/2014 21:00 | 168.31 | 288.17 | 93.37 | | | | | |
| 10/13/2014 21:30 | 141.96 | 284.57 | 96.81 | | | | | |
| 10/13/2014 22:00 | 119.44 | 280.33 | 79.07 | | | | | |
| 10/13/2014 22:30 | 101.20 | 275.53 | 63.56 | | | | | |
| 10/13/2014 23:00 | 86.340 | 270.27 | 51.68 | | | | | |
| 10/13/2014 23:30 | 74.070 | 264.48 | 42.56 | | | | | |
| 10/14/2014 0:00 | 64.700 | 258.22 | 35.52 | | | | | |
| 10/14/2014 0:30 | 57.100 | 251.61 | 30.1 | | | | | |
| 10/14/2014 1:00 | 51.120 | 244.63 | 25.79 | | | | | |
| 10/14/2014 1:30 | 45.720 | 237.24 | 22.18 | | | | | |
| 10/14/2014 2:00 | 40.660 | 229.2 | 19.17 | | | | | |
| 10/14/2014 2:30 | 36.190 | 220.25 | 16.71 | | | | | |
| 10/14/2014 3:00 | 32.280 | 210.34 | 14.63 | | | | | |
| 10/14/2014 3:30 | 28.900 | 198.28 | 12.88 | | | | | |
| 10/14/2014 4:00 | 25.930 | 182.9 | 11.38 | | | | | |
| 10/14/2014 4:30 | 23.370 | 162.51 | 10.13 | | | | | |
| 10/14/2014 5:00 | 21.110 | 116.89 | 9.06 | | | | | |
| 10/14/2014 5:30 | 19.150 | 43.99 | 8.15 | | | | | |
| 10/14/2014 6:00 | 17.430 | 0.71 | 7.36 | | | | | |

 Tabella B.2:
 Confronto onde con vari coefficienti di Manning con cassa di laminazione

