

# Universidade Federal do Rio Grande do Norte

Programa de Pós-graduação em Engenharia Elétrica e de  
Computação

EEC1507 - Sistemas Robóticos Autônomos

## RELATÓRIO

1º PROJETO DE SISTEMAS ROBÓTICOS AUTÔNOMOS -  
META 1

**Alunos:**

Edel Mary Quinn de Oliveira Figueiredo

Luís Gabriel Pereira Condados

Samigo Ricardo de Oliveira Silva

**Professor orientador:** Pablo Javier Alsina

Natal-RN  
2020

# Universidade Federal do Rio Grande do Norte

Programa de Pós-graduação em Engenharia Elétrica e de  
Computação

EEC1507 - Sistemas Robóticos Autônomos

## RELATÓRIO

Relatório apresentado à disciplina de EEC1507- Sistemas Robóticos Autônomos, correspondente 1º unidade do semestre 2020.2, sob orientação do **Prof. Pablo Javier Alsina**.

Alunos:

Edel Mary Quinn de Oliveira Figueiredo

Luís Gabriel Pereira Condados

Samigo Ricardo de Oliveira Silva

Natal-RN  
2020

## **Conteúdo**

<b>1</b>	<b>INTRODUÇÃO</b>	<b>1</b>
<b>2</b>	<b>REFERENCIAL TEÓRICO</b>	<b>2</b>
<b>3</b>	<b>METODOLOGIA</b>	<b>3</b>
<b>4</b>	<b>RESULTADOS E CONCLUSÕES</b>	<b>6</b>
<b>5</b>	<b>REFERÊNCIAS</b>	<b>8</b>
<b>6</b>	<b>ANEXO 1</b>	<b>8</b>

# 1 INTRODUÇÃO

O uso de robôs móveis está presente em qualquer área de atuação, devido a sua boa manobrabilidade, sendo a direção diferencial o movimento mais comum. Contudo o aprendizado de seu uso também pode trazer um gasto temporal devido a busca por respostas ideais, dependendo do modelo, diâmetro das rodas, quantidade de rodas entre outros.

Para chegar a respostas mais rápidas e mais próximas das ideais podemos usar plataformas de simulações robóticas disponíveis no mercado, como o V-REP, Open HRP, Gazebo, entre outras. Contudo a plataforma Virtual de Experimentação Robótica (Virtual Robot Experimentation Platform), é tratada apenas como V-REP na literatura, destacando-se por se tratar de uma plataforma fácil e didática, traindo desde leigos a estudantes, ou até profissionais na área da robótica. Esta plataforma além do uso de linguagem de programação interna através do Lua também disponibiliza o uso de algumas linguagens de forma remota como a própria Lua, além do Python, C++, Java e Matlab. Sendo escolhido para a realização deste relatório a linguagem de programação Python, pelo fato da mesma ser a linguagem com mais similaridade entre os membros.

Este trabalho tem como objetivo simular um robô móvel com acionamento diferencial, desenvolvendo um sistema de controle cinemático (comando de velocidades e recepção de posição) que permita ao mesmo executar movimentos especificados em espaço livre de obstáculos. A simulação será realizada no ambiente CoppeliaSim em configuração cliente/servidor e através de gráficos serão analisados a orientação e posição do robô ao longo do tempo, bem como suas entradas.

## 2 REFERENCIAL TEÓRICO

Para a construção da modelagem do robô com rodas de dois graus de liberdade, conhecida também na literatura como roda padrão, temos que levar em consideração a restrição de rolamento puro, onde todo o movimento da roda tem que ser acompanhado pela rotação correspondente da roda, enquanto que para a restrição de derrapagem lateral todo o movimento deve ser restrito ao plano da roda, ou seja, a roda não pode ser movimentada em direção ao eixo. Com a escolha do robô móvel com acionamento diferencial, o uso da relação entre a velocidade das rodas pode ser obtido pelo giro do robô com o raio  $r$  também pode ser obtido por análise simples a partir da figura 1:

