

第2讲符号化、计算化与自动化

河海大学 计算机与信息学院

第2讲--符号化、计算化与自动化

研究计算机的终极目的是解决社会/自然问题,如何解决呢?

◆将社会/自然问题用符号表达,基于符号进行计算,将计算用软件/硬件来实现,这是解决社会/自然问题的基本思维模式

0和1与逻辑

----语义符号化表达与计算的另一个示例

----思维符号化与计算

----逻辑运算与0和1

0和1与易经---语义符号化表达与计算 (1) 易经是什么?

《易经》是什么?

八卦? 预测与占卜? 算命?

自然现象及其变化规律

- →人事现象及其变化规律
- →其他现象及其变化规律

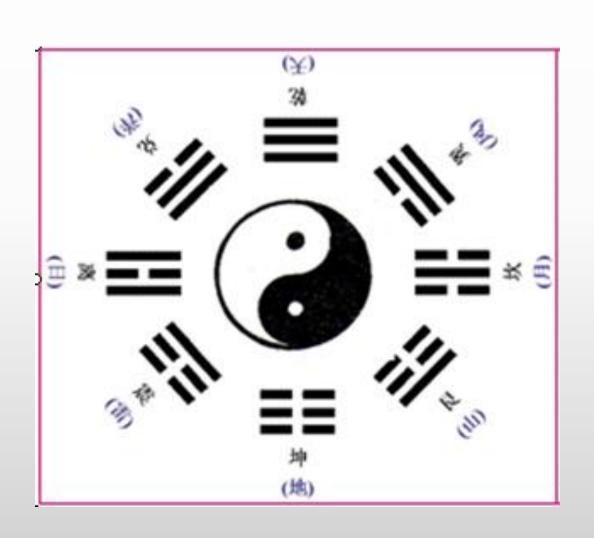


0和1与易经---语义符号化表达与计算

(2) 易经怎样表达自然现象?

将现象抽象为符号,进行符号组合,利用符号组合表达自然现象

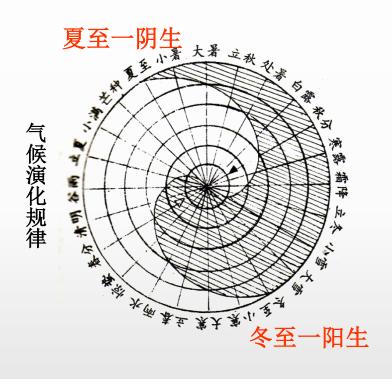




0和1与易经---语义符号化表达与计算

(4) 易经怎样研究自然现象的变化?

符号化的目的是基于符号的演算--符号组合的变化方式



"卦"之间的变化规律是什么? "卦"及之间变化反映的语义又 是什么?

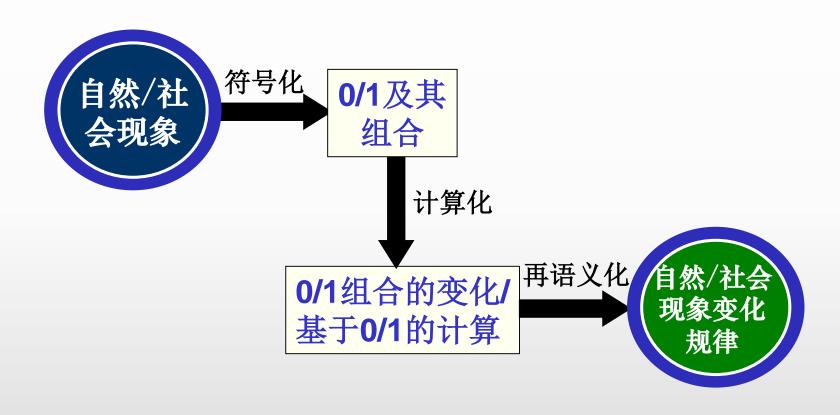
生命演化规律

卦变、爻变



0和1与易经---语义符号化表达与计算 (6) 小结?

"符号化及符号计算"?







0和1与逻辑

---思维符号化表达与计算

0和1与逻辑---思维符号化表达与逻辑运算 (1) 什么是逻辑?

逻辑是指事物因果之间所遵循的规律,是现实中普适的思维方式

◆ 逻辑的基本表现形式是**命题**与**推理**,推理即依据由简单命题的判断推导得出复杂命题的判断结论的过程。命题由语句表述,即内容为"真"或为"假"的一个判断语句!

例如 在一次中学生测验中,有三位老师做了预测: A.学习委员及格; B.有人不及格;

<u>C.全班都不及格。在考试后证明只有一个老师的预测是对的,请问谁对谁错?</u>

求解过程:

命题A: "学习委员及格(即有人及格)";

命题B: "有人不及格";

命题C: "全班都不及格";

由题目假设和命题之间关系得出"已知": A、B、C只有一个为真

如果A真,则C假;如果C真,则A假;

如果B真,而A, C可能有一个为真,与题矛盾,所以B为假。

如果B假,则"全班都及格"为真,而由此推断C为假。

由上"已知",推理: A为真

0和1与逻辑---思维符号化表达与逻辑运算

(2) 有哪些基本的逻辑运算操作?

