Содержание

1		2
	1.1	Закон Кулона, напряжённость
	1.2	Поток, теорема Гаусса
	1.3	Циркуляция и дивергенция Е
	1.4	Энергия электрического поля
2		3
	2.1	Потенциал
	2.2	Уравнения Пуассона и Лапласа
	2.3	Проводимость, обобщённый закон Ома
_		
3	0.1	T. C.
	3.1	Био-Савар, виток с током
	3.2	Циркуляция магнитного поля
	3.3	Ротор и дивергенция В
4		5
-1	4.1	Электрический диполь
	4.1	4.1.1 Потенциал поля диполя
		4.1.2 Напряженность поля диполя
		4.1.3 Сила действующая на диполь
		4.1.4 Момент сил действующих на диполь
		4.1.5 Энергия диполя в поле
	4.2	Магнитный диполь
	4.2	
		71 01
		4.2.2 Момент сил
5		7
	5.1	Свободные электрические колебания
		5.1.1 Свободные незатухающие колебания
		5.1.2 Свободные затухающие колебания
	5.2	Величины характеризующие затухание
		5.2.1 Коэффицент затухания и время релаксации 8
		5.2.2 Логарифмический декремент затухания
		5.2.3 Добротность
	5.3	Вынужденные электрические колебания
		5.3.1 Векторная диаграмма
		5.3.2 Pesonanc
6		10
	6.1	Условия квазистационарности
	6.2	Комплексные сопротивления
		6.2.1 Резистор
		6.2.2 Конденсатор
		6.2.3 Катушка индуктивности

7			11
	7.1	Правило Ленца	 11
	7.2	Закон Фарадея	11
	7.3	Самоиндукция	11
		7.3.1 Индуктивность катушки	11
	7.4	Взаимная индукция	11
	7.5	Энергия магнитного поля	12
8			12
	8.1	Электрическое поле в веществе	 12
		8.1.1 Поляризованность Р	12
		8.1.2 Вектор D	13
		8.1.3 Условия на границе	13
		8.1.4 Поле в однородном диэлектрике	13
	8.2		14
		8.2.1 Намагниченность J	14
		8.2.2 Вектор Н	14
		8.2.3 Связь Ј и Н	14
		8.2.4 Связь В и Н	15
		8.2.5 Граничные условия В и Н	15
		8.2.6 Ферромагнетики	15
		8.2.7 Гистерезис	16
9			16
9	9.1	Разложение Фурье	16
	9.1	9.1.1 Основные разложения	17
		$g_{*,1,1}$ Ochodidic pashomenny	 11

1

1.1 Закон Кулона, напряжённость

$$F = \frac{|q_1||q_2|}{r_{12}^2} \qquad \vec{E} = k \frac{q}{r^3} \vec{r}$$

где $k=rac{1}{4\pi arepsilon_0}=9\cdot 10^9\,\Phi/{
m M}$ и $arepsilon_0=8,85\cdot 10^{-12}\,\Phi/{
m M}.$

Напряжённость \vec{E} - сила действующая на единичный положительный неподвижный заряд.

1.2 Поток, теорема Гаусса

$$\Phi = \int\limits_{S} \vec{E} \vec{dS} \qquad \oint \vec{E} \vec{dS} = \frac{1}{arepsilon_0} q_{ ext{внутр}}$$

• Плоскость: $E = \frac{\sigma}{2\varepsilon_0 \varepsilon}$

• Стена ширины d:
$$E = \begin{cases} \frac{\rho x}{\varepsilon_0} &, x < \frac{d}{2} \\ \frac{\rho d}{2\varepsilon_0} &, x \geq \frac{d}{2} \end{cases}$$

• Цилиндр:
$$E = egin{cases} rac{
ho r}{2 arepsilon_0} &, r < R \\ rac{\sigma R}{arepsilon_0 r} &, r > R \end{cases}$$

• Шар:
$$E = \begin{cases} \frac{Qr}{4\pi\varepsilon_0R^3} &, r < R \\ \frac{Q}{4\pi\varepsilon_0r^2} &, r > R \end{cases}$$

1.3 Циркуляция и дивергенция Е

$$\nabla \cdot \vec{E} = \frac{\rho}{\varepsilon_0} \qquad \oint \vec{E} d\vec{l} = 0$$