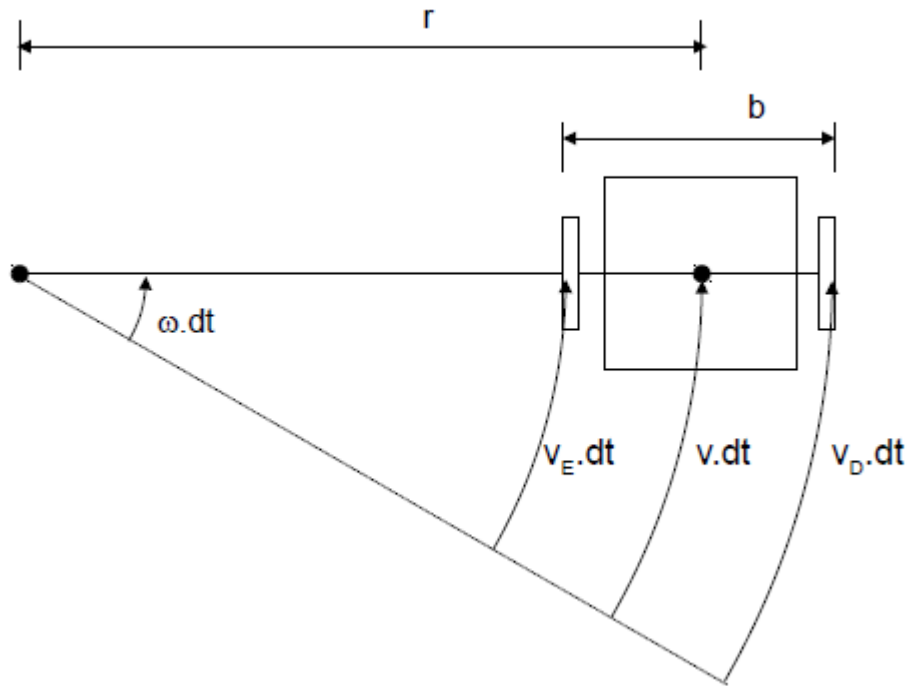


Figura 1: Movimentos Infinitesimais para o modelo de robô utilizado.

Analisando a natureza do movimento circular na figura 1 podemos observar as seguintes relações,

$$\omega \left( r - \frac{b}{2} \right) = v_e \quad (1)$$

$$\omega \left( r + \frac{b}{2} \right) = v_d \quad (2)$$

Somando  $v_e$  e  $v_d$  temos:

$$v = \frac{(\omega_d + \omega_e) \cdot r_w}{2} \quad (3)$$

E subtraindo  $v_e$  e  $v_d$  podemos chegar em:

$$\omega = \frac{(\omega_d - \omega_e) \cdot r_w}{b} \quad (4)$$

Podemos também relacionar as velocidades das rodas com o raio de giro instantâneo do robô

$$\frac{\omega_e}{\omega_d} = \frac{r - \frac{b}{2}}{r + \frac{b}{2}} \quad (5)$$

Por fim temos a **função de cinemática direta do robô**, considerando o espaço de configuração:  $[x \ y \ \theta]^T$

$$\begin{bmatrix} \dot{x} \\ \dot{y} \\ \dot{\theta} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{(\omega_d + \omega_e) \cdot r_w}{2} \cdot \cos \theta \\ \frac{(\omega_d + \omega_e) \cdot r_w}{2} \cdot \sin \theta \\ \frac{(\omega_d - \omega_e) \cdot r_w}{b} \end{bmatrix} \quad (6)$$

### 3 METODOLOGIA

A simulação foi realizada no ambiente *CoppeliaSim*[2] em configuração cliente/servidor, sendo o servidor responsável pela simulação da física em tempo real e o cliente em *Python*[1] responsável por transmitir as velocidades que serão aplicadas em cada motor, a comunicação foi feita utilizando a biblioteca para Python disponibilizada pelo *CoppeliaSim* (Legacy remote API [2]), gráficos (gerados com o uso da biblioteca *matplotlib*[3]) também serão gerados e exibidos pelo cliente, em tempo de execução, mostrando a posição e orientação do robô em coordenadas globais em cada instante de tempo, um link para o código fonte bem como os demais recursos utilizados encontram-se em anexo 1.