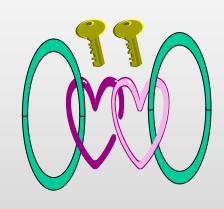
思维的符号化及其计算----基本逻辑运算

一个命题由X, Y, Z等表示, 其值可能为"真"或为"假"。

则两个命题X,Y之间是可以进行运算的:

- □ "与"运算(AND): 当X和Y都为真时, X AND Y也为真; 其他情况, X AND Y均为假。
- □ "或"运算(OR): 当X和Y都为假时, X OR Y也为假; 其他情况, X OR Y均为真。
- □ "非" 运算(NOT): 当X为真时, NOT X为假;当X为假时, NOT X为真。
- □ "异或"运算(XOR): 当X和Y都为真或都为假时, X XOR Y为假; 否则, X XOR Y为真。





"或"运算:只要有任何 一把钥匙便能开门

0和1与逻辑---思维符号化表达与逻辑运算

(3) 怎样符号化逻辑并进行计算?

用0和1来表示逻辑运算

■ "与"运算**AND**: 有**0为0**,全**1为1**

■ "或"运算**OR**: **有1为1**,**全0为0**

■ "非"运算**NOT**: 非**0**则1,非**1**则0

■ "异或"运算**XOR**:
相同为0,不同为1

注: 1表示真, 0表示假

0 AND 0 0	0 AND 1 0	AND 0 0	AND 1 1
OR 0	OR 1	OR 0	OR 1
0	1	1	1
NOT 0 1		NOT 1 0	
XOR 0	XOR 1	XOR 0	XOR 1
0	1	1	0

0和1与逻辑---思维符号化表达与逻辑运算

(3) 怎样符号化逻辑并进行计算?

将逻辑表达为0和1及其运算

一个命题用A、B等符号表达,其中符号的值可能为0,也可能为1

命题A: "学习委员及格(即有人及格)"

命题B: "有人不及格"

命题C: "全班都不及格"

已知: ((A AND (NOT C)) OR ((NOT A) AND C)) = 1
(NOT B) AND ((A AND (NOT C)) OR ((NOT A) AND C))) = 1
(NOT B) AND (NOT C) = 1

组合形成所有可能解

{<A=1, B=0, C=0>, <A=0, B=1, C=0>, <A=0, B=0, C=1>} 将上述可能解代入已知条件,使所有已知条件都满足的便是问题的解:

<A=1, B=0, C=0>.

0和1与逻辑---思维符号化表达与逻辑运算 (4) 逻辑研究有哪些?

可深入学习

1)Aristotle (亚里士多德)(公元前384-322)。古希腊哲学家: 形式逻辑。

典型概念:命题,推理,三段论

2)Leibnitz (莱布尼茨)(1646-1716)。德国数学家: 数理逻辑。

典型概念: 谓词, 谓词演算

3) Boole (布尔) (1815-1864)。英国数学家, 布尔代数

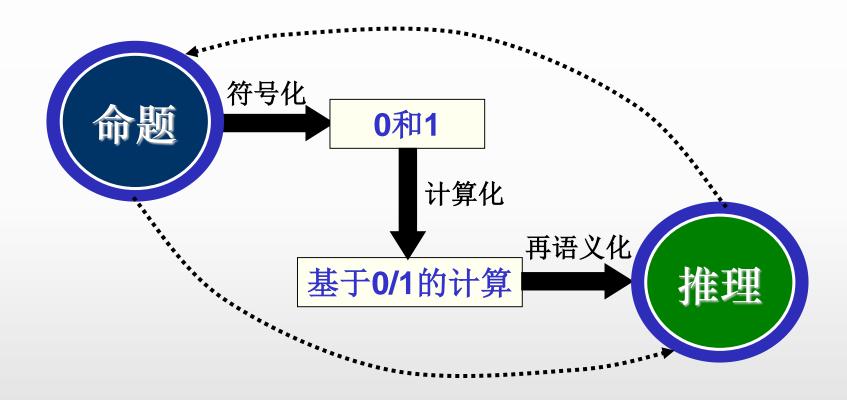
典型概念: 布尔量, 布尔值, 布尔运算, 布尔操作

4) 其他: <u>时序逻辑</u>(Temporal Logics)、<u>模态逻辑(</u>Modal Logics)、<u>归纳逻辑</u>(Inductive

Logics)、模糊逻辑(Fuzzy Logics)、粗糙逻辑(Rough Logics)、非单调逻辑等

0和1与逻辑---思维符号化表达与逻辑运算 (5) 小结?

由"逻辑"看"符号化及符号计算"?







0和1与数值性信息

0和1与数值---二进制与算术运算(1)怎样用0和1表达数值性信息?

数值性信息

- ◆进位制:用数码和带有权值的数位来表示有大小关系的数值性信息的表示方法。
- ◆二进制

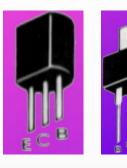
$$=1\times 2^{7}+1\times 2^{6}+1\times 2^{5}+1\times 2^{4}+0\times 2^{3}+1\times 2^{2}+0\times 2^{1}$$

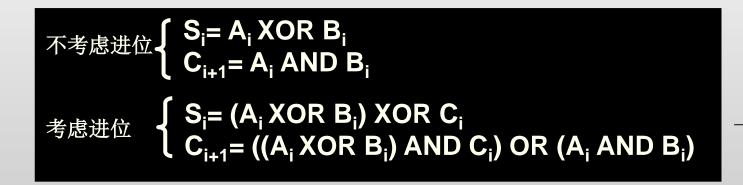
+1\times 2^{0}+0\times 2^{-1}+1\times 2^{-2} = (245.25)_{+}

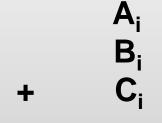
(2) 为什么要用二进制?