1.4 Энергия электрического поля

$$W = \frac{CU^2}{2} = \frac{\varepsilon \varepsilon_0 SU^2}{2h} = \frac{\varepsilon \varepsilon_0}{2} (\frac{U}{h})^2 Sh = \frac{ED}{2} V$$
$$w = \frac{\varepsilon \varepsilon_0 E^2}{2} = \frac{\vec{E}\vec{D}}{2} \qquad W = \int w dV$$

2

2.1 Потенциал

$$\varphi_1 - \varphi_2 = \int_1^2 \vec{E} d\vec{l}$$

Потенциал - величина, численно равная потенциальной энергии единичного положительного заряда в данной точке.

$$-d\varphi = \vec{E}\vec{dl} \qquad \vec{E} = -\nabla\varphi$$
$$\varphi = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \int \frac{\rho dV}{r}$$

2.2 Уравнения Пуассона и Лапласа

$$\triangle = \nabla^2 = \frac{\partial^2}{\partial^2 x} + \frac{\partial^2}{\partial^2 y} + \frac{\partial^2}{\partial^2 z}$$
$$\triangle \varphi = -\frac{\rho}{\varepsilon_0}$$

В Лапласе правая часть равна 0.

Определение потенциала сводится к нахождению функции φ , удовлетворяющей этим уравнениям во всём пространстве (Лаплас между проводниками, и заданные значения на поверхности самих проводников).

2.3 Проводимость, обобщённый закон Ома

$$I = \frac{U}{R} \qquad R = \rho \frac{l}{S}$$
$$\vec{j} = \frac{1}{\rho} \vec{E} = \lambda \vec{E}$$

 λ - удельная электропроводность, сименс на метр (См/м). При наличии сторонних (некулоновских) сил (\vec{E}^*), обобщённый закон Ома:

$$\vec{j} = \lambda(\vec{E} + \vec{E}^*)$$

$$I \int_1^2 \rho \frac{dl}{S} = \int_1^2 \frac{\vec{j} d\vec{l}}{\lambda} = \int_1^2 \vec{E} d\vec{l} + \int_1^2 \vec{E}^* d\vec{l}$$

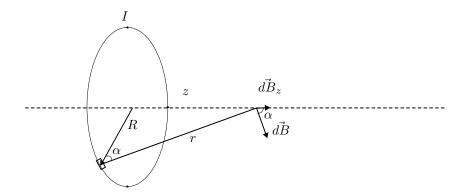
$$RI = \varphi_1 - \varphi_2 + \varepsilon_{12}$$

 $arepsilon_{12}$ - электродвижущая сила

3

3.1 Био-Савар, виток с током

$$\vec{dB} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{I[\vec{dl} \times \vec{r}]}{r^3}$$



$$dB_z = dB \cos \alpha = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{Idl \cos \alpha}{r^2} \qquad \cos \alpha = \frac{R}{r} \qquad r^2 = z^2 + R^2$$

$$B = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{2\pi R^2 I}{(z^2 + R^2)^{3/2}}$$

3.2 Циркуляция магнитного поля

$$\oint \vec{B} \vec{dl} = \mu_0 I = \mu_0 \int \vec{j} \vec{dS}$$

Циркуляция вектора \vec{B} по произвольному контуру Γ равна произведению μ_0 на алгебраическую сумму токов, охватываемых контуром Γ .

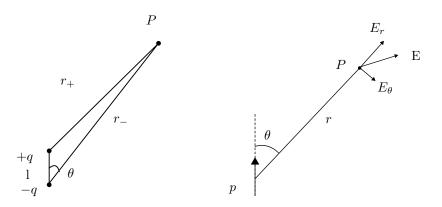
- Прямой провод: $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}, \ r \geq R$
- Внутри длинного соленоида: $B = \mu_0 \mu n I$, где n кол-во витков на метр
- Плоскость с током: $B=\frac{\mu_0 l}{2},$ где 1 сторона контура, параллельная плоскости