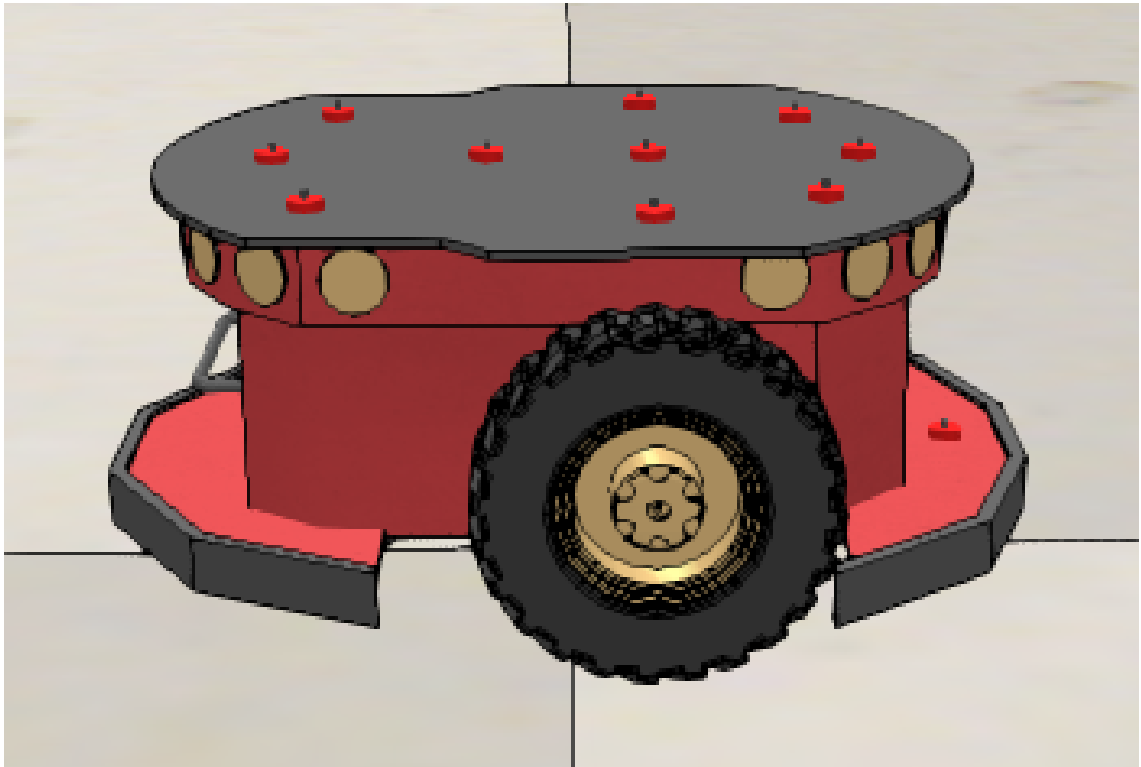


Figura 2: Modelo simulado do robô Pioneer.

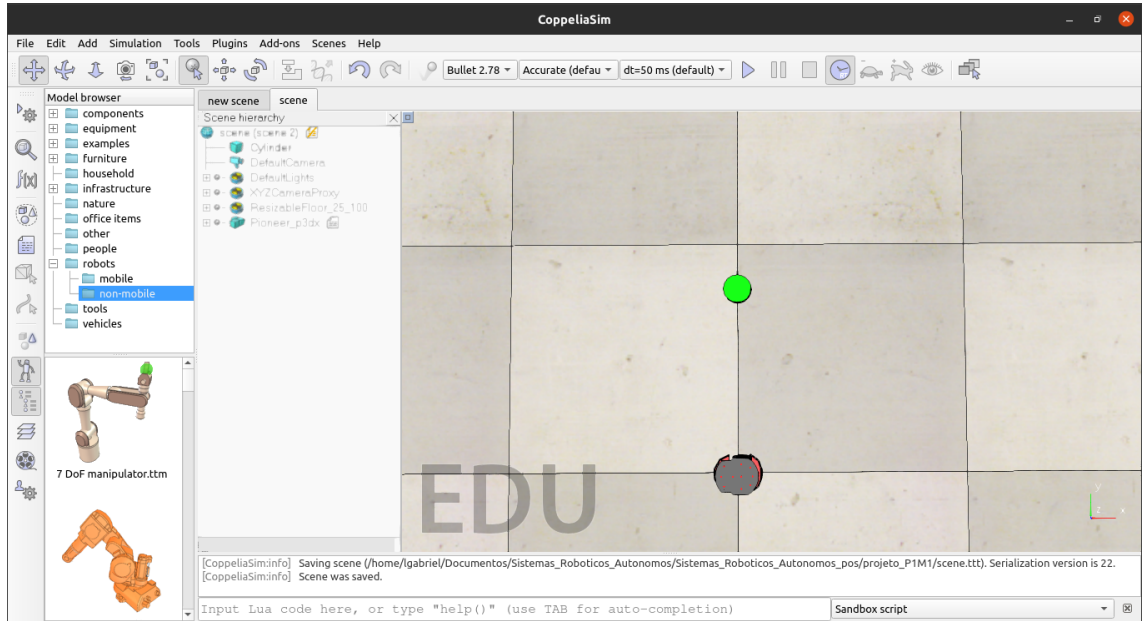


Figura 3: Cenário no *CoppeliaSim* utilizado no experimento.