基于二进制的算术运算

◆计算规则简单,与逻辑运算能够统一起来;元器件容易实现。







 S_{i+1} S_i

(3) 二进制有什么不足,怎样解决?

数值性信息

◆r进制:

- ◆ 十六进制: 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,A(10), B(11), C(12), D(13), E(14), F(15)
- ◆ 八进制: 0,1,2,3,4,5,6,7
- ◆ 十进制: 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9

$$(365.2)_{10}$$
, $(11011.01)_2$, $(3460.32)_{\text{//}}$, $(596.12)_{+\text{//}}$

(3) 二进制有什么不足,怎样解决?

数值性信息

◆示例

$$(753.37)_{\perp} = 753.37$$
 O
 $=7 \times 8^2 + 5 \times 8^1 + 3 \times 8^0 + 3 \times 8^{-1} + 7 \times 8^{-2}$
 $=(491.484375)_{+}$
 $(753.37)_{+} = 753.37$ H = 0x 753.37
 $=7 \times 16^2 + 5 \times 16^1 + 3 \times 16^0 + 3 \times 16^{-1} + 7 \times 16^{-2}$
 $=(1875.2148)_{+}$
 $(753.37)_{+} = 7 \times 12^2 + 5 \times 12^1 + 3 \times 12^0 + 3 \times 12^{-1} + 7 \times 12^{-2}$
 $=(1071.2986)_{+}$

245的十进制表示记为: 245 245的二进制表示记为: 11110101 245的八进制表示记为: 365 245的十六进制表示记为: F5

同一个数值,用不同进位制表达,结果也是不同的

同一个数串,由于进位制不同其所表达的数值大小也是不同的

0和1与数值---二进制与算术运算 (4) 数值的符号如何表示呢?

数值的正负符号处理: 机器数的原码、反码和补码

		机器数由于受到表示数值的位数的限制,只能表示一定范围内的数。超出此范围则为"溢出"				
		负数的最高位为 1,表示负数。 其余同真实数值的二进制 数。	负数的最高位为1,表示负数。 其余在真实数值的二进制数 基础上逐位取反。	负数的最高位为 1,表示负数。 其余在反码基础上最低位加 1 后形成的。它的负数不包括 0,但包括-2 ⁿ		
		正数的原码、反码同补码形式是一样的。最高位为 0 表示正数				
-10000	-2 ⁿ	-	-	1 0000		
- 1111	-(2 ⁿ -1)	1 1111	1 0000	1 0001		
- 1000	-2 ⁿ⁻¹	1 1000	1 0111	1 1000		
- 0000	-0	1 0000	. 0000 1 1111			
+ 0000	+0	0 0000		0 0000		
+ 1000	+2 ⁿ⁻¹	0 1000 0 1000 0		0 1000		
+ 1111	+(2 ⁿ -1)	0 1111	0 1111	0 1111		
(帯符号的 n 位 二进制数)	十进制数 	原码 反码		补码		
真实数值		机器数(n+1 位二进制数,其中第 n+1 位表符号,0 表示正号,1 表示负号)				

(5) 使用补码可使减法变加法, 你相信吗?

数值的正负符号也可和数值一样参与运算: 补码运算示意

$$(+7) + (+3) = (+10)$$
 $(-5) + (-7) = (-12)$ $0 \ 0111$ $1 \ 1011$ $+) \ 0 \ 0011$ $+) \ 1 \ 1001$ $0 \ 1010$ $(-7) + (-12) = 溢出$ $0 \ 1010$ $1 \ 1001$ $+) \ 1 \ 1101$ $+) \ 1 \ 0100$ $0 \ 0111$ $0 \ 1101$

加减乘除都可转换成加法来实现,加法又可由与、或、非、异或等逻辑运算来实现 ---只要实现了基本逻辑运算,便可实现任何的计算

(6) 特殊的二进制运算?

基于二进制的算术运算

◆机器可以采用移位、逻辑运算等进行加减乘除运算。

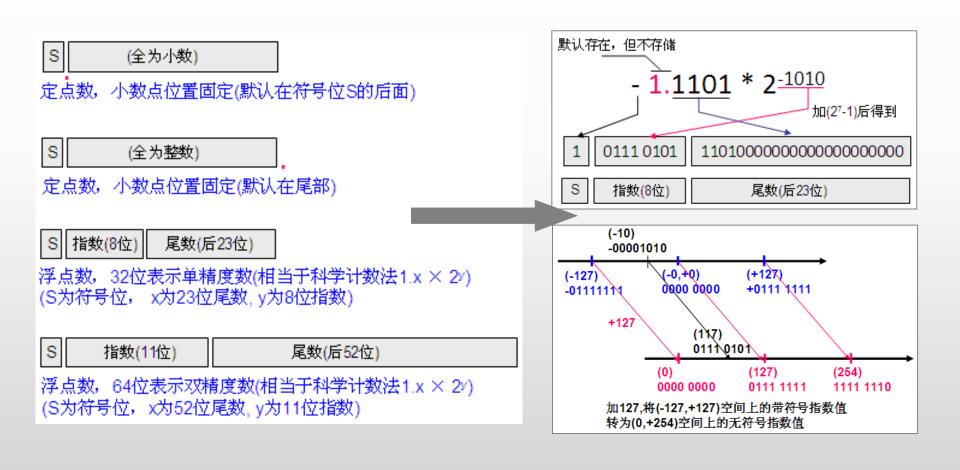
101010B

01110

1列2: 00111 × 00010 = ?

