

教学内容---第七章

1. 绪论

2. 线性表

3. 栈、队列和串

4. 数组

5. 广义表

6. 树和二叉树

7. 图

8. 动态存储管理

9. 查找

10. 内部排序

11. 外部排序

12. 文件

7.1图的逻辑结构（续）

基本概念和术语

- **顶点(Vertex)**: 图中数据元素。
- **弧(Arc)**: v, w 属于 V , $\langle v, w \rangle$ 属于 VR , 则 $\langle v, w \rangle$ 是从 v 到 w 的一条弧。 v 为**弧尾(Tail)或初始点(Initial node)**, w 为**弧头(Head)或终端点(Terminal node)**
- **有向图(Digraph)**: 由顶点与弧构成的图。
- **边(Edge)**: v, w 属于 V , 有 $\langle v, w \rangle$ 属于 VR , 则必有 $\langle w, v \rangle$ 属于 VR , 称 $\langle v, w \rangle$ 以及 $\langle w, v \rangle$ 是一条边, 记作 (v, w) 。
- **无向图(Undigraph)**: 由顶点与边构成的图。
- **完全图(Completed graph)**: 设图的顶点数为 n , 有 $n(n-1)/2$ 条边的无向图为完全图。
- **有向完全图**: 设图的顶点数为 n , 有 $n(n-1)$ 条弧的有向图为有向完全图。

7.1图的逻辑结构（续）

基本概念和术语

- **稀疏图(Sparse graph)**: 有很少条边或弧($e < n * \log n$)的图。反之, 称为**稠密图(Dense graph)**。
- **权(Weight)**: 与图的边或弧相关的数叫做权。
- **网(Network)**: 带权的图称为网。
- **子图(Subgraph)**: 设有两个图 $G=(V, \{E\})$ 和 $G'=(V', \{E'\})$, 如果 V' 包含在 V 中且 E' 包含在 E 中, 则称 G' 为 G 的子图。
- **邻接点(Adjacent)**: 对于无向图 $G=(V, \{E\})$, 如果边 (v, v') 属于 E , 则称顶点 v 与 v' 互为邻接点; 或边 (v, v') **依附(Incident)**于顶点 v 和 v' ; 或者边 (v, v') 和顶点 v 和 v' **相关联**。对于有向图 $G=(V, \{A\})$, 如果弧 $\langle v, v' \rangle$ 属于 A , 则称顶点 v **邻接到**顶点 v' ; 顶点 v' **邻接自**顶点 v ; 弧 (v, v') 和顶点 v 和 v' **相关联**。
- **(顶点的)度(Degree)**: 和该顶点 v 相关联的顶点的数目。记为:
 $TD(v)$ 。

7.1图的逻辑结构（续）

基本概念和术语

- **（顶点的）入度(InDegree)**：以顶点 v 为头的弧的数目称为顶点 v 的入度。记为： $ID(v)$ 。
- **（顶点的）出度(OutDegree)**：以顶点 v 为尾的弧的数目称为顶点 v 的出度。记为： $OD(v)$ 。
- **（顶点之间）路径(Path)**：对无向图 $G=(V,\{E\})$ ，从顶点 v 到顶点 v' 的路径是一个顶点序列 $(v=v_{i,0}, v_{i,1}, \dots, v_{i,m}=v')$ ，其中 $(v_{i,j-1}, v_{i,j})$ 属于 E ， $1 \leq j \leq m$ ；对有向图 G ，则路径也是有向的，顶点序列应该满足 $\langle v_{i,j-1}, v_{i,j} \rangle$ 属于 A 。
- **（顶点之间）路径长度**：路径上边或弧的数目。
- **回路或环(Cycle)**：第一个顶点与最后一个顶点相同的路径。
- **简单路径**：序列中不重复出现的路径。
- **简单回路（简单环）**：除第一个和最后一个顶点外，其余顶点不重复出现的回路。