3.3 Ротор и дивергенция В

$$\nabla \times \vec{B} = \mu_0 \vec{j} \qquad \nabla \cdot \vec{B} = 0$$

4

4.1 Электрический диполь



Момент диполя:

$$\vec{p}=q\vec{l}$$

где \vec{l} направлен от - к +, q - положительный заряд

4.1.1 Потенциал поля диполя

$$\varphi = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \left(\frac{q}{r_+} - \frac{q}{r_-} \right) = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{p\cos\theta}{r^2}$$

где θ - угол между р и г

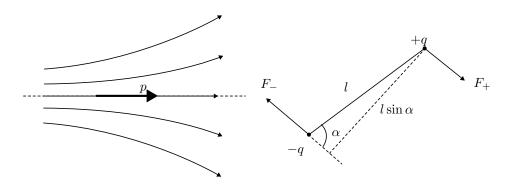
4.1.2 Напряженность поля диполя

$$E_r = -\frac{\partial \varphi}{\partial r} = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{2p\cos\theta}{r^3} \qquad E_\theta = -\frac{\partial \varphi}{r\partial\theta} = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{p\sin\theta}{r^3}$$
$$E = \sqrt{E_r^2 + E_\theta^2} = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{p}{r^3} \sqrt{1 + 3\cos^2\theta}$$

В частности при $\theta=0$ и $\theta=\frac{\pi}{2}$

$$E_{\parallel} = rac{1}{4\piarepsilon_0}rac{2p}{r^3} \qquad E_{\perp} = rac{1}{4\piarepsilon_0}rac{p}{r^3}$$

4.1.3 Сила действующая на диполь



$$\vec{F} = q(\vec{E_+} - \vec{E_-}) = p \frac{\partial \vec{E}}{\partial \vec{l}}$$

4.1.4 Момент сил действующих на диполь

$$M = qEl \sin \alpha = pE \sin \alpha$$

$$\vec{M} = [\vec{p} \times \vec{E}]$$

4.1.5 Энергия диполя в поле

$$W = q(\varphi_{+} - \varphi_{-}) = q \frac{\partial \varphi}{\partial l} l = -q E_{l} l = -\vec{p} \vec{E}$$

4.2 Магнитный диполь

 $\vec{p}_m = IS\vec{n}$, где S - площать контура, \vec{n} - нормаль по правилу правого винта.

4.2.1 Сила действующая на контур

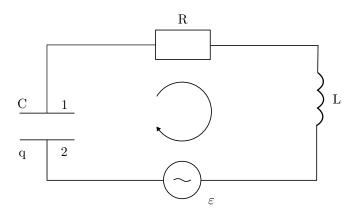
$$\begin{split} d\vec{F}_A &= I[\vec{dl} \times \vec{B}] \qquad \vec{F}_A = l[\vec{I} \times \vec{B}] \\ \vec{F} &= I \oint [\vec{dl} \times \vec{B}] \qquad \vec{F} = p_m \frac{\partial \vec{B}}{\partial \vec{n}} \end{split}$$

где p_m - модуль момента, $\frac{\partial \vec{B}}{\partial \vec{n}}$ - производная по направлению нормали $\vec{n}.$

4.2.2 Момент сил

$$\vec{M} = \oint [\vec{r} \times d\vec{F}] \qquad \vec{M} = [\vec{p}_m \times \vec{B}]$$

5



$$\begin{split} RI &= \varphi_1 - \varphi_2 + \varepsilon_s + \varepsilon \qquad \varepsilon_s = -L \frac{dI}{dt} \qquad \varphi_2 - \varphi_1 = \frac{q}{C} \\ L \frac{d^2q}{dt^2} + R \frac{dq}{dt} + \frac{1}{c}q = \varepsilon \qquad \ddot{q} + 2\beta \dot{q} + \omega_0^2 q = \frac{\varepsilon}{L} \\ 2\beta &= \frac{R}{L}, \qquad \omega_0^2 = \frac{1}{LC} \end{split}$$

5.1 Свободные электрические колебания

5.1.1 Свободные незатухающие колебания

$$\ddot{q} + \omega_0^2 q = 0 \qquad q = q_m \cos(\omega_0 t)$$

Период (формула Томпсона)

$$T_0 = 2\pi\sqrt{LC}$$

5.1.2 Свободные затухающие колебания

$$\ddot{q} + 2\beta \dot{q} + \omega_0^2 q = 0 \qquad q = q_m e^{-\beta t} \cos(\omega t)$$
$$\omega = \sqrt{\omega_0^2 - \beta^2} \qquad T = \frac{2\pi}{\omega}$$