(7) 小数点如何处理呢?

数值的小数点的处理: 定点数与浮点数



0和1与数值---二进制与算术运算(8)信息的度量单位是什么?

信息的基本度量单位

```
bit Binary Digit/1位二进制位/0和1
Byte 字节, 8位二进制位
1KB = 2<sup>10</sup>字节 (市场约1,000字节)
1MB = 2<sup>10</sup>KB (市场约1,000,000字节)
1GB = 2<sup>10</sup>MB (市场约1,000,000,000字节)
1TB = 2<sup>10</sup>GB = 2<sup>20</sup>MB
```

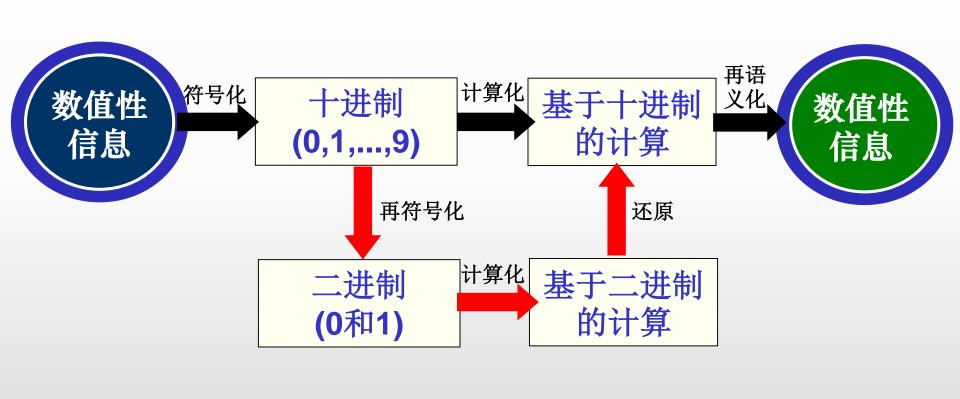
注意: 2的幂次方为计算单位

 $1PB = 2^{10}TB = 2^{30}MB$

 $1EB = 2^{10}PB = 2^{40}MB$

0和1与数值---二进制与算术运算 (9) 小结

由数值性信息看符号化及其计算







0和1与非数值性信息

0和1与字母符号---编码 (1) 为什么要用编码?

非数值性信息可以用编码表示

◆编码:编码是以若干位数码或符号的不同组合来表示非数值性信息的方法, 它是人为地将若干位数码或符号的每一种组合指定一种唯一的含义。

例如: 0----男, 1----女

再如: 000----星期一 001----星期二 010----星期三

011----星期四 100----星期五 101----星期六

110----星期日

再如: 000----水文院 001----水电院 010----港航院

011---- 土木院 100---- 环境院 101---- 能电院

110----计信院 111----商学院

编码的三个主要特征

- ◆ 唯一性:每一种组合都有确定的唯一性的含义
- ◆ 公共性: 所有相关者都认同、遵守、使用这种编码
- ◆ **易于记忆/便于识认性**: 有一定规律

(2) 英文字母符号如何编码? ASCII码为什么要用8位来编码?

ASCII码----英文字母符号的编码

- ◆ASCII码是英文字母与符号的0,1型编码方法,是用7位0和1的不同组合来表示10个数字、26个英文大写字母、26个英文小写字母及其一些特殊符号的编码方法,是信息交换的标准编码。
- ◆ASCII码:American Standard Code for Information Interchange

(2) 英文字母符号如何编码? ASCII码为什么要用8位来编码?

完整的ASCII码表

$b_{\delta}b_{5}b_{4}$ $b_{3}b_{2}b_{1}b_{0}$	000	001	010	011	100	101	110	111
0000	NUL	DLE	SP	0	@	P	•	P
0001	SOH	DC1	!	1	A	Q	a	Q
0010	STX	DC2	"	2	В	R	ь	R
0011	ETX	DC3	#	3	С	S	с	S
0100	EOT	DC4	\$	4	D	T	đ	T
0101	ENQ	NAK	%	5	E	U	e	U
0110	ACK	SYN	&	6	F	V	f	V
0111	BEL	ETB		7	G	W	g	W
1000	BS	CAN	(8	H	X	h	X
1001	HT	EM)	9	I	Y	i	Y
1010	LF	SUB	*	:	J	Z	j	Z
1011	VT	ESC	+	:	K]	k	{
1100	FF	FS	,	<	L]	1	
1101	CR	GS	-	=	M	\	m	}
1110	SO	RS		>	N	^	n	~
1111	SI	US	/	?	0	-	0	DEL

0和1与字母符号---编码 (3) 使用ASCⅡ码有什么好处?

