

T1:

最大化 $\min\{a_i\} * \min\{b_i\}$, 那肯定贪心的选择若干个 a_i 最小的矩形和若干个 b_i 最小的矩形删除。

枚举删除几个 a_i 最小的矩形, 剩下的删除 b_i 最小的矩形, 用排序预处理 $\min\{a_i\}$, 用堆维护 $\min\{b_i\}$ 。

T2:

令 f 为给定的 k 个点的 lca , 那么 $S = \bigcup_{i=1}^k Path(p_i, f)$, 所以 $\min_{p \in S} \{|a_p - r|\} =$

$\min_{i=1 \sim k} \{ \min_{u \in Path(p_i, f)} \{|a_u - r|\} \}$ 。

所以现在需要维护一个数据结构, 支持查询一条链的 $\min_{u \in Chain} \{|a_u - r|\}$ 。主席树, 每次查询不大于 r 的最大值, 和不小于 r 的最小值。

T3:

对于任意两个数, 找出它们最高的不同二进制位, 那么这对数是否对 $f(x)$ 产生贡献, 由 x 这一位上的数决定。所以每一个二进制位对 $f(x)$ 的贡献是独立的, 我们直接预处理出来: 每次处理一个集合, 集合内的数有一个公共前缀, 按照最高不同位的 0/1 情况分成两个子集, 得到该集合在这一位上的贡献情况, 并递归处理两个子集。

二分答案: 每次查询有多少个 $(f(x), x)$ 小于等于当前二元组。

meet in middle, 把所有二进制位分为两组, 分别排序二元组。每次 two pointers

查询, $(a_1, b_1) + (a_2, b_2) = (a_1 + a_2, b_1 * 2^{\frac{k}{2}} + b_2) = (a, b)$ 。