7.1图的逻辑结构（续）

基本概念和术语

- **（顶点之间）连通**：无向图中，如果顶点 v 到顶点 v' 有路径，则称 v 和 v' 是连通的。
- **连通图(Connected Graph)**：如果对于无向图 G 中任意两个顶点 v_i 、 v_j 属于 V ， v_i 和 v_j 都是连通的，则称 G 是连通图。
- **连通分量(Connected Component)**：无向图中的极大连通子图。
- **强连通图**：如果对于有向图 G 中任意两个顶点 v_i 、 v_j 属于 V ， $v_i \neq v_j$ ，从 v_i 到 v_j 和从 v_j 到 v_i 都存在路径，则称 G 是强连通图。
- **强连通分量**：有向图中的极大强连通子图。
- **（连通图的）生成树**：一个极小连通子图，它含有图中全部顶点，但只有足以构成一棵树的 $n-1$ 条边。（对无向图）
- **（有向图的）生成森林**：由若干棵**有向树**（恰有一个顶点入度为0，其余顶点入度为1的有向图）组成，含有图中全部顶点，但只有足以构成若干棵不相交的有向树的弧。

7.1 图的逻辑结构

图的抽象数据类型

ADT Graph {

数据对象: $V = \{\text{具有相同性质的数据元素}\}$

数据关系: R :

$R = \{VR\}$

$VR = \{ \langle v, w \rangle \mid v, w \text{ 属于 } V \text{ 且 } P(v, w), \langle v, w \rangle \text{ 是从 } v \text{ 到 } w \text{ 的一条弧, 谓词 } P(v, w) \text{ 定义了弧 } \langle v, w \rangle \text{ 的意义或信息} \}$

基本操作:

CreateGraph(&G, V, VR); DFSTraverseGraph(G, v, Visit());
...; BFSTraverseGraph(G, v, Visit())

}ADT Graph

7.2图的存储结构

图的多重链表

结点

data	link1	link2	...	Linkk
------	-------	-------	-----	-------

//-----用结构指针描述-----

```
typedef struct MultiLNode{
    ElemType      data      //数据域
    struct MultiLNode *link1 //第1个指针域
    struct MultiLNode *link2 //第2个指针域
    .....
    struct MultiLNode *linkk //第k个指针域
} MultiLNode, *MultiLinkGraph
```

7.2树的存储结构（续）

数组表示法

用两个数组分别存储数据元素（顶点）的信息和数据元素之间关系（边或弧）的信息。

//-----图的数组（邻接矩阵）存储表示-----

```
#define MAX_VERTEX_NUM    20 //最大顶点数
```

```
#define enum {DG,DN,AG,AN} GraphKind; //{有向图,有向网,无向图,无向网}
```

```
typedef struct ArcCell{
```

```
    VRType adj;    //VRType是顶点关系类型。对无权图，用1或0表示相邻否；对带权图，则为权值类型。
```

```
    InfoType      *info          //该弧相关信息的指针
```

```
} ArcCell, AdjMatrix[MAX_VERTEX_NUM][MAX_VERTEX_NUM];
```

```
typedef struct {
```

```
    VertexType    vexs [MAX_VERTEX_NUM]; //顶点向量
```

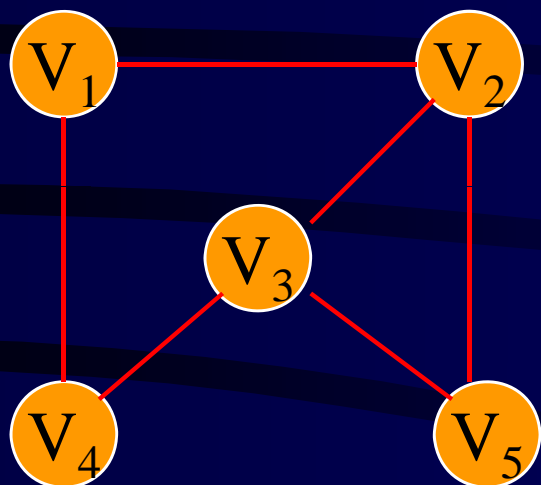
```
    AdjMatrix      arcs;    //邻接矩阵
```

```
    GraphKind      kind;    //图的种类标志 }MGraph;
```


