Практическая работа

Практическая работа состоит из 3-х заданий. К каждому заданию приводится образец выполнения и варианты. Вариант задания – номер в списке группы.

Задание 1

- 1) Определить, какое равенство точнее.
- 2) Округлить сомнительные цифры числа, оставив верные знаки: а) в узком смысле; б) в широком смысле. Определить абсолютную погрешность результата.
- 3) Найти предельные абсолютные и относительные погрешности чисел, если они имеют только верные цифры: а) в узком смысле; б) в широком смысле.

Образец выполнения задания 1

1. Определить, какое равенство точнее:

$$9/11 = 0.818$$
; $\sqrt{18} = 4.24$.

Решение. Находим значения данных выражений с большим числом десятичных знаков:

$$a_1 = 9/11 = 0.81818..., a_2 = \sqrt{18} = 4.2426....$$

Затем вычисляем предельные абсолютные погрешности, округляя их с избытком:

$$\Delta_{a_1} = \left| 0.81818 - 0.818 \right| \le 0.00019, \ \Delta_{a_2} = \left| 4.2426 - 4.24 \right| \le 0.0027.$$

Предельные относительные погрешности составляют

$$\delta_{a_1} = \frac{\Delta_{a_1}}{a_1} = \frac{0.00019}{0.818} = 0.00024 = 0.024\%;$$

$$\delta_{a_2} = \frac{\Delta_{a_2}}{a_2} = \frac{0.0027}{4.424} = 0.00064 = 0.064\%.$$

Так как $\delta_{a_1} < \delta_{a_2}$, то равенство 9/11 = 0.818 является более точным.

2. Даны приближенные значения и погрешности чисел:

a)
$$72.353 (\pm 0.062)$$
; 6) 2.3544 ; $\delta = 0.2\%$.

Округлить сомнительные цифры числа, оставив верные знаки: а) в узком смысле; б) в широком смысле. Определить предельную абсолютную погрешность результата.

Решение. а) Пусть 72.353 (± 0.026) = a. Согласно условию, абсолютная погрешность $\Delta_a = 0.026 < 0.05$; это означает, что в числе 72.353 верными в узком смысле являются цифры 7, 2, 3. По правилам округления найдем приближенное значение числа, сохранив десятые доли: a_1 = 72.4; при этом совершаем ошибку

$$\Delta_{a_1} = \Delta_a + \Delta_{\text{OKD}} = 0.026 + 0.047 = 0.073.$$

Полученная погрешность больше 0.05; значит, нужно уменьшить число цифр в приближенном числе до двух:

$$a_2 = 72$$
; $\Delta_{a_2} = \Delta_a + \Delta_{\text{oxp}} = 0.026 + 0.353 = 0.379$.

Так как $\Delta_{a_2} < 0.5$, то обе оставшиеся цифры верны в узком смысле.

б) Пусть b=2.3544, причем относительная погрешность $\delta_b=0.2\%$; тогда $\Delta_b=b\cdot\delta_b=0.00471.$ В данном числе верными в широком смысле являются три цифры, поэтому округляем его, сохраняя эти три цифры:

$$b_1 = 2.35; \ \Delta_{b_1} = 0.0044 + 0.00471 = 0.00911 < 0.01.$$

Значит, и в округленном числе 2.35 все три цифры верны в широком смысле.

3. Даны числа: а) 0.4357; б) 12.384.

Найти предельные абсолютные и относительные погрешности чисел, если они имеют только верные цифры: а) в узком смысле; б) в широком смысле.

Примечание.

Связь между количеством верных цифр и погрешностью приближенного числа

1. Цифры верны в узком смысле, то

$$\delta_a \leq 1/(2a \ 10n^{-1}),$$

где a первая значащая цифра числа, n - количество верных значащих цифр.

2. Цифры верны в широком смысле, то

$$\delta_a \leq 1/(a \ 10^{n-1}),$$

где a первая значащая цифра числа, n - количество верных значащих цифр.