Напряжение на конденсаторе и ток в контуре

$$U_C = \frac{q}{C} = \frac{q_m}{C}e^{-\beta t}cos(\omega t)$$

$$I = \omega q_m e^{-\beta t} cos(\omega t + \delta)$$

$$\cos \delta = -\frac{\beta}{\omega_0} \qquad \sin \delta = \frac{\omega}{\omega_0}$$

5.2 Величины характеризующие затухание

5.2.1 Коэффицент затухания и время релаксации

время релаксации τ - время за которое амплитуда колебаний уменьшается в е раз

$$\tau = \frac{1}{\beta}$$

5.2.2 Логарифмический декремент затухания

Определяется как натуральный логарифм отношения двух значений амплитуд взятых через период колебания ${\bf T}$

$$\lambda = \ln \frac{\alpha(t)}{\alpha(t+T)} = \beta T$$

если затухание мало

$$\lambda \approx \beta \frac{2\pi}{\omega_0} = \pi R \sqrt{\frac{C}{L}}$$

5.2.3 Добротность

- По определению: $Q = \frac{\pi}{\lambda}$
- При слабом затухании: $Q \approx \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}}$
- Энергетический смысл: $Q \approx 2\pi \frac{W}{\delta W}, \, \delta W$ уменьшение энерегии за период

5.3 Вынужденные электрические колебания

$$L\frac{dI}{dt} + RI + \frac{q}{C} = \varepsilon_m cos(\omega t)$$

или

$$\ddot{q} + 2\beta \dot{q} + \omega_0^2 q = \frac{\varepsilon_m}{L} cos(\omega t)$$
 $q = q_m cos(\omega t - \psi)$

где q_m - амплитуда заряда на конденсаторе, ψ - разность фаз между колебаниями заряда и внешней э.д.с ε

$$I = I_m cos(\omega t - \varphi)$$

где I_m амплитуда тока φ сдвиг по фазе между током и внешней э.д.с ε

$$I_m = \omega q_m, \qquad \varphi = \psi - \frac{\pi}{2}$$

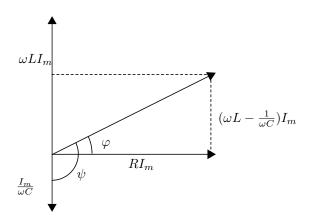
напряжения на индуктивности сопротивлении и емкости

$$U_R = RI_m cos(\omega t - \varphi)$$

$$U_C = \frac{I_m}{\omega C} cos(\omega t - \varphi - \frac{\pi}{2})$$

$$U_L = I_m \omega L cos(\omega t - \varphi + \frac{\pi}{2})$$

5.3.1 Векторная диаграмма



$$I_m = \frac{\varepsilon_m}{\sqrt{R^2 + (\omega L - \frac{1}{\omega C})^2}} \qquad \tan \varphi = \frac{\omega L - \frac{1}{\omega C}}{R}$$

учитывая что $q_m = I_m/\omega$

$$q_m = \frac{\varepsilon/L}{\sqrt{(\omega_0^2 - \omega^2) + 4\beta^2 \omega^2}}$$

5.3.2 Резонанс

$$\omega_{Ipe3} = \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$
 $\omega_{qpe3} = \sqrt{\omega_0^2 - 2\beta^2}$

если $\beta << \omega_0$

$$\frac{U_{Cpe3}}{\varepsilon_m} = Q \qquad Q = \frac{\omega_0}{\delta\omega}$$

где ω_0 - резонансная частота, $\delta\omega$ - ширина резонансной кривой на высоте $1/\sqrt{2}$ от максимальной

6

6.1 Условия квазистационарности

Квазистационарность - мгновенные значения тока практически одинаковы на всех участках цепи.

