вариант	ф. номер	група	поток	курс	специалност
1					
Име:					

## Контролно по Бързи алгоритми върху структури от данни спец. $14.12.2013~\mathrm{r}.$

**Задача 1.** Даден е ориентиран граф G = (V, E) и оцветяване на върховете му  $c: V \to \{1, 2, \dots, n\}$ , които изпълняват следните свойства:

- 1. ако има път от u до v, то  $c(u) \le c(v)$ .
- 2. ако c(u) = c(v) или c(u) = 1, то има път от u до v.
- 3. ако  $\pi_1$  и  $\pi_2$  са пътища с общо начало и общ край и по пътя  $\pi_1$  се среща връх с цвят k, то и по пътя  $\pi_2$  се среща връх с цвят k.
- 4. има връх  $v \in c(v) = 1$ .

С R(v) означаваме броя на върховете, от които има път до върха v. Трябва да се обработват следните заявки:

Вход:  $u,v\in V$ ,  $r\in \mathbb{N}$ . Изход:  $w\in V$ , от който има път до u и до v в графа G,  $R(w)\geq r$  и за всеки връх от w', от който има път до w в G е в сила  $R(w')\leq r$ .

Да се предложи структура от данни и алгоритъм, който решава прозволна заявка от горния вид със следните характеристики:

- 1. памет  $O(|V| + n \log n)$ , време за отговор на заявка  $O(\log \log n)$ .
- 2. памет O(|V|+n), време за отговор на заявка  $O(\log\log n)$ .

Обосновете характеристиките на за памет на Вашата структура, времевата сложност и коректността на предложения от Вас алгоритъм.