ASCII编码的规律

每8位为一个字符,最高位为0

√41H ~ 5AH: "A" ~ "Z" 01000001 A 41 H

√61H ~ 7AH: "a" ~ "z" 01000010 B 42 H

✓OAH: 换行符号LF

✓0DH: 回车符号CR 01000110 F 46 H

√30H ~ 39H: "0" ~ "9"

信息	存储	解析规则
We are students	01010111 01100101 00100000 01100001 01110010 01100101 00100000 01110011 01110100 01110101 01100100 01100101 01101110 01110100 01110011	0/1串按8位分隔一个字符,查找ASCII码表映射成相应符号

(4) 还有哪些编码? 为什么需要这些编码?

十个数字符号的编码----BCD码

BCD码: Binary Coded Decimal(二-十进制编码)是用 4 位 0 和 1 的不同组合,按照与进位制保持一致的关系,来表示10个十进制数字的方法。

10个数字,只需4位0/1数码即可

十进制 BCD码	0000	1 0001	2 0010	3 0011	4 0100
十进制	5	6	7 0111	8	9
BCD码	0101	0110		1000	1001

(5) 信息在计算机中为什么需要区分不同的类型?

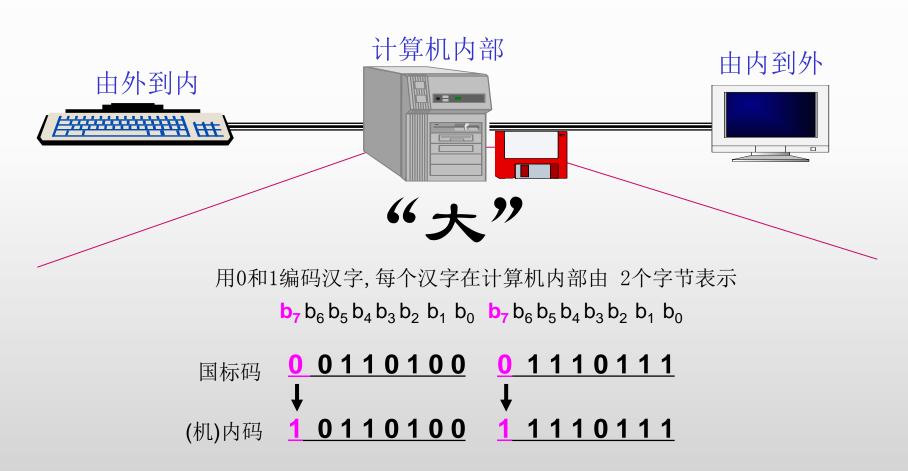
同一信息不同表示方法的对比

- 245的十进制记为245
- 245的二进制记为 11110101
- 245的八进制记为365
- 245的十六进制记为**F5**
- 245的BCD码记为**0010 0100 0101**
- 245的ASCII码记为**00110010 00110100 00110101**

(6) 汉字如何进行处理? 为什么会有那么多种汉字编码?

汉字的编码

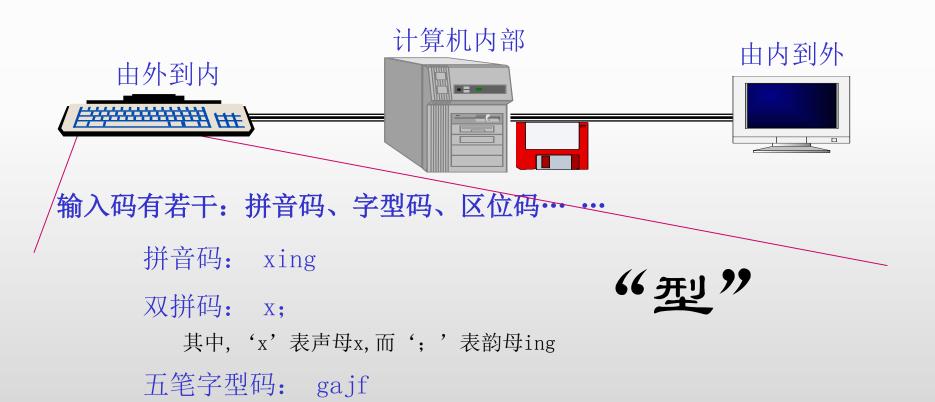
◆汉字内码: 汉字在计算机内部采用汉字内码存储, 汉字内码是一两字节且最高位均为1的0,1型编码



(6) 汉字如何进行处理? 为什么会有那么多种汉字编码?

汉字的编码

◆汉字输入码是用键盘上的字母符号编码每一汉字的编码, 它使人们通过键入字母符号代替键入汉字。

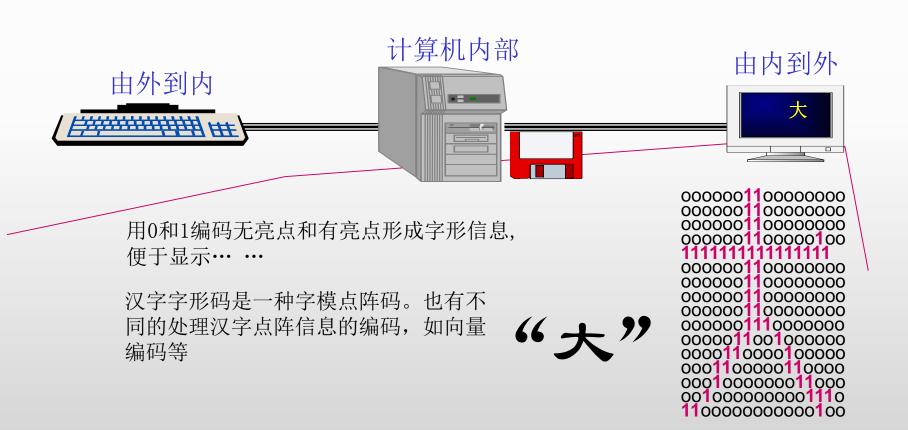


其中, g表字根"-", a表开下的草字头, j表右侧立刀, f表下面土字

(6) 汉字如何进行处理? 为什么会有那么多种汉字编码?