$$\tau = \frac{\varepsilon_0}{\lambda} << T$$

где λ - проводимость, τ - характерное время растекания, а T - характерное время изменений

$$l_{\text{хар} < <\lambda_{\text{волны}}} = \frac{c}{\nu}$$

См. векторная диаграмма

6.2 Комплексные сопротивления

6.2.1 Резистор

$$Z_R = R$$

6.2.2 Конденсатор

$$I = C \frac{dU}{dt}$$

$$U = U_0 e^{i(\omega t + \varphi_U)} \qquad I = i\omega C U_0 e^{i(\omega t + \varphi_U)}$$

$$Z_C = \frac{U}{I} = \frac{1}{i\omega C} = -\frac{i}{\omega C}$$

6.2.3 Катушка индуктивности

$$\begin{split} U &= -\varepsilon_s = L \frac{dI}{dt} \\ I &= I_0 e^{i(\omega t + \varphi_I)} \qquad U = Li\omega I_0 e^{i(\omega t + \varphi_I)} \\ Z_L &= \frac{U}{I} = i\omega L \end{split}$$

7

7.1 Правило Ленца

Индукционный ток направлен так, чтобы противодействовать причине, его вызывающей.

7.2 Закон Фарадея

$$\varepsilon = \oint \vec{E} \vec{dl} = -\frac{d\Phi}{dt} \qquad \nabla \times E = -\frac{\partial B}{\partial t}$$

При нескольких витках $\varepsilon = -N \frac{d\Phi}{dt}$

В полном виде:

$$\oint \vec{E} \vec{dl} = -\frac{\partial \Phi}{\partial t} + \oint [\vec{v} \times \vec{B}] \vec{dl}$$

Первое слагаемое связано с изменением магнитного поля во времени, второе - с движением контура (на эелктроны действует сила Лоренца $\vec{F} = -e[\vec{v} \times \vec{B}]$, которой соответствует $E^* = [\vec{v} \times \vec{B}]$, циркуляция даёт эдс).

7.3 Самоиндукция

$$\Phi = LI$$

L - индуктивность

$$\varepsilon_s = -\frac{\partial \Phi}{\partial t} = -\frac{d}{dt}(LI) = -L\frac{dI}{dt}$$

7.3.1 Индуктивность катушки

Поле внутри (бесконечной) катушки (п - витки/метр):

$$dB = \mu n dh \frac{\mu_0 I}{2} \frac{R^2}{(R^2 + h^2)^{3/2}} \qquad B = \int_{-\inf}^{\inf} dB = \mu \mu_0 n I$$

$$L = \Phi / I \qquad \Phi_1 = BS \qquad \Phi = n l BS = \mu \mu_0 n^2 V I$$

$$L = \mu \mu_0 n^2 V$$

7.4 Взаимная индукция

Два неподвижных контура достаточно близких к друг другу:

$$\Phi_2 = L_{21} \cdot I_1 \qquad \Phi_1 = L_{12} \cdot I_2$$

Где $L_{12} = L_{21} = M$ - взаимная индуктивность, при отсутствии поблизости ферромагнетиков. (Может быть и отрицательна, в отличие от L.)

7.5 Энергия магнитного поля

Работа совершаемая сторонними силами против эдс самоиндукции:

$$\varepsilon_0 = RI - \varepsilon_s \mid \cdot Idt \Rightarrow \delta A_{\text{ctop}} = \delta Q + Id\Phi$$

$$\delta A^{\text{goil}} = Id\Phi$$

Считаем что ферромагнетиков нет:

$$d\Phi = LdI \implies A^{\text{Hoff}} = \frac{LI^2}{2}$$

$$W = \frac{LI^2}{2} = \frac{I\Phi}{2} = \frac{\Phi^2}{2L}$$

$$L = \mu\mu_0 n^2 V \qquad nI = H = B/\mu\mu_0$$

$$W = \int \frac{\vec{B}\vec{H}}{2}dV \qquad w = \frac{\vec{B}\vec{H}}{2} = \frac{B^2}{2\mu\mu_0}$$

$$L = \frac{1}{I^2} \int \frac{B^2}{\mu\mu_0}dV$$

8

8.1 Электрическое поле в веществе

Связанные заряды и их поле помечаются штрихом $(q', \rho', \sigma', \vec{E}')$, сторонне поле обозначено как \vec{E}_0 .

Под действием внешнего поля положительные и отрицательные заряды смещаются в пределах нейтральных молекул, в следствие чего возникают нескомпенсированные поверхностные заряды и соответвующий им дипольный момент.

