#### 往事成风

时间限制: 1.0s 内存限制: 512.0MB

输入文件名: imperishable.in 输出文件名: imperishable.out

#### 题目描述

几年之后全世界会刮起一场大风

我们会因这场风而各奔东西

但心却紧紧相系

定义一个可重集 S 的众数 f(S) 为集合中出现次数最多且编号最小的数字。例如, f(1,2,2,3)=2, f(2,2,3,3)=2 。

定义一个可重集 S 的价值为  $2^{f(S)}$  。

现在你有一个长度为 n 的序列  $a_1, a_2, \dots, a_n$ ,其中数字  $a_x$  表示可重集 S 中正整数 x 出现了  $a_x$  次。你需要将这个可重集 S 不重、不漏地划分成若干个可重集,使得这些可重集的价值之和最小。

你只需要输出这个数值在模 998244353 意义下的结果。

接下来,会有 q 次修改,每次修改会将  $a_x$  改为 y 。每次修改后你都要重新输出上面所描述的数值。

## 输入格式

从文件 imperishable.in 中读入数据。

第一行一个正整数 Num,表示测试点编号。你可能不需要这个数字。

接下来一行一个正整数 n , 表示序列的长度。

接下来一行 n 个正整数,分别表示  $a_1, a_2, \ldots, a_n$ 。

接下来一个正整数 q , 表示修改次数。

接下来 q 行,每行两个正整数 x, y ,表示将  $a_x$  改为 y。

#### 输出格式

输出到文件 imperishable.out 中。

答案对 998244353 取模。

在修改之前, 先输出一个数值表示答案。

每次修改之后,都要输出一个数值表示答案。

### 样例输入1

```
    1
    0

    2
    4

    3
    4
    1
    2

    5
    1
    1

    6
    1
    2
```

#### 样例输出 1

```
1 | 2
2 | 10
3 | 6
```

### 样例 1 解释

刚开始,可重集为 1,1,1,1,2,3,3,4,4,4,可以划分为可重集 1,1,1,1,2,3,3,4,4,4,答案为  $2^1=2$ 。

第一次修改后,可重集变为 1,2,3,3,4,4,4,可将其划分为 1,4 和 2,3,3,4,4,答案为  $2^1+2^3=10$ 。

第二次修改后,可重集变为 1,1,2,3,3,4,4,4, 可将其划分为 1,1,3,4,4 和 2,3,4 , 答案为  $2^1+2^2=6$ 。

### 样例 2

见下发数据下的 imperishable2.in 和 imperishable2.ans 。

# 数据范围

对于所有数据,满足  $1 \le n \le 2 \times 10^5, 0 \le q \le 2 \times 10^5, 1 \le a_i, y \le 2 \times 10^5, 1 \le x \le n$  。数据有一定梯度。

测试点编号	n	q	$max\{a_i,y\}$	特殊性质
1	$\leq 1$	$\leq 0$	$\leq 1$	无
$2\sim 5$	$\leq 5$	$\leq 2$	$\leq 10$	$\sum a_i \leq 10$
6	$\leq 15$	$\leq 2$	$\leq 10$	无
$7\sim11$	$\leq 60$	$\leq 50$	$\leq 10$	无
$12\sim14$	$\leq 3000$	$\leq 3000$	$\leq 4$	无
15	$\leq 3000$	$\leq 3000$	$\leq 2  imes 10^5$	无
16	$\leq 5000$	$\leq 5000$	$\leq 2  imes 10^5$	无
17	$\leq 10000$	$\leq 10000$	$\leq 2  imes 10^5$	无
$18\sim 20$	$\leq 5  imes 10^4$	$\leq 10^5$	$\leq 2  imes 10^5$	任意时刻, $a_i$ 互不相同
$21\sim22$	$\leq 5  imes 10^4$	$\leq 5  imes 10^4$	$\leq 2  imes 10^5$	无
$23\sim25$	$\leq 2  imes 10^5$	$\leq 2  imes 10^5$	$\leq 2  imes 10^5$	无