Krótkie wprowadzenie do metody FDTD (cz. 2(2D))

Równania Maxwella

Mikroskopowe prawo Ohma

Źródło prądu

Równania Maxwella – ograniczenie do 2D

Zakładamy niezmienniczość ze względu na translację wzdłuż osi z (pole EM nie zmienia się w kierunku z)

Równania Maxwella – ograniczenie do 2D

Zakładamy niezmienniczość ze względu na translację wzdłuż osi z

Odpowiednie grupowania daje dwa układy równań całkowicie **niezależne** i opisujące różne zjawiska. Na przykład weźmy mały fragment powierzchni Ziemi:

- założymy niezmienne pole EM wraz z wysokością nad powierzchnią Ziemi
- używamy jednego z układów równań niebieskiego lub zielonego
- jeśli założymy prąd płynący wzdłuż osi z to używamy zielonego

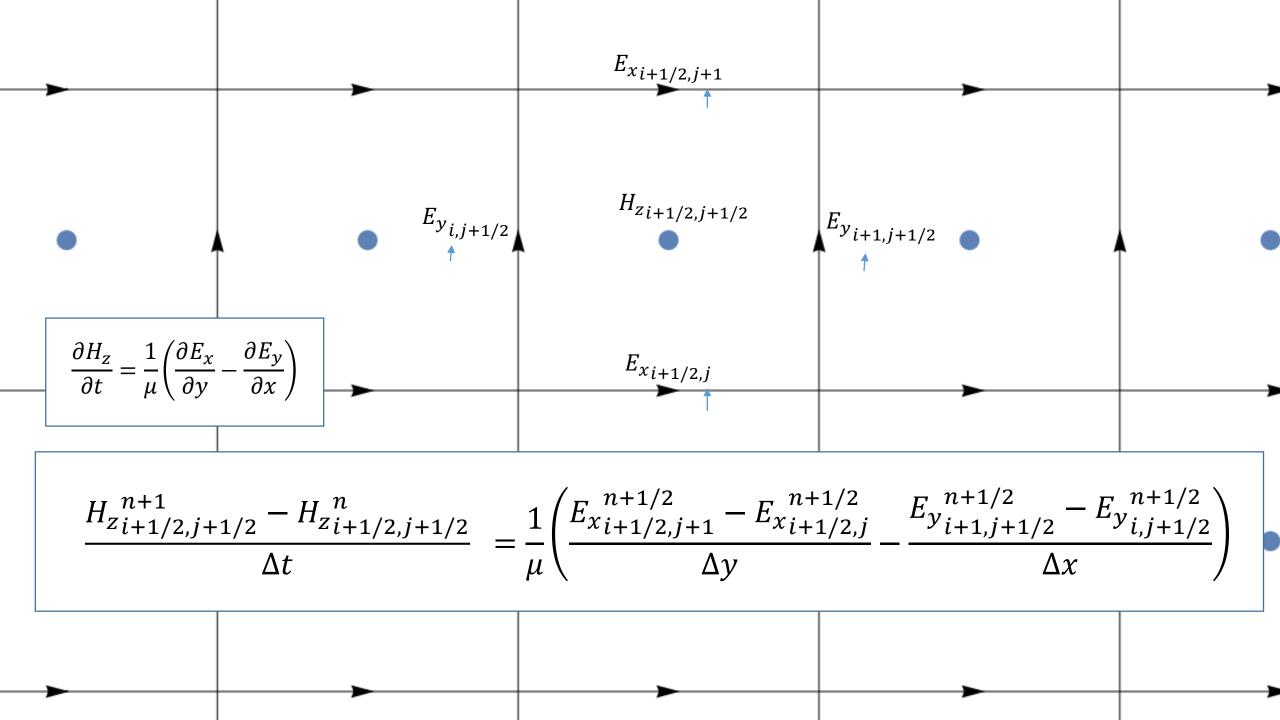
•
$$\frac{\partial E_{x}}{\partial t} = \frac{1}{\varepsilon} \left(\frac{\partial H_{z}}{\partial y} - \frac{\partial H_{y}}{\partial z} - J_{x} - \sigma E_{x} \right)$$