8.1.1 Поляризованность Р

- дипольный момент объёма вещества.

$$\vec{P} = \frac{1}{\Delta V} \sum \vec{p_i} \qquad \vec{P} = \eta \langle \vec{p} \rangle$$

Для изотропного диэлектрика:

$$\vec{P} = \kappa \varepsilon_0 \vec{E}$$

где $\kappa = \varepsilon - 1$ - диэлектрическая восприимчивость.

$$\oint \vec{P} \vec{dS} = -q'_{\text{\tiny BHYTP}} \qquad \nabla \cdot \vec{P} = -\rho'$$

Граничное условие:

$$P_{2n} - P_{1n} = -\sigma'$$

где индекс п означает проекцию на нормаль

8.1.2 Вектор D

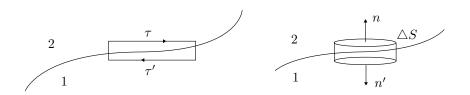
- электрическое смещение (индукция)

$$ec{D} = arepsilon_0 ec{E} + ec{P} \qquad ec{D} = arepsilon arepsilon_0 ec{E}$$

$$\oint ec{D} ec{dS} = q_{ ext{BHyTp}}^{ ext{cropohhue}}$$

 $\varepsilon=1+\kappa$ - диэлектрическая проницаемость

8.1.3 Условия на границе



Два диэлектрика

$$\begin{split} \oint \vec{E} \vec{dl} &= 0 \qquad \oint \vec{D} \vec{dS} = q_{\text{внутр}} \\ E_{1\tau} &= E_{2\tau} \qquad D_{2n} - D_{1n} = \sigma = 0 \\ \frac{\tan \alpha_2}{\tan \alpha_1} &= \frac{\varepsilon_2}{\varepsilon_1} \end{split}$$

Проводник - диэлектрик:

$$D_n = \sigma$$
 $E_n = (\sigma + \sigma')/\varepsilon_0 = D_n/\varepsilon\varepsilon_0$
$$\sigma' = -\frac{\varepsilon - 1}{\varepsilon}\sigma$$

8.1.4 Поле в однородном диэлектрике

$$\vec{E} = rac{\vec{E}_0}{arepsilon} \qquad \vec{D} = \vec{D}_0 \qquad \vec{E}' = -\vec{P}/arepsilon_0$$

8.2 Магнитное поле в веществе

В веществе, молекулы которого имеют дипольный момент, под действием внешнего поля эти элементарные моменты приобретают пеимущественную ориентацию, суммарные магнитный момент становится отличен от нуля, магнитные поля отдельных молекул перестают компенсировать друг друга. В веществе, молекулы которого не имеют дипольного момента, внешнее поле индуцирует элементарные круговые токи в молекулах, в следствие чего образуется магнитный момент.

8.2.1 Намагниченность Ј

- магнитный момент единицы объёма

$$\vec{J} = \frac{1}{\Delta V} \sum \vec{p}_m \qquad \vec{J} = n \langle \vec{p}_m \rangle$$

У соседних молекул молекулярные токи в местах их соприкосновения текут в противоположных направлениях и макроскопически взаимно компенсируют друг друга. Некомпенсированными остаются только те молекулярные токи, которые выходят на боковую поверхность цилиндра. Эти токи образуют макроскопический поверхностный ток намагничивания I'.

$$\oint \vec{J} d\vec{l} = I' \qquad I' = \int \vec{j}' d\vec{S}$$

где I' - алгебраическая сумма токов намагничивания в контуре, а \vec{j}' - объёмная плотность тока намагничивания, интегрирование по произвольной поверхности, натянутой на контур.

$$abla imes \vec{J} = \vec{j}'$$

8.2.2 Вектор Н

$$\oint \vec{B} \vec{dl} = \mu_0 (I + I')$$

$$\vec{H} = \frac{\vec{B}}{\mu_0} - \vec{J} \qquad \oint \vec{H} \vec{dl} = I$$

где I - алгебраическая сумма токов проводимости, охватываемых контуром

$$\nabla \times \vec{H} = \vec{i}$$

где \vec{j} - плотность тока проводимости

8.2.3 Связь J и H

$$\vec{J} = \gamma \vec{H}$$

 χ - магнитная восприимчивость

- пармагнетики $\chi > 0, \ \vec{J} \uparrow \uparrow \vec{H}$
- диамагнетики $\chi > 0, \ \vec{J} \uparrow \downarrow \vec{H}$
- \bullet ферромагнетики, J зависит от предыистории (гистерезис)