7.2树的存储结构（续）

数组表示法

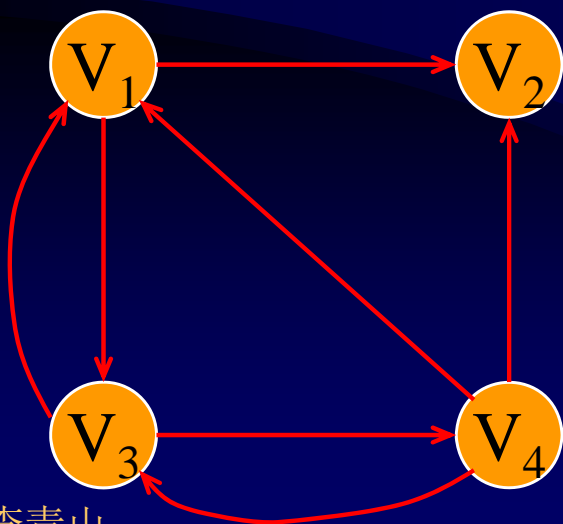
G1



G1.arcs =

0	1	0	1	0
1	0	1	0	1
0	1	0	1	1
1	0	1	0	0
0	1	1	0	0

G2



G2.arcs =

0	1	1	0
0	0	0	0
1	0	0	1
1	1	1	0

7.2树的存储结构（续）

数组表示法

邻接矩阵的优点：

- 容易判定任意两个顶点之间是否有边（或弧）相连；

- 容易求得各个顶点的度；

*对无向图， $TD(v_i) = A[i][0] + A[i][1] + \dots + A[i][n-1]$

*对有向图， $OD(v_i) = A[i][0] + A[i][1] + \dots + A[i][n-1]$

$ID(v_i) = A[0][i] + A[1][i] + \dots + A[n-1][i]$

- 容易求得当前顶点的第一个邻接点、下一个邻接点。

7.2图的存储结构（续）

邻接表---图的链式存储

基本思路：

对图中每个顶点建立一个单链表，第 i 个单链表中的结点表示依附于顶点 v_i 的边（对有向图是以顶点 v_i 为尾的弧）。每个**表结点**由三个域组成：邻接点域(adjvex)指示与顶点 v_i 邻接的点在图中的位置；链域(nextarc)指示下一条边或弧的结点；数据域(info)存储和边或弧相关的信息。**头结点**由两个域组成：链域(firstarc)指向链表中第一个结点；数据域(data)存储顶点 v_i 信息。

