

$$Y^X \stackrel{\text{def.}}{=} \{f : X \rightarrow Y\}. \quad (1)$$

Powyższa definicja przypomina iloczyn kartezjański $X^n = X \times X \times \dots \times X$. Ale jedno to zbiór funkcji, a drugie to zbiór punktów.

Weźmy dla przykładu R^3 . Liczbę 3 definiujemy jako

$$3 \stackrel{\text{def.}}{=} \{0, 1, 2\}. \quad (2)$$

W jaki sposób $R \times R \times R = R^{\{0,1,2\}}$ Z definicji wynika, że

$$R^{\{0,1,2\}} = \{f : X \rightarrow \{0, 1, 2\}\}. \quad (3)$$

Zatem z jednej strony równości mamy punkty, a z drugiej funkcje z trzelementową dziedziną. Porównajmy oba te światy w tabelce: Każdemu punktowi

$R \times R \times R$	$R^{\{0,1,2\}}$
przestrzeń (zbiór punktów)	zbiór funkcji
$p \in R \times R \times R$ - punkt	$f \in R^{\{0,1,2\}}$ - funkcja
współrzędne punktu p: (x_p, y_p, z_p)	$f(0) = x_p, f(1) = y_p, f(2) = z_p$

odpowiada funkcja. Jak widzimy funkcję tę możemy interpretować jako czytanie n -tej współrzędnych punktu. Na przykład druga współrzędna punktu p dana jest przez $f(p)$. Ogólniej możemy mieć R^I , gdzie I to zbiór indeksów (np. $I = 0, 1, 2$.) Zbiór ten może być dowolny, zamiast R również możemy wstawić dowolny zbiór - w ten sposób dochodzimy do iloczynu Y^X .