8.2.4 Связь В и Н

$$\vec{B} = \mu \mu_0 \vec{H} \qquad \mu = 1 + \chi$$

8.2.5 Граничные условия В и Н

$$\oint \vec{B} \vec{dS} = 0 \qquad \oint \vec{H} \vec{dl} = I$$

$$B_{2n} \Delta S + B_{1n} \Delta S = 0 \qquad B_{2n} = B_{1n}$$

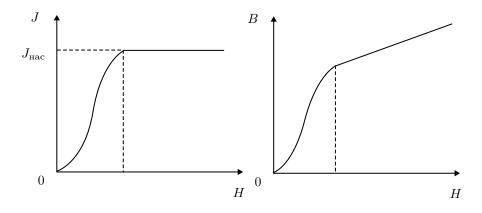
$$H_{2\tau} l + H_{2\tau} l = i_N l \qquad H_{2\tau} - H_{1\tau} = i_N$$

 \vec{N} - нормаль к контуру, i - плотность токов проводимости

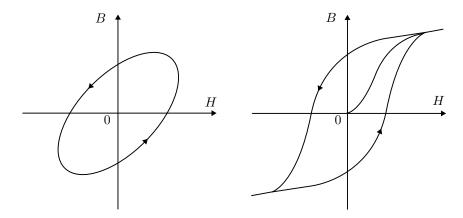
$$\frac{\tan \alpha_2}{\tan \alpha_1} = \frac{\mu_2}{\mu_1}$$

8.2.6 Ферромагнетики

- вещества, которые могут обладать намагниченность при отсутствии внешнего магнитного поля. В их кристаллах могут возникать обменные силы, которые заставляют магнитные моменты электронов устанавливаться параллельно друг другу. В результате возникают области (размером 1-10 мкм) спонтанного намагничения - домены. В пределах каждого домена ферромагнетик намагничен до насыщения и имеет определенный магнитный момент. Под действием внешнего поля домены ориентированные по нему растут, в слабых полях это обратимый процесс, в сильных - необратимый. Для ферромагнетиков μ вводится как функция H.



8.2.7 Гистерезис



Гистерезис - связь между B и H определяется предшествующей историей намагничивания ферромагнетика. Линейный гистерезис наблюдается при слабых полях и высоких частотах, нелинейный - при сильных полях и низких частотах. Значение B при H=0 называется остаточной намагниченностью, значение H_c при котором B обращается в нуль называется коэрцитивной силой. Для размагничивания образец помещают в катушку, по которой пропускают переменный ток и амплитуду его постепенно уменьшают до нуля.

Объёмная плотность потеранной энергии определяется площадью заключённой внутри петли.

$$w = \pi H_0 B_0 \sin \varphi = \pi H_0 B_1$$

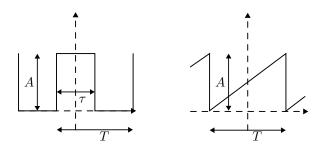
9

9.1 Разложение Фурье

$$f(x) = \frac{a_0}{2} + \sum_{n=1}^{\inf} (a_n \cos(n\omega t) + b_n \sin(n\omega t))$$
$$a_n = \frac{2}{T} \int_{t_1}^{t_1+T} f(t) \cos(n\omega t) dt \qquad b_n = \frac{2}{T} \int_{t_1}^{t_1+T} f(t) \sin(n\omega t) dt$$

В чётной функции $b_n=0$, в нечётной $a_n=0$.

9.1.1 Основные разложения



- Прямоугольник : $\frac{4A}{\pi} [\sum \frac{\sin(n\pi\tau/T)}{n} \cos(n\omega t)]$
- Пила: $A[\frac{1}{2} \frac{1}{\pi}[\sum \frac{1}{n}\sin(n\omega t)]]$
- Двухполупериодное выпрямление (модуль косинуса): $A[\frac{2}{\pi}-\frac{4}{\pi}[\frac{\cos(2\omega t)}{1\cdot 2}]+\frac{\cos(4\omega t)}{3\cdot 5}+...]$