

CCF 全国信息学奥林匹克联赛（NOIP2018）复赛

提高组 模拟赛强化训练

（请选手务必仔细阅读本页内容）

一. 题目概况

| | | | |
|-----------------------------|-------------------|-----------|------------|
| 中文题目名称 | 城市规划 | Count | 水壶 |
| 英文题目与子目录名 (Lemon 测评机请忽略) | city | count | kettle |
| 可执行文件名 | city | count | kettle |
| 输入文件名 | city.in | count.in | kettle.in |
| 输出文件名 | city.out | count.out | kettle.out |
| 每个测试点时限 | 1 秒 | 1 秒 | 5 秒 |
| 测试点数目 | 10 | 10 | 15 |
| 附加样例文件 | 见附件 | 见附件 | 见附件 |
| 结果比较方式 | 全文比较（过滤行末空格及文末回车） | | |
| 题目类型 | 传统 | 传统 | 传统 |
| 运行内存上限 | 256M | 256M | 512M |

二. 交源程序文件名

| | | | |
|--------------|----------|-----------|------------|
| 对于 C++语言 | city.cpp | count.cpp | kettle.cpp |
| 对于 C 语言 | city.c | count.c | kettle.c |
| 对于 pascal 语言 | city.pas | count.pas | kettle.pas |

三. 编译命令（不包含任何优化开关）

| | | | |
|-----------------|----------------------------|------------------------------|--------------------------------|
| 对于 C++语言 | g++ -o citycity.cpp -lm | g++ -o countcount.cpp -lm | g++ -o kettlekettle.cpp -lm |
| 对于 C 语言 | gcc -o citycity.c -lm | gcc -o countcount.c -lm | gcc -o kettlekettle.c -lm |
| 对于 pascal 语言 | fpc city.pas | fpc count.pas | fpc kettle.pas |

注意事项:

- 1、文件名（程序名和输入输出文件名）必须使用英文小写。
- 2、C/C++中函数 main() 的返回值类型必须是 int，程序正常结束时的返回值必须是 0。
- 3、测评环境为 Window10
- 4、特别提醒：评测在 Lemon 下进行，各语言的编译器版本以其为准。

1. 城市规划

(city.cpp/c/pas)

【问题描述】

最近比特镇正在迅速建成。沿着美丽的大街，一座座新建筑拔地而起。小 Q 喜欢沿着大街走，但问题是不同的建筑位于街对面。为了从一个建筑到另一个建筑，有时需要通过漫长的步行穿过最近的人行道。所以他决定写一个程序，计算如何沿着大街平移所有人行道，使得人行道的布局最有利于行人。他希望尽可能多的人行道出现在某些建筑物的前面，同时人行道的移动距离应当是最小的。

大街以直线表示，人行道被视为这条线上的点。所有建筑物都平行于大街，所以你可以认为它们是直线上的一条条线段。每条线段都具有左边界和右边界。如果某人行道位于某建筑物的左右边界之间（包括边界点），则你可以认为该人行道位于该建筑物的前方。由于人行道已经按照某些标准建立，小 Q 决定保持它们之间的距离，所以他想将所有的人行道移动相同的距离。

请帮助小 Q 写一个程序计算最优布局

【输入】

第一行包含两个正整数 n, m ($1 \leq n \leq 10000, 1 \leq m \leq 1000$)，分别表示人行道和建筑的个数。

第二行包含 n 个整数 a_i ($0 \leq a_i \leq 10^6$)，分别表示每条人行道的坐标，可能存在两条人行道重合。

接下来 m 行，每行两个整数 l_i, r_i ($0 \leq l_i < r_i \leq 10^6$)，分别表示每座建筑的左右边界，这些线段可以相互重叠。

【输出】

输出一行两个整数 d 和 s ，其中 d 表示平移距离的绝对值， s 表示出现在至少一座建筑物前面的人行道个数。你需要输出 s 最大的解，若有多个 d 使得 s 最大，那么输出 d 最小的解。注意你可以向左或者向右平移人行道。

【输入输出样例 1】

| city.in | city.out |
|---------|----------|
| 4 2 | 1 2 |
| 1 6 6 1 | |
| 4 5 | |
| 3 5 | |

【数据范围】

对于 30% 的数据 $1 \leq n \leq 1000, 1 \leq m \leq 100$

对于 100% 的数据， $1 \leq n \leq 10000, 1 \leq m \leq 1000$

2. Count

(count.cpp/c/pas)

【问题描述】

给一个长为 n 的序列 A_1, A_2, \dots, A_n ，定义 (i, j) （规定 $i < j$ ）为好点对，当且仅当满足下列条件之一：

- $i = j - 1$
- $\forall k \in (i, j), A_k < \min(A_i, A_j)$

现在有 m 组询问，每组询问给定一个区间，求这个区间内的好点对的个数。

给定一个 $Type$ ，当 $Type = 0$ 的时候不强制在线，否则强制在线。具体操作请看输入格式。

【输入】

输入第一行 3 个正整数 $n, m, Type$ ，分别表示序列长度，询问的个数，输入数据的种类。

输入第二行 n 个正整数，第 i 个数表示 A_i 。

接下来 m 行，每行两个非负整数 l, r 。当 $Type = 0$ 的时候，询问区间就是 $[l, r]$ ，否则令 $u = (l + last - 1) \bmod n + 1$ ， $v = (r + last - 1) \bmod n + 1$ ，那么当前询问区间就是 $[\min(u, v), \max(u, v)]$ 。其中 $last$ 是上一次询问的答案，初始时 $last = 0$ 。