Peшение. а) Так как все четыре цифры числа a=0.4357 верны с точностью до половины пятого разряда, то абсолютная погрешность $\Delta_a=0.00005$, а относительная погрешность

$$\delta_a = \Delta_a/a < 1/(2\cdot 4\cdot 10^3) = 0.000125 = 0.0125\%.$$

б) Так как все пять цифр числа b=12.384 верны с точностью до единицы третьего разряда, то $\Delta_b=0.001$, а

$$\delta_b = \Delta_b/b < 1/(1 \cdot 10^4) = 0.0001 = 0.01\%$$
.

Варианты задания 1

- N 1. 1) $\sqrt{44}$ = 6.63 ; 19/41=0.463.
 - 2) a) 22.253 ± 0.016 ;
 - б) 2.8546; δ=0.3%.
 - 3) a) 0.2387; б) 42.884.
- N ≥ 3. 1) $\sqrt{10.5}$ = 3.24; 4/17=0.235.
 - 2) a) 34.834; δ =0.1%;
 - б) 0.5748 ± 0.0034 .
 - 3) a) 11.445; б) 2.043.
- $№ 5. 1) \sqrt{4.8} = 2.19$; 6/7=0.857.
 - 2) a) 5.435 ± 0.0028 ;
 - б) 10.8441; δ=0.5%.
 - 3) a) 8.345; б) 0.288.

- № 2. 1) 7/15=0.467; $\sqrt{30}=5.48$.
 - 2) a) 17.2834; δ =0.3%;
 - 6) 6.4257 ± 0.0024 .
 - 3) a) 3.751; б) 0.537.
- $№ 4. 1) 5/7=2.14; \sqrt{10} = 3.16.$
 - 2) a) 2.3485 ± 0.0042 ;
 - б) 0.3448; δ =0.4%.
 - 3) a) 2.3445; б) 0.745.
- № 6. 1) 12/11=1.091; $\sqrt{6.8} = 2.61$.
 - 2) a) 8.24163; δ =0.2%;
 - 6) 0.12356 ± 0.00036 .
 - 3) a) 12.45; б) 3.4453.

- № 7. 1) √22 = 4.69; 2/21=0.095.
 - 2) a) 24.5643; δ =0.1%;
 - 6) 2.4543 ± 0.0032 .
 - 3) a) 0.374; б) 4.348.
- $№ 9.1) 6/11=0.545; \sqrt{83}=9.11.$
 - 2) a) 21.68563; δ =0.3%;
 - б) 3.7834 ± 0.0041 .
 - 3) a) 41.72; б) 0.678.
- $№ 11.1) 21/29=0.723; \sqrt{44}=6.63.$
 - 2) a) 0.3567; δ=0.42%;
 - б) 13.6253±0.0021.
 - 3) a) 18.357; б) 2.16.
- № 13. 1) 13/17=0.764; $\sqrt{31}=5.56$.
 - 2) a) 3.6878±0.0013%;
 - б) 15.873; δ=0.42.
 - 3) a) 14.862; б) 8.73.
- $№ 15.1)17/11=1.545; \sqrt{18}=4.24.$
 - 2) a) 0.8647 ± 0.0013 ;
 - б) 24.3618; δ=0.22%.
 - 3) a) 2.4516; б) 0.863.
- No 17. 1) 49/13=3.77; $\sqrt{14}=3.74$.
 - 2) a) 83.736; $\delta = 0.085\%$; 6) 5.6483 \pm 0.0017.
 - 3) a) 5.6432; б) 0.00858.
- № 19. 1) 19/12=1.58; $\sqrt{12} = 3.46$.
 - 2) a) 4.88445 ± 0.00052 ; 6) 0.096835; $\delta = 0.32\%$.
 - 3) a) 12.688; б) 4.636.
- $№ 21. 1) 18/7=2.57; \sqrt{22} = 4.69.$
 - 2) a) 0.39642 ± 0.00022 ;
 - б) 46.453; δ=0.15%.
 - 3) a) 15.644; б) 6.125.