汉字的编码

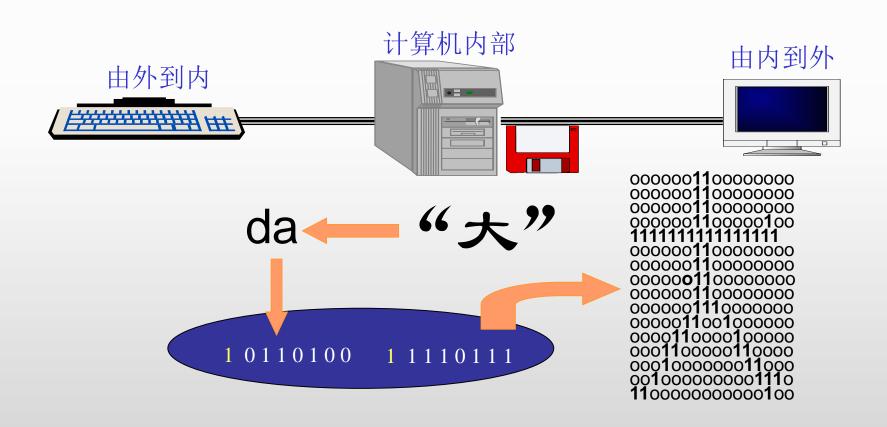
◆汉字字形码是用0和1编码无亮点和有亮点像素,形成汉字字形的一种编码。依据字形码通过显示器或打印机输出汉字。



(6) 汉字如何进行处理? 为什么会有那么多种汉字编码?

汉字的编码

◆汉字处理过程:通过汉字外码输入,以汉字内码存储,以汉字字形码输出



0和1与字母符号---编码(7)还有哪些编码?

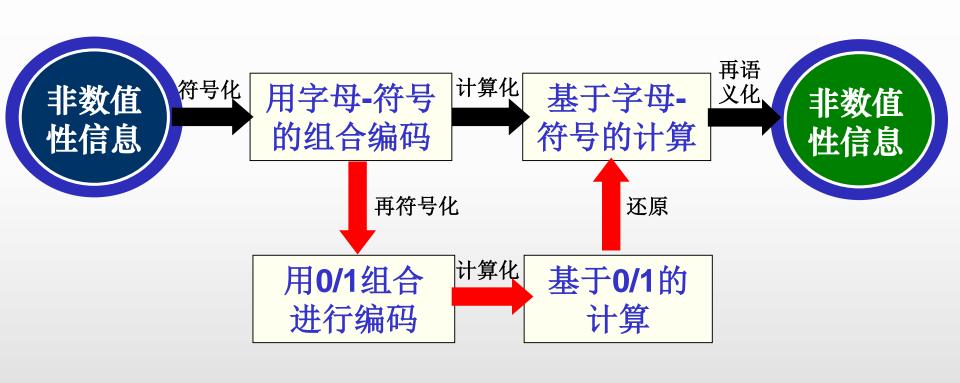
进一步学习:

- ◆标准ASCII码:8位0,1型编码,最高位始终为0
- ◆扩展ASCII码:8位0,1型编码,最高位为0时为标准ASCII码;最高位为1时为扩展ASCII码。
- ◆UNICODE: Unicode是国际组织制定的可以容纳世界上所有文字和符号的字符编码方案。Unicode用数字0-0x10FFFF来映射所有的字符(最多可以容纳1114112个字符,或者说有1114112个码位,码位就是可以分配给字符的数字)。具体实现时,再将前述唯一确定的码位按照不同的编码方案映射为相应的编码,有UTF-8、UTF-16、UTF-32等几种编码方案。

0和1与字母符号---编码

(8) 小结?

分层次符号化、分层次编码与计算







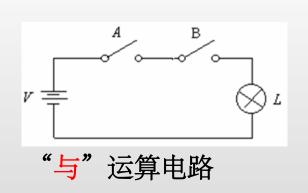
(1) 如何用电信号及电子元件表达0和1?