| 0.033 | hoss-hric | 1.185 | 1.255 | 1.205 | 1.015 | 1.085 | 3.075 | 2.665 | 1.325 | 1.755 | 1.005 | 0.285 | 0.425 | 0.095 | 0.355 | 0.665 | 0.985 | 1.115 | 0.555 | 0.415 | 0.515 | 0.585 | 0.725 | 0.735 | 0.875 | 0.655 | 0.935 | 0.955 | 0.895 | 0.835 | 0.795 | 0.795 | 0.675 | 0.645 | 0.545 | 0.465 | 0.145 | 0.035 | 0.01605 |
|-------|-----------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|---------|
| | hric | 52.89 | 53.01 | 52.98 | 52.84 | 23 | 54.24 | 55.37 | 55.6 | 56.26 | 56.09 | 55.71 | 55.33 | 55.06 | 54.86 | 54.72 | 54.64 | 54.55 | 54.46 | 54.43 | 54.43 | 54.4 | 54.3 | 54.23 | 54.14 | 54.09 | 54.03 | 53.97 | 53.92 | 53.87 | 53.81 | 53.75 | 53.68 | 53.61 | 53.52 | 53.41 | 53.22 | 52.92 | |
| 0.035 | hoss-hric | 1.235 | 1.315 | 1.275 | 1.075 | 1.005 | 3.105 | 2.825 | 1.415 | 1.895 | 1.135 | 0.175 | 0.325 | 0.005 | 0.445 | 0.755 | 1.075 | 1.195 | 0.645 | 0.505 | 0.605 | 0.665 | 0.815 | 0.815 | 0.985 | 0.725 | 1.015 | 1.045 | 0.975 | 0.905 | 0.875 | 0.875 | 0.765 | 0.725 | 0.635 | 0.555 | 0.235 | 0.055 | 0.01733 |
| | hric | 52.94 | 53.07 | 53.05 | 52.9 | 52.92 | 54.27 | 55.53 | 55.69 | 56.4 | 56.22 | 55.82 | 55.43 | 55.15 | 54.95 | 54.81 | 54.73 | 54.63 | 54.55 | 54.52 | 54.52 | 54.48 | 54.39 | 54.31 | 54.25 | 54.16 | 54.11 | 54.06 | 54 | 53.94 | 53.89 | 53.83 | 53.77 | 53.69 | 53.61 | 53.5 | 53.31 | 53.01 | |
| 0.025 | hoss-hric | 0.955 | 0.995 | 0.945 | 0.775 | 0.705 | 2.785 | 2.325 | 0.865 | 1.355 | 0.535 | 0.765 | 0.875 | 0.535 | 0.055 | 0.255 | 0.585 | 0.715 | 0.175 | 0.035 | 0.135 | 0.185 | 0.345 | 0.345 | 0.505 | 0.275 | 0.565 | 0.585 | 0.525 | 0.465 | 0.435 | 0.445 | 0.335 | 0.315 | 0.225 | 0.145 | 0.135 | 0.285 | 0.01098 |
| _ | hric | 52.66 | 52.75 | 52.72 | 52.6 | 52.62 | 53.95 | 55.03 | 55.14 | 55.86 | 55.62 | 55.23 | 54.88 | 54.62 | 54.45 | 54.31 | 54.24 | 54.15 | 54.08 | 54.05 | 54.05 | 75 | 53.92 | 53.84 | 53.77 | 53.71 | 53.66 | 53.6 | 53.55 | 53.5 | 53.45 | 53.4 | 53.34 | 53.28 | 53.2 | 53.09 | 52.94 | 52.67 | |
| 0.03 | hoss-hric | 1.095 | 1.165 | 1.125 | 0.925 | 0.855 | 2.975 | 2.585 | 1.155 | 1.635 | 0.845 | 0.455 | 0.585 | 0.255 | 0.205 | 0.525 | 0.845 | 0.975 | 0.415 | 0.275 | 0.385 | 0.455 | 0.595 | 0.595 | 0.755 | 0.525 | 0.815 | 0.825 | 0.765 | 0.695 | 0.665 | 0.665 | 0.555 | 0.525 | 0.435 | 0.355 | 0.055 | 0.115 | 0.01412 |
| | hric | 52.8 | 52.92 | 52.9 | 52.75 | 52.77 | 54.14 | 55.29 | 55.43 | 56.14 | 55.93 | 55.54 | 55.17 | 54.9 | 54.71 | 54.58 | 54.5 | 54.41 | 54.32 | 54.29 | 54.3 | 54.27 | 54.17 | 54.09 | 54.02 | 53.96 | 53.91 | 53.84 | 53.79 | 53.73 | 53.68 | 53.62 | 53.56 | 53.49 | 53.41 | 53.3 | 53.13 | 52.84 | |
| 0.04 | hoss-hric | 1.365 | 1.445 | 1.425 | 1.215 | 1.115 | 3.225 | 3.035 | 1.645 | 2.145 | 1.415 | 0.095 | 0.075 | 0.225 | 0.665 | 0.975 | 1.285 | 1.405 | 0.855 | 0.705 | 0.805 | 0.865 | 1.015 | 1.005 | 1.165 | 0.925 | 1.205 | 1.235 | 1.165 | 1.095 | 1.065 | 1.055 | 0.945 | 0.905 | 0.805 | 0.715 | 0.405 | 0.205 | 0.02059 |
| | h_{ric} | 53.07 | 53.2 | 53.2 | 53.04 | 53.03 | 54.39 | 55.74 | 55.92 | 59.95 | 56.5 | 56.09 | 55.68 | 55.38 | 55.17 | 55.03 | 54.94 | 54.84 | 54.76 | 54.72 | 54.72 | 54.68 | 54.59 | 54.5 | 54.43 | 54.36 | 54.3 | 54.25 | 54.19 | 54.13 | 54.08 | 54.01 | 53.95 | 53.87 | 53.78 | 53.66 | 53.48 | 53.16 | Н |
| и | h_{oss} | 51.705 | 51.755 | 51.775 | 51.825 | 51.915 | 51.165 | 52.705 | 54.275 | 54.505 | 55.085 | 55.995 | 55.755 | 55.155 | 54.505 | 54.055 | 53.655 | 53.435 | 53.905 | 54.015 | 53.915 | 53.815 | 53.575 | 53.495 | 53.265 | 53.435 | 53.095 | 53.015 | 53.025 | 53.035 | 53.015 | 52.955 | 53.005 | 52.965 | 52.975 | 52.945 | 53.075 | 52.955 | |
| | Ore | 12:00 | 12:30 | 13:00 | 13:30 | 14:00 | 14:30 | 15:00 | 15:30 | 16:00 | 16:30 | 17:00 | 17:30 | 18:00 | 18:30 | 19:00 | 19:30 | 20:00 | 20:30 | 21:00 | 21:30 | 22:00 | 22:30 | 23:00 | 23:30 | 0:00 | 0:30 | 1:00 | 1:30 | 2:00 | 2:30 | 3:00 | 3:30 | 4:00 | 4:30 | 5:00 | 5:30 | 00:9 | |

20:00 20:30 21:00 21:30 21:30 22:00 22:30 23:30 1.255 53.03 1.275 53.02 1.265 52.95 54.84 54.94 55.38 55.17 55.03 56.09 56.65 56.5 0.041.1425 3.3225 3.3235 3.035 1.645 2.2145 0.095 0.095 0.095 0.855 0.856 0.866 0. 55.17 54.9 54.71 54.58 54.45 54.41 54.32 54.29 56.14 55.93 55.54 0.030.585 0.255 0.525 0.525 0.525 0.945 0.975 0.415 0.245 0.385 0.385 0.385 0.595 0.595 0.595 0.825 0.825 52.75 52.72 52.6 52.62 53.95 55.03 55.14 55.86 55.86 55.86 55.23 55.23 54.23 54.05 54.05 0.0250.945 0.075 0.0765 0.865 0.875 0.875 0.055 54.73 54.63 54.55 54.52 54.52 54.48 54.39 54.31 54.25 54.16 56.22 55.82 55.43 55.15 54.95 0.035 $|h_{OSS}$ - h_{ric} 1.075
1.195
0.505
0.665
0.665
0.815
0.815
0.815
0.985
0.725
0.975
0.975
0.975
0.975
0.975
0.975 1.315 1.275 1.075 1.005 54.64 54.55 54.46 54.43 54.43 54.4 54.3 54.23 54.14 55.06 54.86 54.72 53.01 52.98 52.84 53 54.24 55.37 55.6 56.26 0.033 $|h_{oss}-h_{ric}|$ 1.255
1.205
1.005
1.015
1.015
1.026
2.665
2.665
1.325
1.755
1.005
0.0285
0.0285
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515
0.0515

Tabella B.3: Confronto onde con vari coefficienti di Manning senza cassa di laminazione