头结点以顺序结构形式存取，以便随机访问任一顶点的链表。

Adjvex	nextarc	info
--------	---------	------

表结点

data	firstarc
------	----------

头结点

7.2图的存储结构（续）

邻接表---图的链式存储

```
#define MAX_VERTEX_NUM    20 //最大顶点数

typedef struct ArcNode{
    int      adjvex;          //该弧所指向的顶点的位置
    struct ArcNode *nextarc; //指向下一条弧的指针
    InfoType *info;          //该弧相关信息的指针; }ArcNode;

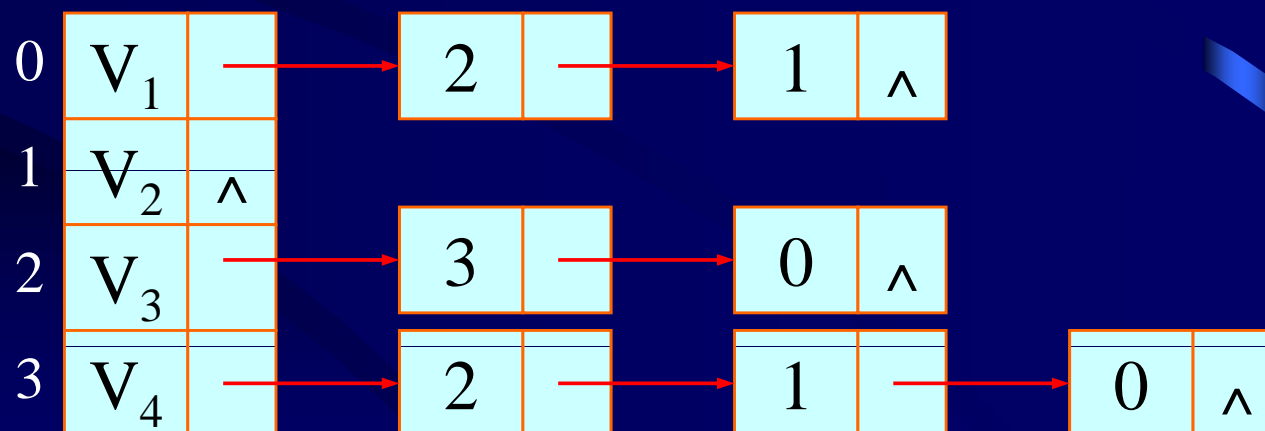
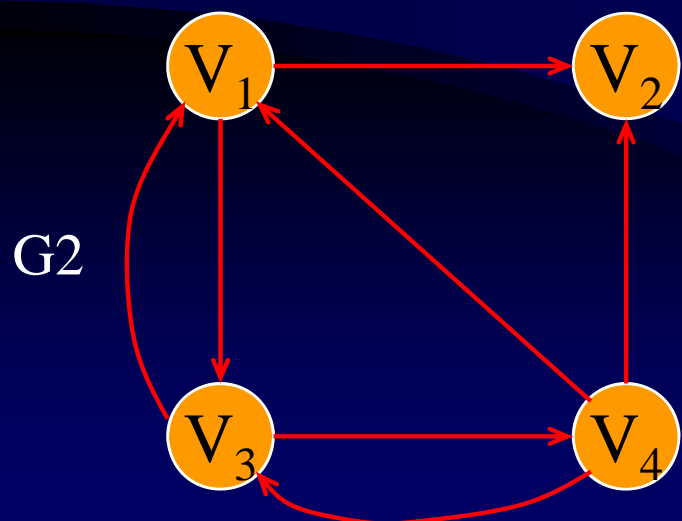
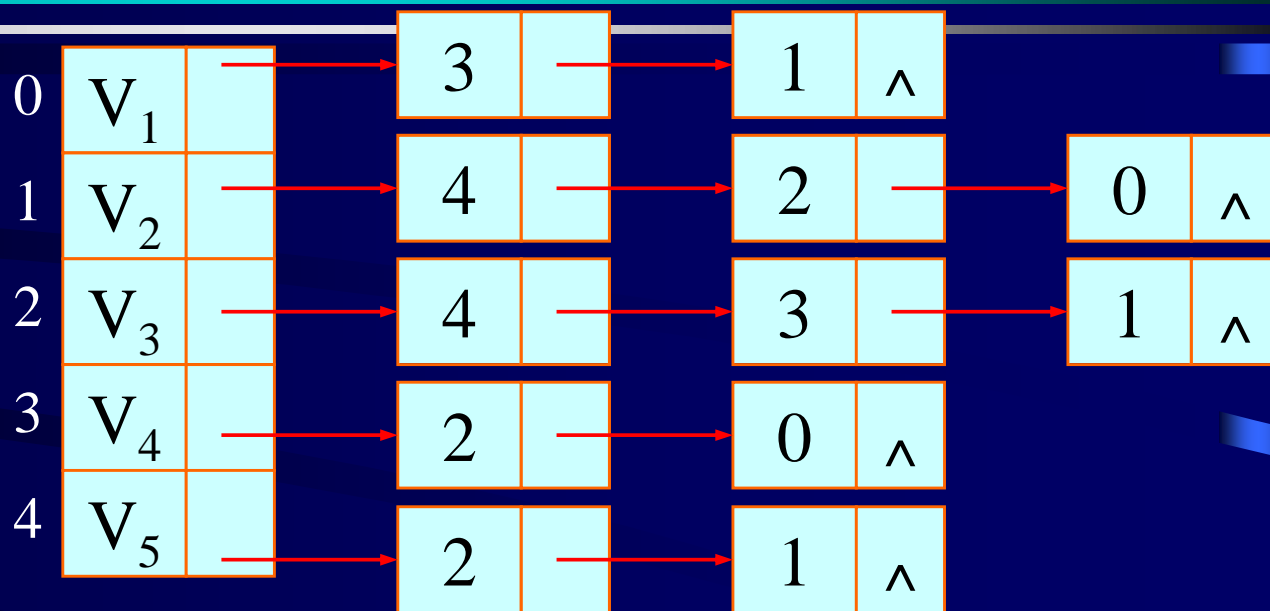
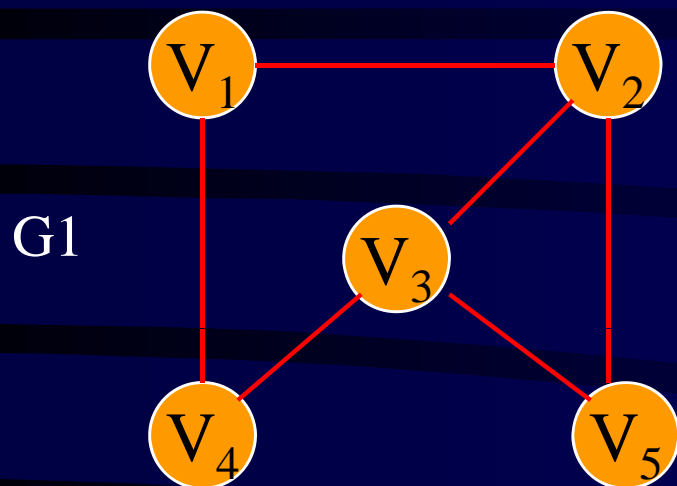
typedef struct VNode{
    VertexType data;          //顶点信息
    ArcNode *firstarc;        //指向第一条依附该顶点的弧的指针
}VNode, AdjList[MAX_VERTEX_NUM];

typedef struct {
    AdjList vertices;

    int vexnum, arcnum; //图的当前顶点数和弧数

    int kind;           //图的种类标志 }ALGraph;
```