- $№ 8. 1) 23/15=1.53; \sqrt{9.8}=3.13$
 - 2) a) 8.3445 ± 0.0022 ;
 - б) 23.574; δ=0.2%.
 - 3) a) 20.43; б) 0.576.
- № 10. 1) 7/19=0.368; $\sqrt{52}=7.21$.
 - 2) a) 13.537 ± 0.0026 ;
 - 6) 7.521; δ =0.12%.
 - 3) a) 5.634; б) 0.0748.
- $№ 12.1) 50/19=2.63; \sqrt{27}=5.19.$
 - 2) a) 1.784 ± 0.0063 ;
 - б) 0.85637; δ=0.21%.
 - 3) a) 0.5746; б) 236.58.
- № 14. 1) 7/22=0.318; $\sqrt{13}=3.60$.
 - 2) a) 27.1548 ± 0.0016 ;
 - β) 0.3945; β=0.16%.
 - 3) a) 0.3648; б) 21.7.
- No 16. 1) 5/3=1.667; $\sqrt{38}=6.16$.
 - 2) a) 3.7542; δ =0.32%;
 - б) 0.98351 ± 0.00042 .
 - 3) a) 62.74; б) 0.389.
- № 18. 1) 13/7=1.857; $\sqrt{7} = 2.64$.
 - 2) a) 2.8867; δ =0.43%;
 - б) 32.7486 ± 0.0012 .
 - 3) a) 0.0384; б) 63.745.
- No 20. 1) 151/11=4.64; $\sqrt{35}$ = 5.91.
 - 2) a) 38.4258 ± 0.0014 ;
 - б) 0.66385; δ=0.34%.
 - 3) a) 6.743; б) 0.543.
- № 22. 1) 19/9=2.11; $\sqrt{17} = 4.12$.
 - 2) a) 5.8425; δ =0.23%;
 - б) 0.66385 ± 0.00042 .
 - 3) a) 0.3825; б) 24.6.

№ 23. 1) 16/7=2.28; $\sqrt{11}=3.32$.

2) a) 24.3872; δ =0.34%; 6) 0.75244 ± 0.00013.

3) a) 16.383; б) 5.734.

 $№ 25. 1) \sqrt{47} = 6.86; 12/7=1.71.$

2) a) 0.38725 ± 0.00112 ; 6) 72.354; δ =0.24%.

3) a) 18.275; б) 0.00644.

№ 27. 1) $\sqrt{87} = 9.33$; 23/9=2.56.

2) a) 23.7564; δ =0.44%; δ) 4.57633 \pm 0.00042.

3) a) 3.75; б) 6.8343.

 $№ 29. 1) \sqrt{58} = 7.61; 7/3 = 2.33.$

2) a) 13.5726 ± 0.0072 ;

б) 3.87683; δ=0.33%.

3) a) 26.3; б) 4.8556.

 $№ 24. 1) 20/13=1.54; \sqrt{63}=7.94.$

2) a) 2.3684 ± 0.0017 ;

6) 45.7832; $\delta = 0.18\%$.

3) a) 0.573; б) 3.6761.

 $№ 26. 1) 6/7=0.857; \sqrt{41} = 6.40.$

2) a) 46.7843; δ =0.32%;

6) 0.36127 ± 0.00034 .

3) a) 3.425; б) 7.38.

№ 28. 1) 27/31=0.872; $\sqrt{42} = 6.48$.

2) a) 15.8372 ± 0.0026 ;

6) 0.088748; $\delta = 0.56\%$.

3) a) 3.643; б) 72.385.

№ 30. 1) 14/17=0.823; $\sqrt{53}=7.28$.

2) a) 23.3748; δ=0.27%;

б) 0.66835 ± 0.00115 .

3) a) 43.813; б) 0.645.

Задание 2

- 1) Вычислить выражение и определить абсолютную погрешность результата.
- Указание: Заменять число π , в зависимости от погрешностей остальных чисел формулы, значением 3.14 ± 0.002 или 3.142 ± 0.0005 .
- 2) В ответах отбросить сомнительные разряды.

