

Classificação por Inserção

Definição

- A classificação por inserção é caracterizada pelo princípio no qual os n dados a serem ordenados são divididos em 2 segmentos:
 - *Um já ordenado e outro a ser ordenado*
- Num momento inicial, o primeiro segmento é formado por apenas um elemento, que, portanto, pode ser considerado já ordenado. O segundo segmento é formado pelos $n-1$ elementos restantes. A partir daí, o processo se desenvolve em $n-1$ iterações, sendo que em cada uma delas um elemento do segmento não ordenado é inserido no segmento ordenado.

Insertion Sort – Inserção Direta

- **Insertion sort**, ou *ordenação por inserção direta*, é um algoritmo de ordenação, eficiente quando aplicado a um pequeno número de elementos. Em termos gerais, ele percorre um vetor de elementos da esquerda para a direita e à medida que avança vai deixando os elementos mais à esquerda ordenados.
- O algoritmo de inserção direta funciona da mesma maneira com que muitas pessoas ordenam cartas em um jogo de baralho como o pôquer.

Insertion Sort

```
void insertionSort(int *vetor, int n){
    // Valor a ser inserido
    int valor;
    int k, j;
    for(int i=1; i<n; i++) { // i: posição do elemento a ser inserido
        valor = vetor[i];
        k = 0;                // k é o início do segmento ordenado
        j = i-1;              // j é o fim do segmento ordenado
        while ( (j>=0) && (k==0) ){
            if (valor < vetor[j]) {
                vetor[j+1] = vetor[j];
                j = j - 1;
            } else {
                k = j+1;      // posição da inserção
            }
        }
        vetor[k] = valor;
    }
}
```

Exemplo

```
void escreveVetor(int *vetor, int n){
    for(int i=0; i<n; i++)
        printf("vet[%d] vale %d \n", i, vetor[i]);
    printf("\n\n");
}

int _tmain(int argc, _TCHAR* argv[])
{
    int vet[7] = {18, 15, 7, 9, 23, 16, 14};
    insertionSort(vet, 7);
    escreveVetor(vet, 7);
    return 0;
}
```

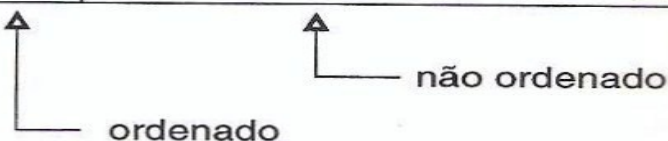
Iterações do exemplo

vetor original

18	15	7	9	23	16	14
----	----	---	---	----	----	----

divisão inicial

18	15	7	9	23	16	14
----	----	---	---	----	----	----



primeira iteração

15	18	7	9	23	16	14
----	----	---	---	----	----	----

segunda iteração

7	15	18	9	23	16	14
---	----	----	---	----	----	----

terceira iteração

7	9	15	18	23	16	14
---	---	----	----	----	----	----

quarta iteração

7	9	15	18	23	16	14
---	---	----	----	----	----	----

quinta iteração

7	9	15	16	18	23	14
---	---	----	----	----	----	----

sexta iteração
(vetor ordenado)

7	9	14	15	16	18	23
---	---	----	----	----	----	----

Análise de Desempenho

- O desempenho do método de inserção direta é fortemente influenciado pela ordem inicial das chaves a serem ordenadas.
- O melhor caso ocorre quando temos o vetor ordenado em ordem crescente, pois **valor** \geq **vetor[j]** fazendo com que **k** seja alterado e finalizando o while em $O(1)$. Daí como temos um for de 1 a n essa parte do algoritmo é $O(n)$. Assim pela regra do produto nosso algoritmo no melhor caso seria $O(n)$.
- O pior caso ocorre quando temos o vetor ordenado em ordem decrescente, pois nesse caso o while precisaria percorrer por todo segmento ordenado para inserir cada elemento, esse segmento é proporcional a n e na sua última inserção será exatamente $n-1$. Assim é fácil ver que esse trecho é $O(n)$, como o for é $O(n)$ pela regra do produto nosso algoritmo é $O(n^2)$ no pior caso.

Análise de Desempenho

- O caso médio é semelhante ao pior caso. Suponhamos que a distância média dos valores nos locais incorretos seja $n/2$, ou seja, que é necessário fazermos $n/2$ trocas para inserir o elemento, isso é razoável pois a distância mínima é 1 e a máxima $n-1$.
- Se temos que fazer $n/2$ trocas, em geral, temos que esse trecho do algoritmo será $O(n)$ pela regra da constante.
- Como o for é $O(n)$ pela regra do produto nosso algoritmo é $O(n^2)$ no caso médio.