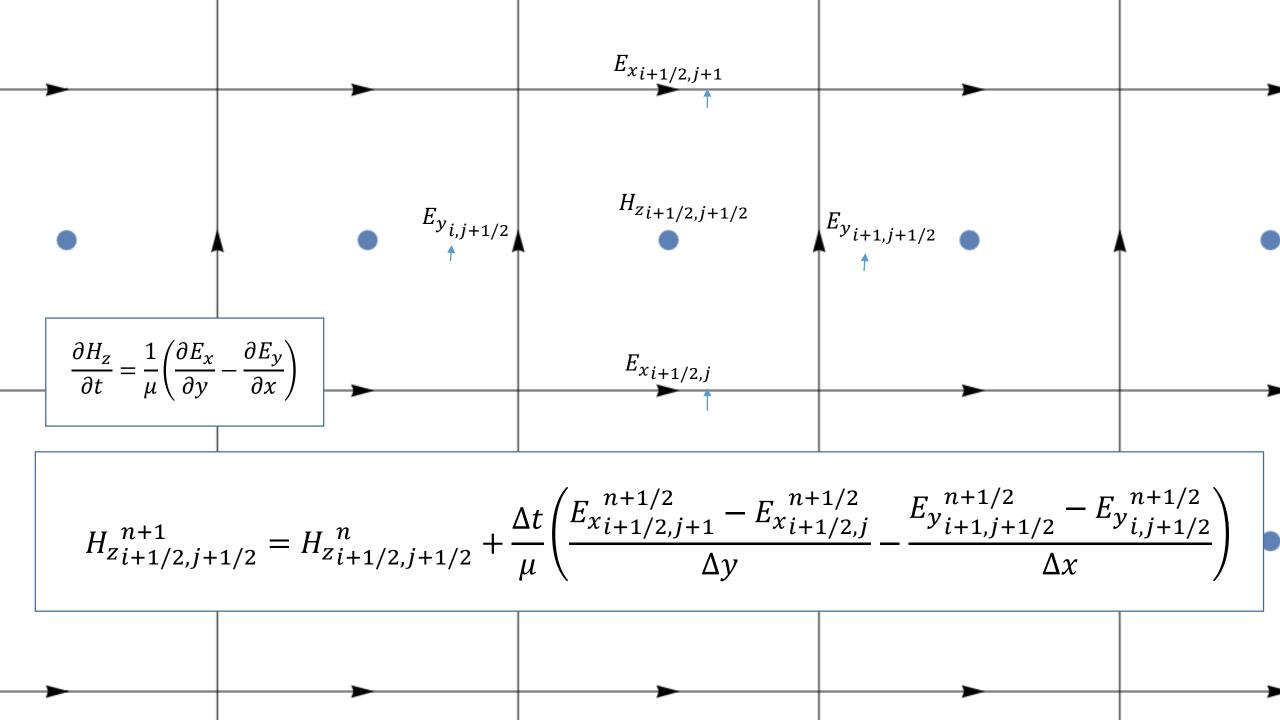
•
$$\frac{\partial E_y}{\partial t} = \frac{1}{\varepsilon} \left(\frac{\partial H_z}{\partial x} - \frac{\partial H_x}{\partial z} - J_y - \sigma E_y \right)$$