Образец выполнения задания 2

1. Вычислить выражение $X=\frac{m^2n^3}{\sqrt{k}}$, где $m=28.3~(\pm~0.02)$, $n=7.45(\pm~0.01), k=0.678(\pm~0.003)$ и определить абсолютную погрешность результата.

Peшение. Находим $m^2 = 800.9$; $n^3 = 413.5$; $\sqrt{k} = 0.8234$;

$$X = \frac{800.9 \cdot 413.5}{0.8234} = 402200 = 4.02 \cdot 10^5$$
.

Далее, что в данном случае выгоднее, переходим к относительным погрешностям. Имеем $\delta_m = 0.02/28.3 = 0.00071$;

$$\delta_n = 0.01/7.45 = 0.00135; \delta_k = 0.003/0.678 = 0.00443,$$

откуда

$$\delta_X = 2 \delta_m + 3 \delta_n + 0.5 \delta_k =$$

$$= 0.00142 + 0.00405 + 0.00222 = 0.00769 = 0.77\%.$$

Теперь
$$\Delta_X = 4.02 \cdot 10^5 \cdot 0.0077 = 3.1 \cdot 10^3 < 0.5 \cdot 10^4$$
.

Omeem:
$$X = 4.02 \cdot 10^5 (\pm 3.1 \cdot 10^3) = (40.2 \pm 0.31)10^4$$
.

Если требуется оставить только верные знаки, то допустимо записать $(40\pm0.51)\cdot10^4$ (в широком смысле) или продолжить вычисления, чтобы получить ответ, верный в узком смысле.

2. Вычислить выражение

$$N = \frac{(n-1)(m+n)}{(m-n)^2}$$
, где $n = 3.0567 (\pm 0.0004)$, $m = 5.72 (\pm 0.02)$,

и определить абсолютную погрешность результата.

Peшение. Имеем $n-1=2.0567~(\pm 0.0004);$

$$m + n = 3.057 (\pm 0.0004) + 5.72 (\pm 0.02) = 8.777 (\pm 0.0204);$$

$$m - n = 5.72 (\pm 0.02) - 3.057 (\pm 0.0004) = 2.663 (\pm 0.0204);$$

$$N = \frac{2.0567 \cdot 8.777}{2.663^2} = \frac{2.0567 \cdot 8.777}{7.092} = 2.5454 \approx 2.55;$$

$$\delta_N = \frac{0.0004}{2.0567} + \frac{0.0204}{8.777} + 2\frac{0.0204}{2} =$$

$$= 0.000196 + 0.00233 + 2 \cdot 0.00766 =$$

$$= 0.00253 + 0.01532 = 0.01785 = 1.79\%;$$

$$\Delta_N = 2.55 \cdot 0.0179 = 0.046 < 0.5 \cdot 10^{-1}.$$

 $Omsem: N \approx 2.55 \ (\pm 0.046)$ или 2.6 ± 0.096 (в широком смысле).

3 a d a h u e. Вычислить выражение и определить абсолютную погрешность результата. Указания: 1) Заменять число π , в зависимости от погрешностей

Указания: 1) Заменять число π , в зависимости от погрешностей остальных чисел формулы, значением 3.14 ± 0.002 или 3.142 ± 0.0005 .

2) В ответах отбросить сомнительные разряды.

2) В ответах оторосить сомнительные разряды.					
$Ne 1. Y = \frac{\sqrt[3]{a-b}}{m(n-a)}$	a	б	В		
а	10.82 ± 0.03	9.37 ± 0.004	11.45 ± 0.01		
b	2.786 ± 0.0006	3.108 ± 0.0003	4.431 ± 0.002		
m	0.28 ± 0.006	0.46 ± 0.002	0.75 ± 0.003		
n	14.7 ± 0.06	15.2 ± 0.04	16.7 ± 0.05		
$N_{2} 2. S = \frac{1}{64} \pi \sqrt{D^{4} - d^{4}}$	a	б	В		
D	36.5 ± 0.1	41.4 ± 0.2	52.6 ± 0.01		
d	26.35 ± 0.005	31.75 ± 0.003	48.39 ± 0.001		
$N_{2} 3. X = \frac{(a+b)m}{(c-d)^{2}}$	a	б	В		
a	2.754 ± 0.001	3.236 ± 0.002	4.523 ± 0.003		
b	11.7 ± 0.04	15.8 ± 0.03	10.8 ± 0.02		
c	10.536 ± 0.002	12.415 ± 0.003	9.318 ± 0.002		
m	0.56 ± 0.005	0.64 ± 0.004	0.85 ± 0.003		
d	6.32 ± 0.008	7.18 ± 0.006	4.17 ± 0.004		