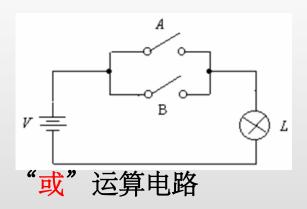
实现0和1的基本元器件: 电信号和继电器开关

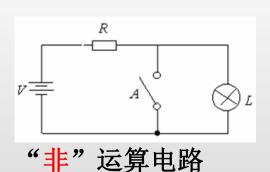


数字信号: 高电平为1, 低电平为0

◆用继电器开关实现基本逻辑运算



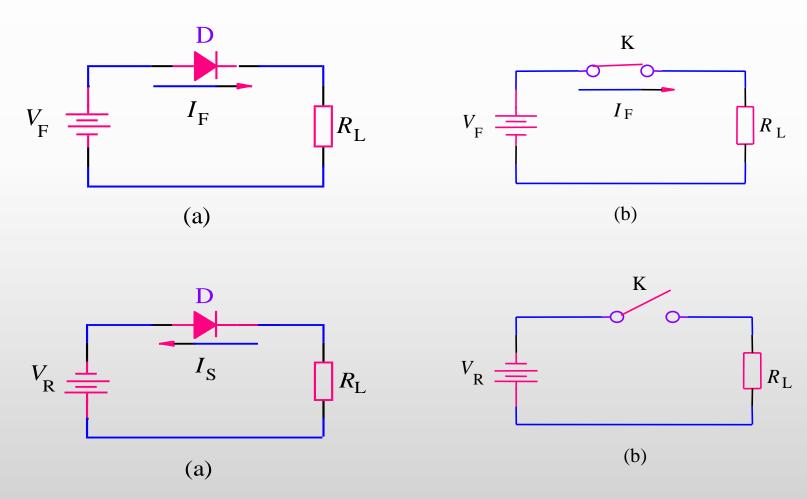




(2) 处理0和1的基本元件?

实现0和1的基本元器件: 二极管

◆二极管的基本特性



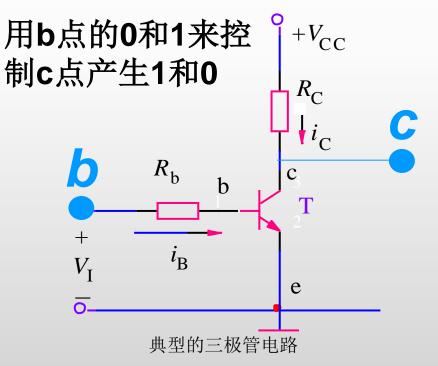
0和1与电子技术实现 (2) 处理0和1的基本元件?

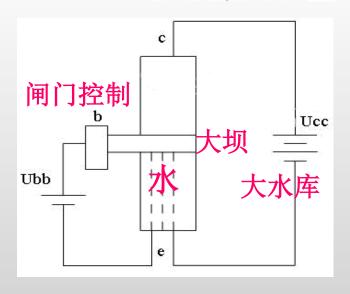
实现0和1的基本元器件:三极管

- ◆ 三极管的基本特性:
 - 开关和放大
 - ○以较小的b极电流信号可控制较大的e极流过的电流--放大。



"The first transistor ever assembled, invented in Bell Labs in 1947." Photo and text fro Porticus.org, weve.porticus.org/bell/belllabs_transistor.html. (Follow that link to see more historical documents and images about Bell Labs and the transistor.)





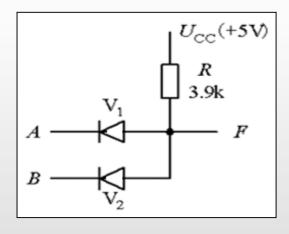
第个极试装

(3) 如何用基本电子元件实现基本逻辑运算?

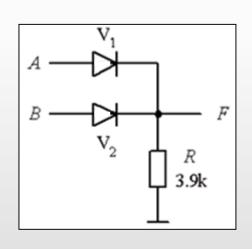
用二极管、三极管可实现基本的集成电路:与门、或门和非门

◆这些电路被封装成集成电路(芯片),即所谓的门电路。

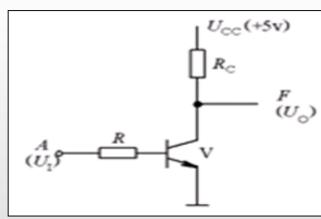




"与"门电路



"或"门电路



"非"门电路

(4) 如何用电信号及电子元件实现基本逻辑运算?

基本门电路的符号表示及其特性

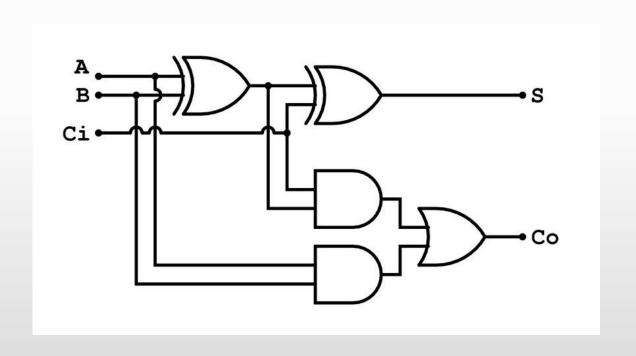
- ◆与门电路:是实现逻辑与运算的集成电路,即:只有当两个输入端为高电平(1)时,则输出端为高电平(1);否则,输出端为低电平(0)。
- ◆或门电路:是实现逻辑或运算的集成电路,即:只有当两个输入端为低电平(0)时,则输出端为低电平(0);否则,输出端为高电平(1)。
- ◆非门电路:是实现逻辑非运算的集成电路,即:当输入端为高电平 (1)时,则输出端为低电平(0);输入端为低电平(0)时,则输出端为高电平(1)。
- ◆**异或门电路**:是实现逻辑异或运算的集成电路,即:当两个输入端同为高电平(1)或同为低电平(0)时,则输出端为低电平(0);否则,输出端为高电平(1)。



(5) 如何用已实现的基本逻辑运算(门电路)来实现更复杂的运算?