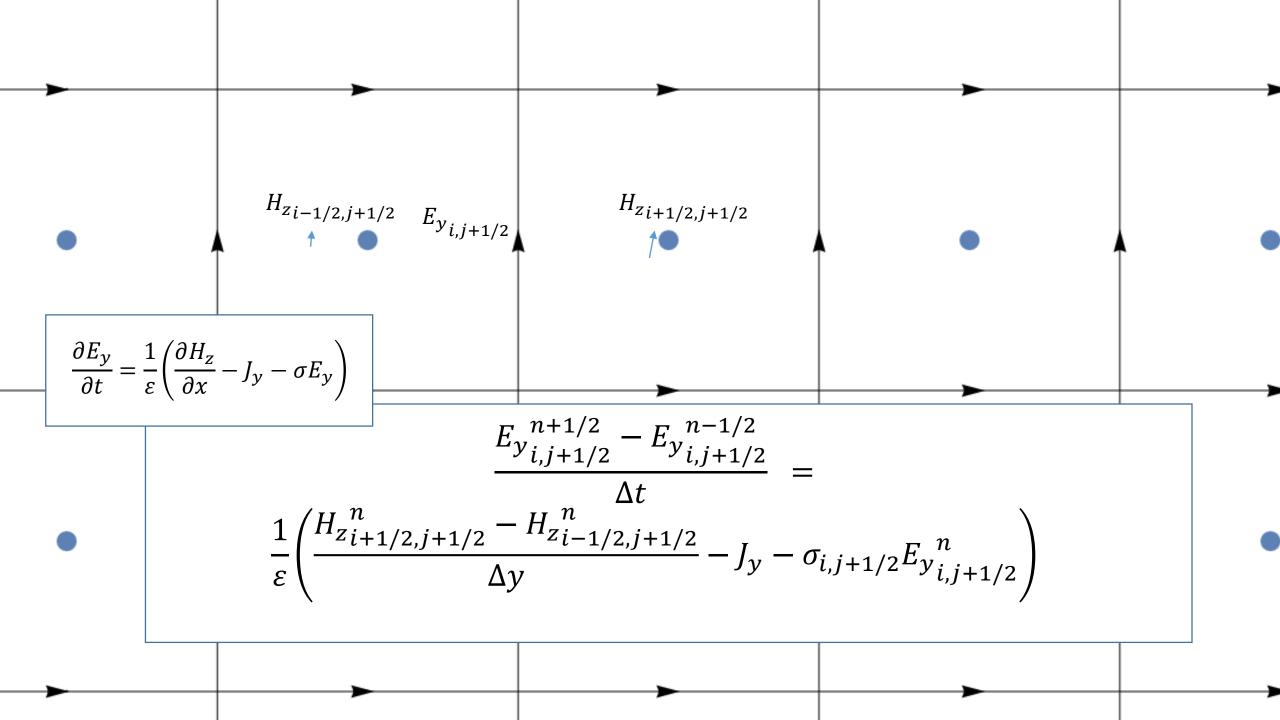
•
$$\frac{\partial E_z}{\partial t} = \frac{1}{\varepsilon} \left(\frac{\partial H_y}{\partial x} - \frac{\partial H_x}{\partial y} - J_z - \sigma E_z \right)$$