No ambiente simulado foi criado um cenário simples, contendo apenas um robô Pioneer e uma marcação, como podemos ver nas Figuras 2 e 3. O cliente foi programado para enviar as velocidades para cada motor de forma que o robô realize um movimento circular completo, com raio  $2m$  ( $r = 2m$ ), em  $30s$ , para isso foi utilizado as equações de cinemática do robô apresentadas em (1)(2)(5), simplificando e colocando em função da velocidade  $\omega$  desejada, temos:

$$\omega = \frac{2\pi}{\Delta t}$$

$$\omega_d = \omega \cdot \frac{r + b/2}{r_w}$$

$$\omega_e = \omega_d \cdot \frac{r - b/2}{r + b/2}$$

O robô utilizado possui rodas com rádio igual a  $0.09751m$  ( $r_w$ ) e a distância entre os centros das mesmas é de  $0.331m$  ( $b$ ).



## 4 RESULTADOS E CONCLUSÕES

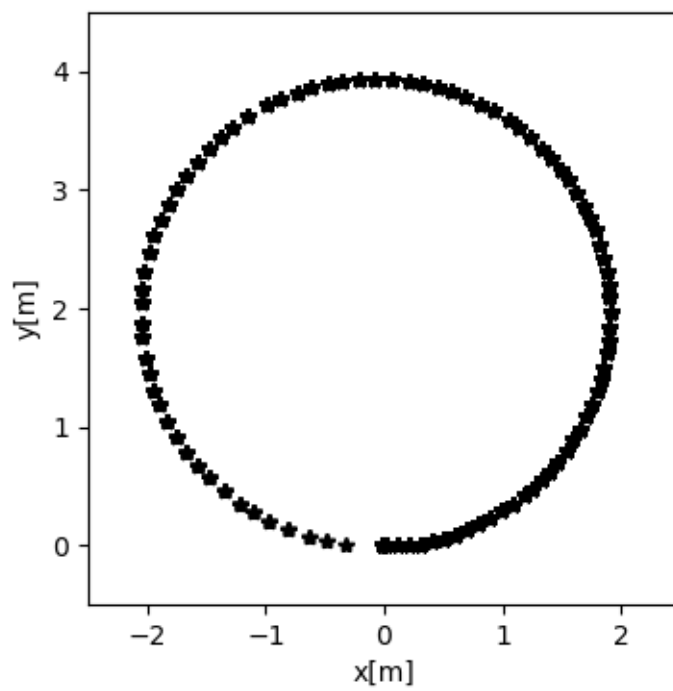


Figura 4: Gráfico Posição do robô no plano  $(x,y)$ .