$N_{2} 4. X = \left[\frac{(a+b)c}{m-n}\right]^{2}$	a	б	В	
а	4.3 ± 0.05	5.2 ± 0.04	2.13 ± 0.01	
b	17.21 ± 0.02	15.32 ± 0.01	22.16 ± 0.03	
c	8.2 ± 0.05	7.5 ± 0.05	6.3 ± 0.04	
m	12.417 ± 0.003	21.823 ± 0.002	16.825 ± 0.004	
n	8.37 ± 0.005	7.56 ± 0.003	8.13 ± 0.002	
$N_{\circ} 5. X = \frac{a+b}{\sqrt{(c-d)m}}$	a	б	В	
а	16.342 ± 0.001	12.751 ± 0.001	31.456 ± 0.002	
b	2.5 ± 0.03	3.7 ± 0.02	7.3 ± 0.01	
c	38.17 ± 0.002	23.76 ± 0.003	33.28 ± 0.003	
d	9.14 ± 0.005	8.12 ± 0.004	6.71 ± 0.001	
m	3.6 ± 0.04	1.7 ± 0.01	5.8 ± 0.02	
$N_{2} 6. X = \frac{(a+b)m}{\sqrt{(c-d)}}$	a	б	В	
а	8.23 ± 0.005	1.27 ± 0.002	32.37 ± 0.03	
b	23.16 ± 0.02	17.41 ± 0.01	2.35 ± 0.001	
c	145.5 ± 0.08	342.3 ± 0.04	128.7 ± 0.02	
m	0.28 ± 0.006	0.71 ± 0.003	0.93 ± 0.001	
d	28.6 ± 0.1	11.7 ± 0.1	27.3 ± 0.04	
$N_{2} 7. X = \frac{ab}{\sqrt[3]{c}}$	a	б	В	
а	3.85 ± 0.01	4.16 ± 0.005	7.27 ± 0.01	
b	2.0435 ± 0.0004	12.163 ± 0.002	5.205 ± 0.002	
С	962.6 ± 0.1	55.18 ± 0.01	87.32 ± 0.03	

$N_{2} 8. X = \frac{\sqrt{a} \cdot b}{c}$	a	б	В	
а	228.6 ± 0.06	315.6 ± 0.05	186.7 ± 0.04	
b	86.4 ± 0.02	72.5 ± 0.03	66.6 ± 0.02	
c	68.7 ± 0.05	53.8 ± 0.04	72.3 ± 0.03	
$N_{\underline{0}} 9. X = \frac{ab^3}{c}$	a	б	В	
а	0.643 ± 0.0005	0.142 ± 0.0003	0.258 ± 0.0002	
b	2.17 ± 0.002	1.71 ± 0.002	3.45 ± 0.001	
c	5.843 ± 0.001	3.727 ± 0.001	7.221 ± 0.003	
$N_2 10. X = \frac{ab}{c^2}$	a	б	В	
а	0.3575 ± 0.0002	0.1756 ± 0.0001	0.2731 ± 0.0003	
b	2.63 ± 0.01	3.71 ± 0.03	5.12 ± 0.02	
c	0.854 ± 0.0005	0.285 ± 0.0002	0.374 ± 0.0001	
$N_{2} 11. X = \frac{(a-b)c}{\sqrt{m+n}}$	а	б	В	
a	27.16 ± 0.006	15.71 ± 0.005	12.31 ± 0.004	
b	5.03 ± 0.01	3.28 ± 0.02	1.73 ± 0.03	
c	3.6 ± 0.02	7.2 ± 0.01	3.7 ± 0.02	
m	12.375 ± 0.004	13.752 ± 0.001	17.428 ± 0.003	
n	86.2 ± 0.05	33.7 ± 0.03	41.7 ± 0.01	
$N_{2} 12. X = \frac{m^{3}(a+b)}{c-d}$	a	б	В	
а	13.5 ± 0.02	18.5 ± 0.03	11.8 ± 0.02	
b	3.7 ± 0.02	5.6 ± 0.02	7.4 ± 0.03	
c	34.5 ± 0.02	26.3 ± 0.01	5.82 ± 0.005	
m	4.22 ± 0.004	3.42 ± 0.003	26.7 ± 0.03	