7.2图的存储结构（续）



7.2图的存储结构（续）

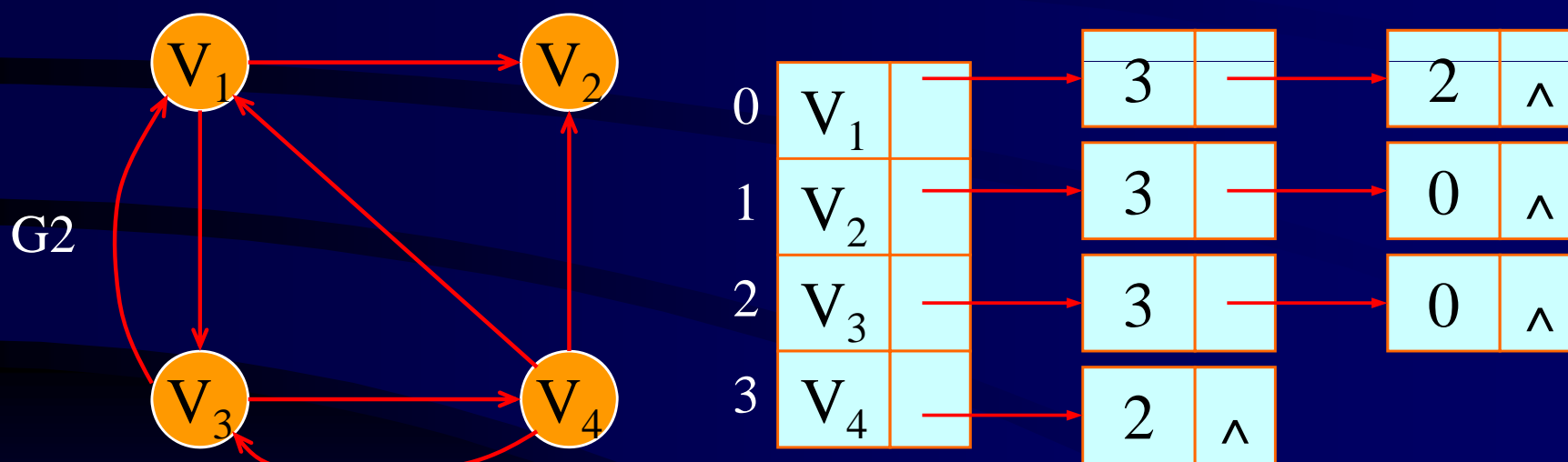
邻接表---图的链式存储

邻接表的优点：

- 边（或弧）稀疏时，节省空间；
- 和边（或弧）相关的信息较多时，节省空间；
- 容易求得当前顶点的第一个邻接点、下一个邻接点。

对有向图，也可建立逆向邻接表，即对每个顶点建立一个链接以该顶点为头的弧的表。

7.2图的存储结构（续）



7.2图的存储结构（续）

（有向图）十字链表

基本思路：

将有向图的邻接表和逆邻接表结合在一起得到的链表。在十字链表中，对应于有向图每一条弧的结点称为弧结点；对应于每个顶点的结点为顶点结点。每个弧结点由五个域组成：尾域(tailvex)和头域(headvex)分别指示弧尾和弧头两个顶点在图中的位置；链域hlink指向弧头相同的下一条弧；链域tlink指向弧尾相同的下一条弧；数据域(info)存储和弧相关的信息。顶点结点由三个域组成：链域firstin与firstout分别指向以该顶点为弧头或弧尾的第一个弧结点，指向链表中第一个结点；数据域(data)存储顶点 v_i 信息。

顶点结点以顺序结构形式存取，以便随机访问任一顶点的链表。

将有向图邻接矩阵看作稀疏矩阵时，则可将有向图十字链表看作邻接矩阵十字链表存储。

tailvex	headvex	hlink	tlink	info
---------	---------	-------	-------	------