Shell Sort

- Esse método explora o fato de que o método de inserção direta apresentar um desempenho aceitável quando o número de elementos é pequeno e/ou estes já possuem uma ordenação parcial.
- A ideia consiste em dividir o vetor em h segmentos, de tal forma que cada segmento possua aproximadamente n/h elementos. Daí aplicamos o método de inserção direta (com pequenas adaptações) em cada segmento, tendo um tempo de ordenação do segmento em torno de $(n/h)^2$. Para classificarmos todos os h segmentos, o desempenho será proporcional a $h * (n/h)^2 = n^2/h$.
- Além disso, teremos rearranjado os elementos no vetor de modo que se aproximem do arranjo final, isto é, teremos feito uma ordenação parcial do vetor, o que contribui para a diminuição da complexidade do método.

Shell Sort

```
#include "stdafx.h"
#include <math.h>

void insertionSortAdaptado(int *vetor, int n, int f, int h){
    int valor;
    int k, j;
    for(int i=f+h; i<n; i = i+h) {
        valor = vetor[i];
        k = f;                      // k é o inicio do segmento ordenado
        j = i-h;                    // j é o fim do segmento ordenado
        while ( (j>=f) && (k==f) ){
            if (valor < vetor[j]) {
                vetor[j+h] = vetor[j];
                j = j - h;
            } else {
                k = j+h;            // posição da inserção
            }
        }
        vetor[k] = valor;
    }
}

void shellSort(int *vetor, int n, int np){
    int h;
    for(int p = np; p>0; p--){      // número de passos (cada passo é uma organização de segmentos)
        h = (int)pow(2.0, (int)p-1); // determina o tamanho do segmento (até que h=1)
        for (int j=0; j<h; j++){    // ordena os h segmentos
            insertionSortAdaptado(vetor, n, j, h);
        }
    }
}
```

Exemplo

```
void escreveVetor(int *vetor, int n){
    for(int i=0; i<n; i++)
        printf("vet[%d] vale %d \n", i, vetor[i]);
    printf("\n\n");
}

int _tmain(int argc, _TCHAR* argv[])
{
    int vet[16] = {17, 25, 49, 12, 18, 23, 45, 38, 53, 42, 27, 13, 11, 28, 10, 14};
    shellSort(vet, 16, 3);
    escreveVetor(vet, 16);
    return 0;
}
```

Iterações do exemplo

Convenção: os números acima de cada célula indicam os índices das chaves no vetor. Os números abaixo de cada célula indicam o número do segmento ao qual cada célula pertence.

Primeiro passo: $h = 4$

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
17	25	49	12	18	23	45	38	53	42	27	13	11	28	10	14
1	2	3	4	1	2	3	4	1	2	3	4	1	2	3	4

No exemplo, os índices do vetor começam de 1, nossa implementação foi feita em C, portanto começamos de 0. Ou seja, analisando os índices nosso vetor iria de 0 a 15.

Iterações do exemplo

Após classificar cada um dos quatro segmentos, o vetor terá o aspecto a seguir.

Segundo passo: $h = 2$

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
11	23	10	12	17	25	27	13	18	28	45	14	53	42	49	38
1	2	1	2	1	2	1	2	1	2	1	2	1	2	1	2

Iterações do exemplo

Após classificar cada um dos dois segmentos, o vetor terá o aspecto seguinte:

Terceiro (e último) passo: $h = 1$

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
10	12	11	13	17	14	18	23	27	25	45	28	49	38	53	42
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1

Após a execução do último passo, o vetor resultará classificado:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
10	11	12	13	14	17	18	23	25	27	28	38	42	45	49	53

Análise do desempenho

- Segundo KNUTH, a análise do desempenho do algoritmo é muito complexa, pois identifica alguns problemas matemáticos bastante difíceis, alguns deles ainda não resolvidos. Um dos problemas é determinar o efeito que a ordenação dos segmentos em um passo produz nos passos subsequentes. Também não se conhece exatamente a melhor sequência de incrementos que produz melhor resultado.
- Como o Shell Sort é proporcional a n^2/h podemos dizer que ele é $O(n^2)$. Entretanto os efeitos da ordenação dos segmentos podem fazer com que esse limite seja mais baixo (por exemplo $O(n * (\log n)^2)$) mas como ainda não é possível provar isso ficamos com o limite dado por $O(n^2)$.

Bibliografia

- AZEREDO, Paulo A. **Métodos de Classificação de Dados**. Rio de Janeiro: Campus, 1996.
- SANTOS, Henrique José. **Curso de Linguagem C da UFMG**, apostila.
- FORBELLONE, André Luiz. **Lógica de Programação – A Construção de Algoritmos e Estruturas de Dados**. São Paulo: MAKRON, 1993.