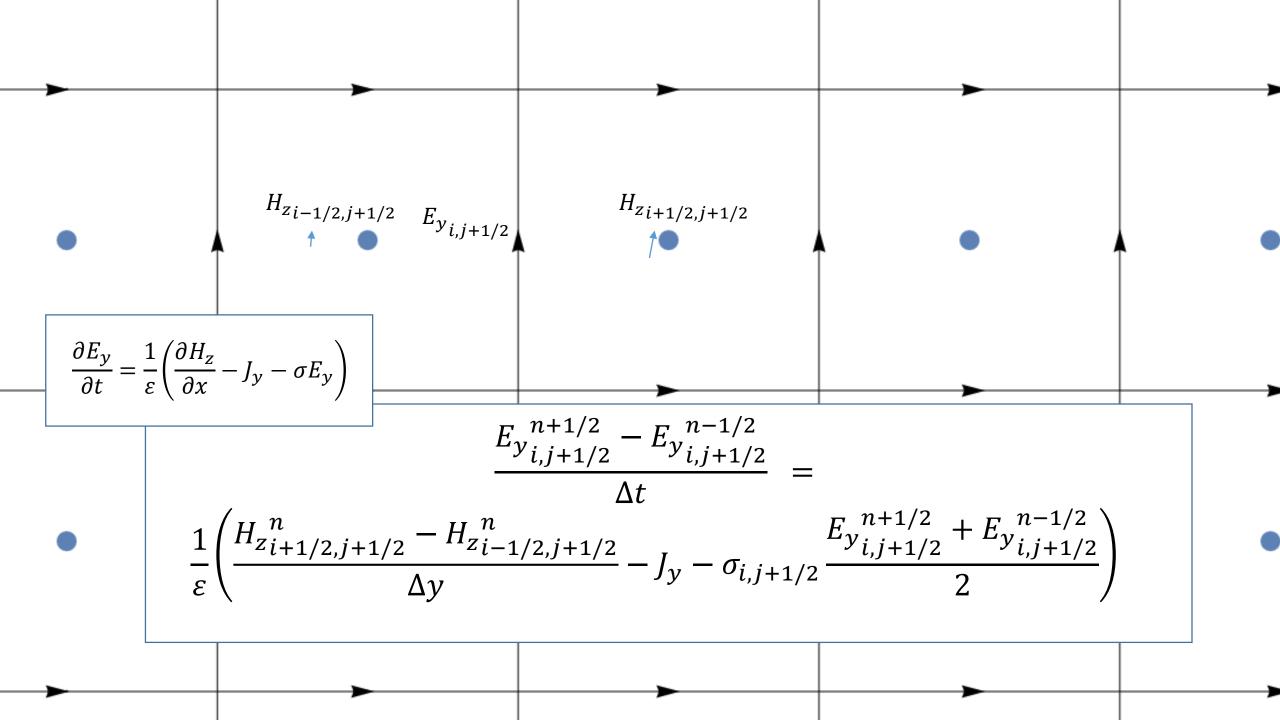
•
$$\frac{\partial H_y}{\partial t} = \frac{1}{\mu} \left(\frac{\partial E_x}{\partial z} - \frac{\partial E_z}{\partial x} \right)$$

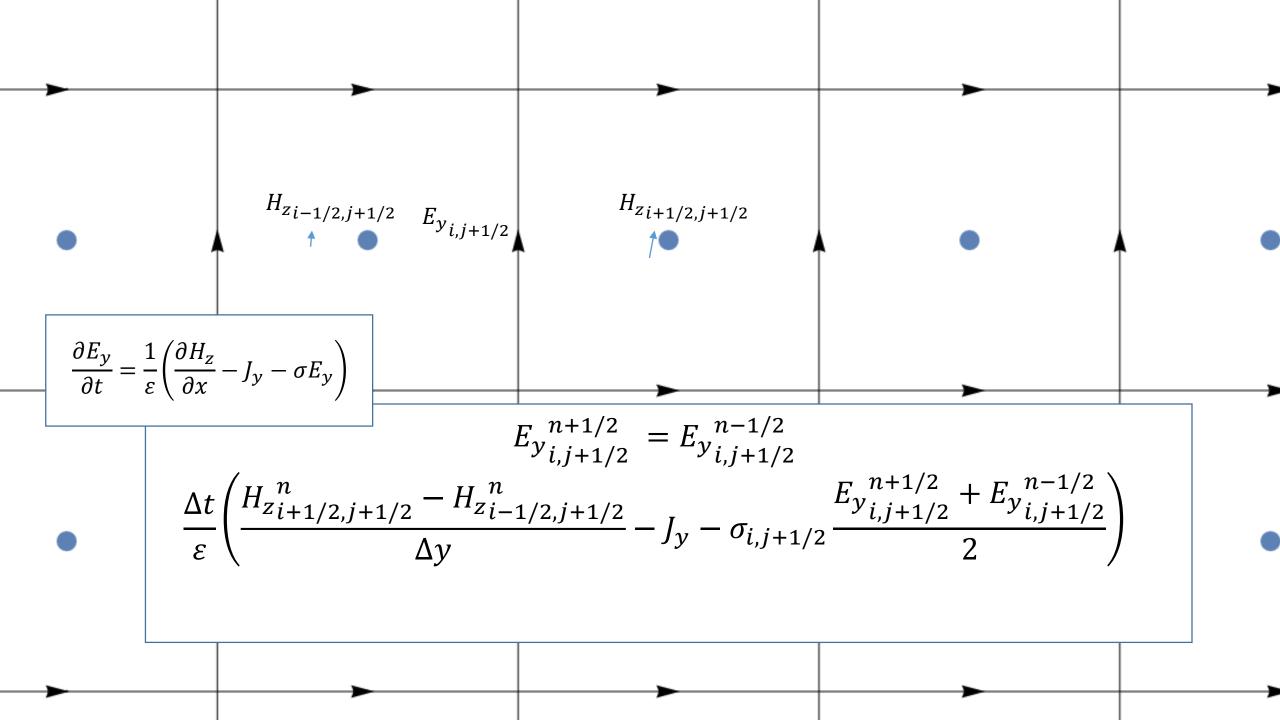
•
$$\frac{\partial H_Z}{\partial t} = \frac{1}{\mu} \left(\frac{\partial E_X}{\partial y} - \frac{\partial E_Y}{\partial x} \right)$$