d	23.725 ± 0.005	14.782 ± 0.006	11.234 ± 0.004	
$N_{2} 13. Y = \frac{m^{2}n}{c^{3}}$	a	б	В	
m	1.6531 ± 0.0003	2.348 ± 0.002	3.804 ± 0.003	
n	3.78 ± 0.002	4.37 ± 0.004	4.05 ± 0.003	
c	0.158 ± 0.0005	0.235 ± 0.0003	0.318 ± 0.0002	
$N_{\underline{0}} 14. X = \frac{a^2b}{c}$	a	б	В	
а	3.456 ± 0.002	1.245 ± 0.001	0.327 ± 0.005	
b	0.642 ± 0.0005	0.121 ± 0.0002	3.147 ± 0.0001	
c	7.12 ± 0.004	2.34 ± 0.003	1.78 ± 0.001	
$№ 15. X = \sqrt{\frac{cd}{b}}$	a	б	В	
С	0.7568 ± 0.0002	0.8345 ± 0.0004	0.6384 ± 0.0002	
b	2.65 ± 0.01	1.84 ± 0.006	4.88 ± 0.03	
d	21.7 ± 0.02	13.8 ± 0.03	32.7 ± 0.04	
$Ne 16. F = \frac{Qe^3}{48E}$	a	б	В	
Q	54.8 ± 0.02	38.5 ± 0.01	17.3 ± 0.03	
e	2.45 ± 0.01	3.35 ± 0.02	5.73 ± 0.01	
E	0.863 ± 0.004	0.734 ± 0.001	0.956 ± 0.004	
No 17. $Q = \frac{(2n-1)^2(x+y)}{x-y}$	a	б	В	
n	2.0435 ± 0.0001	1.1753 ± 0.0002	4.5681 ± 0.0001	
x	4.2 ± 0.05	5.8 ± 0.01	6.3 ± 0.02	
У	0.28 ± 0.01	0.65 ± 0.02	0.42 ± 0.03	
$Ne 18. X = \frac{m\sqrt{a-b}}{c+d}$	a	б	В	

a	9.542 ± 0.001	8.357 ± 0.003	4.218 ± 0.001	
b	3.128 ± 0.02	2.48 ± 0.004	1.57 ± 0.006	
m	2.8 ± 0.03	3.17 ± 0.01	2.32 ± 0.02	
c	0.172 ± 0.001	1.315 ± 0.0004	2.418 ± 0.004	
d	5.4 ± 0.02	2.4 ± 0.02	1.8 ± 0.01	
$N_{\underline{0}} 19. V = \frac{\pi^2}{4} Dd^2$	a	б	В	
D	54 ± 0.5	72 ± 0.3	31 ± 0.01	
d	8.235 ± 0.001	3.274 ± 0.002	7.345 ± 0.001	
$\mathbb{N}_{2} 20. X = \frac{\sqrt{ab}}{c}$	a	б	В	
а	3.845 ± 0.004	4.632 ± 0.003	7.312 ± 0.004	
b	16.2 ± 0.05	23.3 ± 0.04	18.4 ± 0.03	
c	10.8 ± 0.1	11.3 ± 0.06	0.2 ± 0.08	

Задание 3

Вычислить выражение, пользуясь правилами подсчета цифр. Определить абсолютную погрешность результата, предполагая, что все цифры данных чисел являются верными значащими цифрами.

