8.29 题解

T1 干紫万红 game

将边权平分到两点上,那么两人分别选两点时权值会抵消。

直接按边权排序后贪心取最大的即可。

T2 狭窄回廊 labyrinth

原题相当于求最小深度点分树。

令 d_i 表示 i 在倒数第 d_i+1 次被问到。根据点分树的结论,满足 $d_u=d_v$ 的 u 和 v 的简单路径上必然 有一点 r 满足 $d_r>d_u$ 。

从下往上确定答案。先做深度优先搜索,假设搜到点u。

令 S_u 表示子树内除 u 外的一点 v 到 u 的不含端点的路径上的每一个 p 都满足 $d_p < d_u$ 的点的 d_v 的集合。

对于 u 的两个儿子 v_1 和 v_2 , d_u 应大于 $S_{v_1}\cap S_{v_2}$ 的任意元素,否则一定在两个子树内分别选两个 d 相等的点一定不满足条件。

对于 u 的某个儿子 v , d_u 显然不能等于 S_v 的任意元素。

直接贪心选最小的 d_u 就是对的。(感受那股劲!)

 d_i 不会超过 $\log n$, 可以状压维护 S。

T3 崩碎之歌 shattersong

注意到,按照w进行sort,如果 $w <= min(M(C_i) + Z_{|C_i|}, M(C_j) + Z_{|C_j|})$ 且两点不在一个集合内,那么连边。

可以证明一条边如果现在需要连,那么以后也必定需要连。虽然 Z_i 并不单调,但是如果之后合并, $M(C_i)$ 的值会大于w

同时,某个边如果现在连上了边,那么以后也不可能可以断开。

于是这个构造正确。