$$\frac{\partial E_{y}}{\partial t} = \frac{1}{\varepsilon} \left(\frac{\partial H_{z}}{\partial x} - J_{y} - \sigma E_{y} \right)$$

$$E_{y_{i,j+1/2}}^{n+1/2} \left(1 + \frac{\Delta t \sigma_{i,j+1/2}}{2\varepsilon} \right) =$$

$$E_{y_{i,j+1/2}}^{n-1/2} \left(1 - \frac{\Delta t \sigma_{i,j+1/2}}{2\varepsilon} \right) + \frac{\Delta t}{\varepsilon} \left(\frac{H_{z_{i+1/2,j+1/2}} - H_{z_{i-1/2,j+1/2}}^{n}}{\Delta x} - J_{y} \right)$$

$$\frac{\partial E_{y}}{\partial t} = \frac{1}{\varepsilon} \left(\frac{\partial H_{z}}{\partial x} - J_{y} - \sigma E_{y} \right)$$

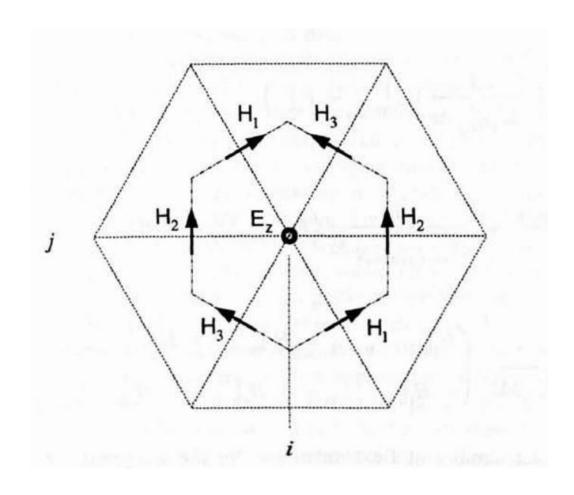
$$E_{x_{i+1}/2,j}^{n+1/2} \left(1 + \frac{\Delta t \sigma_{i,j+1/2}}{2\varepsilon} \right) =$$

$$E_{x_{i+1}/2,j}^{n-1/2} \left(1 - \frac{\Delta t \sigma_{i,j+1/2}}{2\varepsilon} \right)$$

$$+ \frac{\Delta t}{\varepsilon} \left(\frac{H_{z_{i+1}/2,j+1/2}^{n} - H_{z_{i+1}/2,j-1/2}^{n}}{\Delta y} - J_{x} \right)$$

$$H_{z_{i+1}/2,j-1/2}$$

A co dla siatek skomplikowanych?



źr: Allen Taflove, Susan C. Hagness, Computational electrodynamics – FDTD method

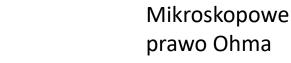
Równania Maxwella

$$\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial x} = -\nabla \times \mathbf{E}$$



•
$$\frac{\partial}{\partial t} \int_{S} \mathbf{D} \cdot d\mathbf{s} = \int_{C} \mathbf{H} \cdot d\mathbf{l} - \mathbf{I}$$

$$\boldsymbol{J} = \boldsymbol{J}_{source} + \sigma \boldsymbol{E}$$



Źródło prądu

$$I = \int_{S} J \cdot ds$$