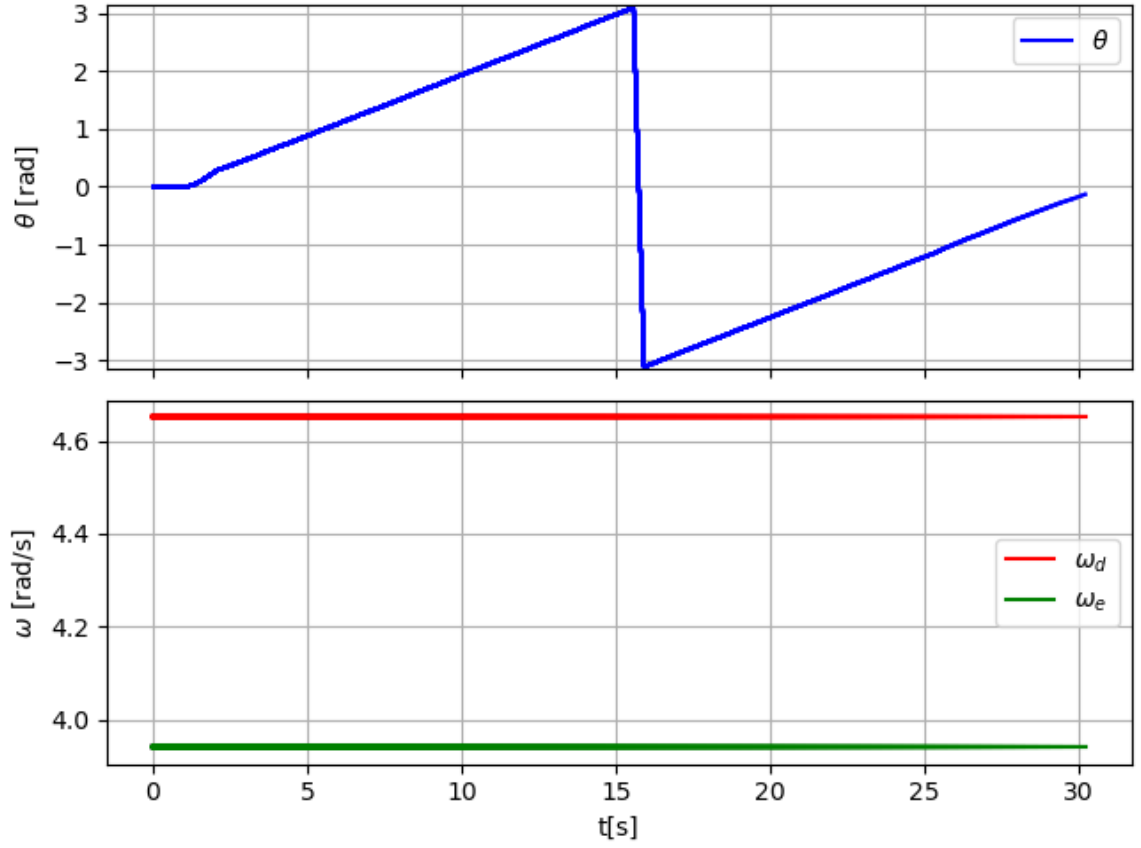


Figura 5: Gráfico da orientação e velocidade angular das rodas em função do tempo. (Autoria Própria)

A Figura 4 mostra a trajetória realizada pelo robô nos eixos  $x$  e  $y$  simultaneamente para as velocidades calculadas:  $w_d = 4.65 \text{ rad/s}$ ,  $w_e = 3.94 \text{ rad/s}$ . Para os ômegas aplicados,  $wd = 4.65$  e  $we = 3.94$ , podemos estimar o comportamento do robô do ponto de vista cinemático.

Movimento circular com raio a partir de (5) e resolvendo para  $r$ ,

$$r = \frac{w_e + w_d}{w_d - w_e} \cdot \frac{b}{2}$$

$$r \approx 2.0m$$

Velocidade linear de acordo com (3),

$$v = \frac{(4.65 + 3.94) \cdot 0.09751}{2}$$

$$v \approx 0.42m/s$$

Tempo para percorrer uma circunferência de raio  $2m$ ,

$$t = v.d$$

$$t = v.(2\pi r)$$

$$t = 0.42(2\pi 2)$$

$$t \approx 30s$$

Podemos observar pelo gráfico de posição que o percurso realizado corresponde ao círculo de raio  $2m$ , e pelo gráfico de orientação pelo tempo podemos concluir que o tempo gasto para realizar uma volta completa, ou seja, o tempo que levou para o robô repetir a orientação, foi de aproximadamente  $30s$ , portanto os resultados obtidos corresponderam ao predito pelo modelo cinemático.

## 5 REFERÊNCIAS

### Referências

- [1] Python Org. Disponível em: <<https://www.python.org/>>. Acesso em: 22 set. 2020.
- [2] E. Rohmer, S. P. N. Singh, M. Freese, "CoppeliaSim (formerly V-REP): a Versatile and Scalable Robot Simulation Framework", IEEE/RSJ Int. Conf. on Intelligent Robots and Systems, 2013. [www.coppeliarobotics.com](http://www.coppeliarobotics.com)
- [3] Matplotlib: Visualization with Python. Disponível em: <<https://matplotlib.org/>>. Acesso em: 22 set. 2020.
- [4] The NumPy Org. Disponível em: <<https://numpy.org/>>. Acesso em: 22 set. 2020.

## 6 ANEXO 1

Código fonte: [https://github.com/Gabriellgpc/Sistemas\\_Roboticos\\_Autonomos\\_pos.git](https://github.com/Gabriellgpc/Sistemas_Roboticos_Autonomos_pos.git)

Vídeo de demonstração: <https://www.youtube.com/watch?v=HhLZLSti9ks>