弧结点

data	firstin	firstout
------	---------	----------

顶点结点

7.2图的存储结构（续）

（有向图）十字链表

```
#define MAX_VERTEX_NUM    20 //最大顶点数

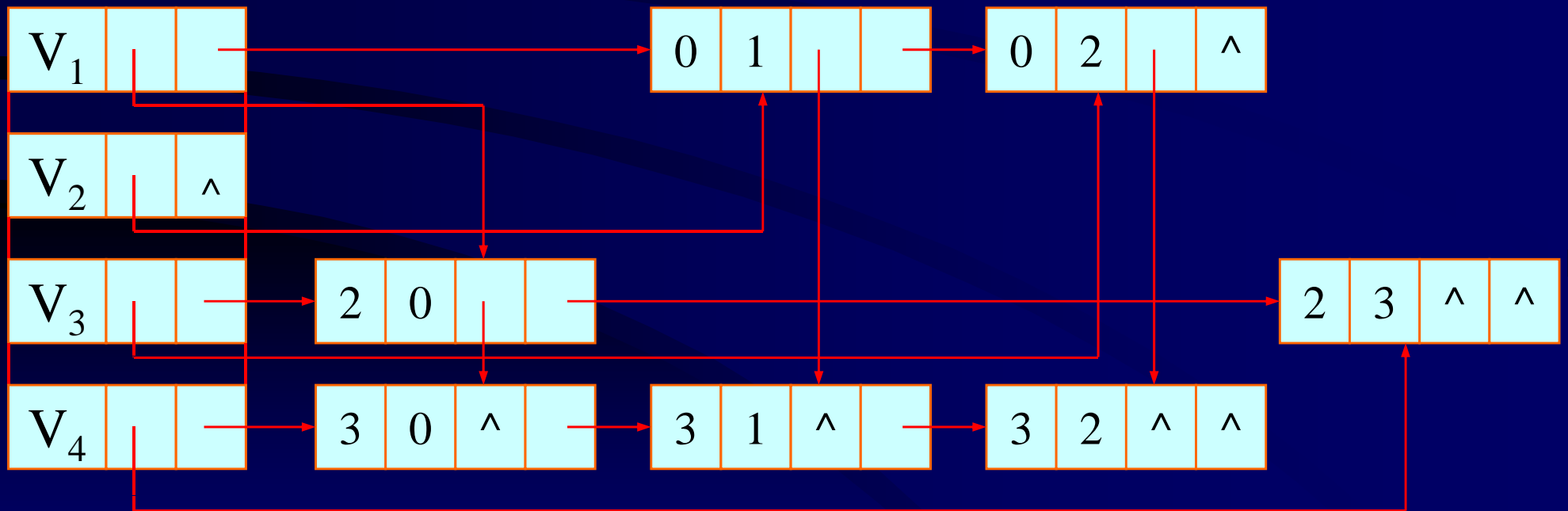
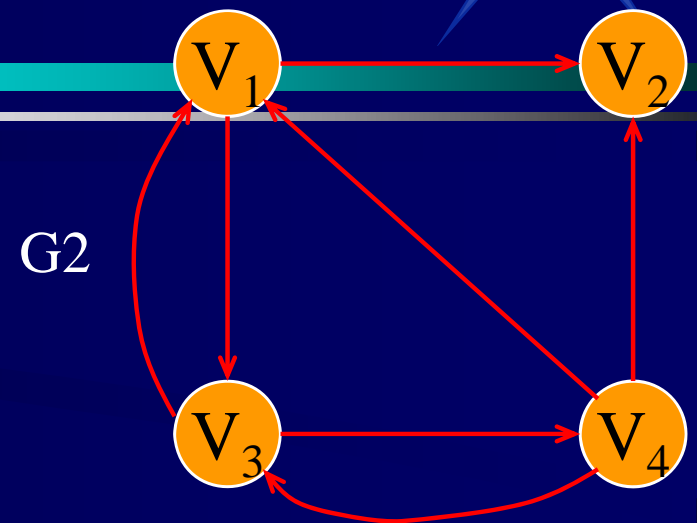
typedef struct ArcBox{
    int      tailvex, headvex;          //该弧的尾和头顶点的位置
    struct ArcBox  *hlink, *tlink
    InfoType      *info;  //该弧相关信息的指针; }ArcBox;

typedef struct VexNode{
    VertexType      data;    //顶点信息
    ArcBox          *firstin, firstout; //分别指向第一条入弧和出弧
}VexNode;

typedef struct {
    VexNode      xList[MAX_VERTEX_NUM]; //表头向量
    int          vexnum, arcnum; //图的当前顶点数和弧数
}OLGraph;
```

