

T1:

首先, 很显然把问题拆成 $[0, l)$ 和 $[0, r]$ 两部分, 并处理好前缀和。

发现 n 很小, 我们枚举这一维的边界, 另外一维用 two pointers 维护求解。

$O(n^2m)$ 。

T2:

这里记 a 的最大值为 x 。

将问题转化为“对 $i \in [1, 1e5]$, 求多少种选择方案使得 $\gcd=i$ ”。

继续转化为“对 $i \in [1, 1e5]$, 求多少种选择方案使得 $i | \gcd$ ”。这里可以 $O(x)$ 或直接暴力 $O(x \ln x)$ 容斥回去。

等价于“对 $i \in [1, 1e5]$, 求多少种选择方案使得选的所有数均为 i 的倍数”。

$O(n(m + x \ln x))$ 处理出第 i 行有多少个数是 j 的倍数, 记为 $cnt_{i,j}$ 。

那么, 共有 $\prod_{i=1}^n (cnt_{i,j} + 1) - 1$ 种方案, 使得选的所有数均为 j 的倍数, 这一步为 $O(nm)$ 。

T3:

所有简单环长度均为 2, 那么这个图去掉重边就是一棵树。

相当于给出一棵树, 每条边有多种颜色。原来的树就相当于每条边只有 1 种颜色, 仙人掌就相当于每条边至多 2 种颜色。

对于每条边, 我们先对颜色去重, 然后对于颜色数较多的边, 留下任意 3 种颜色, 不难发现这样答案不会改变。

然后离线, 点分治, 每层跑一边 dp, $dp[i][j][k]$: 分治中心 rt 到 i 的路径中, 第一条边的颜色为 j , 最后一条边颜色为 k , 最优解。然后暴力枚举连接 rt 、 u 、 v 的 4 条边的颜色, 算出答案。

$O(3^3 n \log n + 3^4 q)$ 。