Образец выполнения задания 3

Задание.

Вычислить выражение

$$V = \pi h^2 \left(R - \frac{h}{3} \right)$$
, где $h = 11.8$, $R = 23.67$,

пользуясь правилами подсчета цифр. Определить абсолютную погрешность результата, предполагая, что все цифры данных чисел являются верными значащими цифрами.

Решение. Находим

$$V = 3.142 \cdot 11.8^{2} \cdot (23.67 - 3.933) = 3.142 \cdot 11.8^{2} \cdot 19.737 =$$

$$= 3.142 \cdot 139.2 \cdot 19.737 = 437.37 \cdot 19.737 = 8632.37 \approx 8.63 \cdot 10^{3}.$$

$$\delta_{V} = \frac{0.0005}{3.142} + 2\frac{0.05}{11.8} + \frac{0.005 + 0.05 / 3}{19.737} =$$

$$= 0.00016 + 0.008475 + 0.001098 = 0.009733 = 0.98\%;$$

$$\Delta_{V} = 8.63 \cdot 10^{3} \cdot 0.0098 = 84.6 < 0.5 \cdot 10^{3}.$$

Omвет: $V = 8.63 \cdot 10^3$ или, оставляя только верные знаки в узком смысле, $(9 \pm 0.46) \cdot 10^3$.

Варианты задания 3

В столбце a данные для номеров в списке группы с 1 по 10,

В столбце δ для номеров в списке группы с 11 по 20

В столбце ϵ для номеров в списке группы с 21 по 30.

$N_{2} 1. \gamma = \frac{\alpha b - \beta a}{b^{2}} - \frac{\beta(ab - \beta a)}{b^{2}(b + \beta)}$	a	б	В
α	5.27	7.31	0.0545
β	0.0562	0.0761	3.28
a	158.35	234.36	341.17
b	61.21	81.26	52.34
No 2. $N = \frac{(a+b)^2}{2h} + \frac{(a^2+b^2)h}{5}$	a	б	В
а	0.562	0.834	0.445
b	0.2518	0.3523	0.4834
h	0.68	0.74	0.87
No 3. $S = \frac{h^2}{18} : \frac{a^2 + 4ab + b^2}{(a+b)^2}$	a	б	В
а	1.141	2.234	5.813
b	3.156	4.518	1.315

h	1.14	4.48	2.56
$N_{\odot} 4. V = \frac{1}{15} \pi h \left(2D^2 + Dd + 0.75d^2 \right)$	a	б	В
h	84.2	76	45
D	28.3	17.2	48.3
d	42.08	9.344	32.14
$N_{2} 5.$ $M = \frac{(a+b)h^{3}}{4} + \frac{(a+b)h}{12}$	a	б	В
а	8.53	6.44	9.05
b	6.271	5.323	3.244
h	12.48	15.44	20.18
No 6. $S = \frac{h^2}{18} \cdot \frac{a^2 + 4ab + b^2}{(a+b)^2}$	a	б	В
а	22.08	32.47	32.5
h	21.1	17.8	27.51
Ь	31.11	11.42	21.78
$N_{2} 7. a = c^{2} \left(1 + \frac{2\beta}{c} + \frac{\gamma^{2}}{c^{2}} \right)$	a	б	В
С	2.435	7.834	4.539
β	0.15	0.21	0.34
γ	1.27	3.71	5.93
$N_{\underline{0}} $ 8. $S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$,	где $p = (a$	+b+c)/2	
	a	б	В
а	46.3	10.5	2.48
b	29.72	34.18	5.344
c	37.654	27.327	6.0218

$No 9. V = \frac{1}{6} \pi h (3a^2 + h^2)$	a	б	В
а	2.456	7.751	5.441
h	1.76	3.35	6.17
$No 10. V = \frac{hS}{3} \left(1 + \frac{a}{A} + \frac{a^2}{A^2} \right)$	a	б	В
а	8.51	5.71	7.28
A	23.42	32.7	11.71
S	45.8	51.7	21.8
h	3.81	2.41	5.31