7.2图的存储结构（续）

（有向图） 十字链表



7.2图的存储结构（续）

（无向图）邻接多重表

基本思路：

无向图的邻接表中任何一条边在两个链表中，不便于图的某些操作。在邻接多重表中，对应于无向图每一条边的结点称为边结点；对应于每个顶点的结点为顶点结点。每个边结点由六个域组成：mark是标志域，标记该条边是否被搜索过；ivex和jvex为该边依附的两个顶点在图中的位置；ilink指向下一条依附于顶点ivex的边；jlink指向下一条依附于顶点jvex的边；数据域(info)存储和边相关的信息。顶点结点由两个域组成：数据域(data)存储顶点 v_i 信息；firstedge指向第一条依附于该顶点的边。

顶点结点以顺序结构形式存取，以便随机访问任一顶点的链表。

所需存储量与邻接表相同。

mark	ivex	ilink	jvex	jlink	info	data	firstedge
------	------	-------	------	-------	------	------	-----------

边结点

顶点结点

7.2图的存储结构（续）

（无向图）邻接多重表

```
#define MAX_VERTEX_NUM    20 //最大顶点数
Typedef enum {unvisited,visited} VisitIf;

typedef struct EBox{
    VisitIf    mark;           //访问标记
    int        ivex,jvex;      //该边依附的两个顶点的位置
    struct EBox    *ilink, *jlink
    InfoType    *info;  //该弧相关信息的指针; }EBox;

typedef struct VexBox{
    VertexType    data;    //顶点信息
    EBox          *firstedge; }VexBox;

typedef struct {
    VexBox    adjmuList[MAX_VERTEX_NUM]; //表头向量
    int        vexnum,arcnum; //图的当前顶点数和弧数 }AMLGraph;
```

7.2图的存储结构（续）

（无向图）邻接多重表