【输出】

输出共 m 行，每行非负整数，第 i 个数表示第 i 次询问的答案。

【输入输出样例】

| count.in | count.out |
|----------|-----------|
| 3 2 0 | 0 |
| 2 1 2 | 3 |
| 1 1 | |
| 1 3 | |

【数据范围】

对于 30% 的数据， $M, N \leq 3 \times 10^2, A_i \leq 10^9$

对于 100% 的数据， $M, N \leq 3 \times 10^5, A_i \leq 10^9$

3. 水壶

(kettle.cpp/c/pas)

【问题描述】

JOI 君所居住的 IOI 市以一年四季都十分炎热著称。

IOI 市被分成 H 行，每行包含 W 块区域。每个区域都是建筑物、原野、墙壁之一。

IOI 市有 P 个区域是建筑物，坐标分别为 $(A_1,B_1), (A_2,B_2), \dots, (A_P,B_P)$ 。

JOI 君只能进入建筑物与原野，而且每次只能走到相邻的区域中，且不能移动到市外。

JOI 君因为各种各样的事情，必须在各个建筑物之间往返。虽然建筑物中的冷气设备非常好，但原野上太阳非常毒辣，因此在原野上每走过一个区域都需要 1 升水。此外，原野上没有诸如自动售货机、饮水处之类的东西，因此 IOI 市的市民一般都携带水壶出行。大小为 x 的水壶最多可以装 x 升水，建筑物里有自来水可以将水壶装满。

由于携带大水壶是一件很困难的事情，因此 JOI 君决定携带尽量小的水壶移动。因此，为了随时能在建筑物之间移动，请你帮他写一个程序来计算最少需要多大的水壶。

现在给出 IOI 市的地图和 Q 个询问，第 i 个询问包含两个整数 S_i, T_i ，对于每个询问，请输出：要从建筑物 S_i 移动到 T_i ，至少需要多大的水壶？

【输入】

第一行四个空格分隔的整数 H,W,P,Q 。

接下来 H 行，第 i 行有一个长度为 W 的字符串，每个字符都是 $.$ 或 $\#$ 之一， $.$ 表示这个位置是建筑物或原野， $\#$ 表示这个位置是墙壁。

接下来 P 行描述 IOI 市每个建筑物的位置，第 i 行有两个空格分隔的整数 A_i 和 B_i ，表示第 i 个建筑物的位置在第 A_i 行第 B_i 列。保证这个位置在地图中是 $.$ 。

接下来 Q 行，第 i 行有两个空格分隔的整数 S_i, T_i 。

【输出】

输出 Q 行，第 i 行一个整数，表示要从建筑物 S_i 移动到 T_i ，至少需要多大的水壶。如果无法到达，输出 -1 。如果不需要经过原野就能到达，输出 0 。

【输入输出样例 1】

| kettle.in | kettle.out |
|-----------|------------|
| 5 5 4 4 | 3 |
| | 4 |
| ..##. | 4 |
| .#... | 2 |
| ..#.. | |
| | |
| 1 1 | |
| 4 2 | |
| 3 3 | |
| 2 5 | |
| 1 2 | |
| 2 4 | |
| 1 3 | |

| | |
|-----|--|
| 3 4 | |
|-----|--|

【数据范围】

对于所有数据, $1 \leq H, W \leq 2000, 2 \leq P \leq 2 \times 10^5, 1 \leq Q \leq 2 \times 10^5, 1 \leq A_i \leq H, 1 \leq B_i \leq W, (A_i, B_i) \neq (A_j, B_j)$
($1 \leq i < j \leq P$), $1 \leq S_i < T_i \leq P(1 \leq i \leq Q)$ 。

| 子任务编号 | 分值 | 附加条件 |
|-------|----|----------------------------|
| 1 | 10 | $H, W, P \leq 200$ |
| 2 | 30 | $P \leq 5000, Q = 1$ |
| 3 | 30 | $P \leq 5000, Q \leq 10^4$ |
| 4 | 30 | |

【样例解释】

初始状态如下：

| | | | | |
|---|---|---|---|---|
| 1 | | | | |
| | | ■ | ■ | 4 |
| | ■ | 3 | | |
| | 2 | ■ | | |
| | | | | |

其中■表示墙，含有数字的区域表示建筑，其他区域为原野。

| | | | | |
|---|---|---|---|---|
| 1 | | | | |
| | | ■ | ■ | 4 |
| | ■ | 3 | | • |
| | 2 | ■ | | • |
| | • | • | • | • |

| | | | | |
|---|---|---|---|---|
| 1 | • | • | • | • |
| • | | ■ | ■ | 4 |
| • | ■ | 3 | | |
| • | 2 | ■ | | |
| | | | | |

如果只不经过建筑物（左图），则需要容量为 6 升的水壶；但如果经过建筑物 1（右图），从建筑物 2 到 1 需要 3 升水，而从建筑物 1 到 4 需要 4 升水，因此只需要容量为 4 升的水壶。