基于门电路的复杂组合逻辑电路

◆示例1:一位加法器的示例。

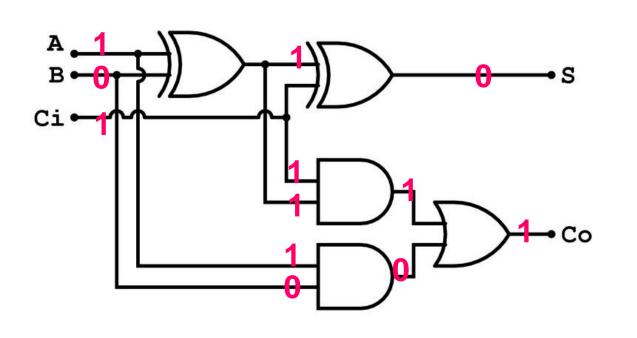


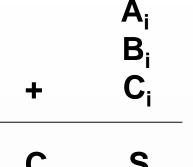


(5) 如何用已实现的基本逻辑运算(门电路)来实现更复杂的运算?

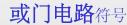
基于门电路的复杂组合逻辑电路

◆可验证一位加法器实现的正确性。











非门电路符号

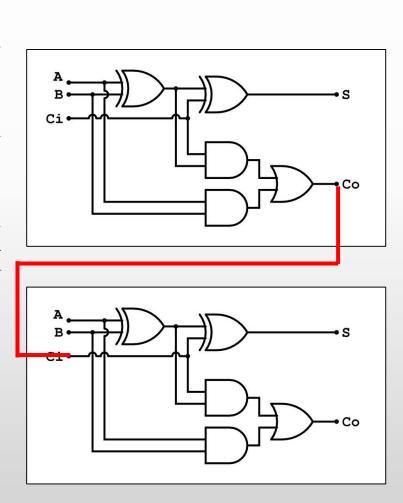


异或门电路符号

(5) 如何用已实现的基本逻辑运算(门电路)来实现更复杂的运算?

基于门电路的复杂组合逻辑电路

- ◆示例:多位加法器的实现
- ◆用已验证正确的一位加法器,来实现更为复杂的多位加法器
- ◆用已验证正确的多位加法器,来实现更为复杂的乘法器/除法器等(略)
- ◆分层构造: 低层电路已验证正确,可被封装起来; 用已封装的已验证的低层电路可构造更为复杂的高层电路; 如此一层层构造。



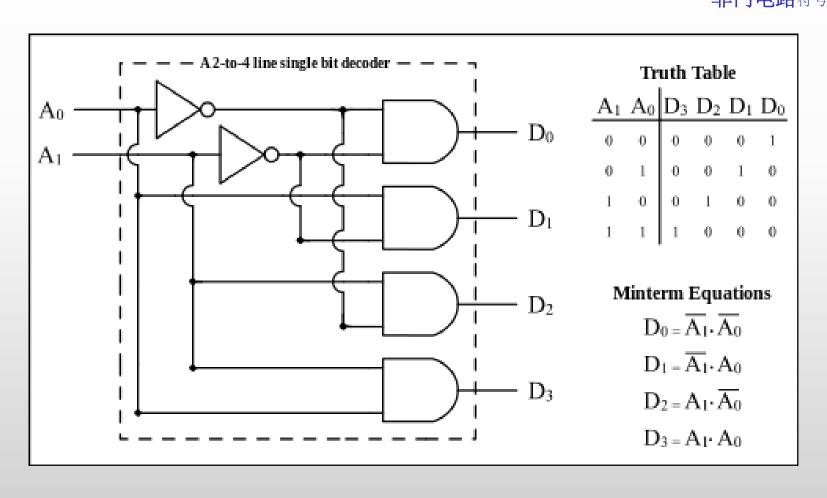
(5) 如何用已实现的基本逻辑运算(门电路)来实现更复杂的运算?



基于门电路的复杂组合逻辑电路

◆另一个示例: **2-4**译码器及其电路实现。

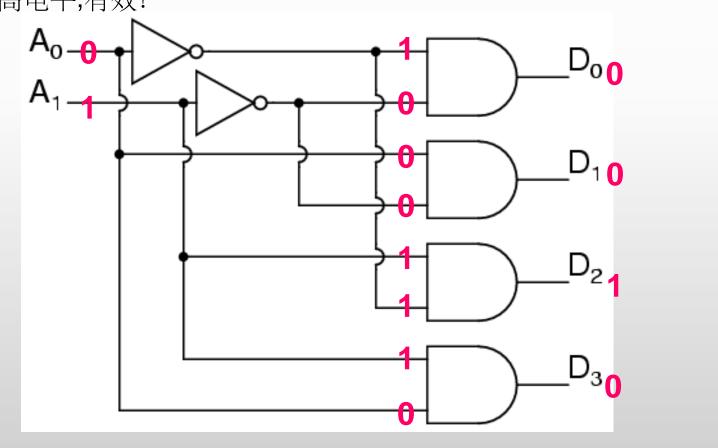




(5) 如何用已实现的基本逻辑运算(门电路)来实现更复杂的运算?

基于门电路的复杂组合逻辑电路

- ◆另一个示例: **2-4**译码器及其电路实现
- ◆可依据门电路的特性,输入2位二进制数10,检查是否是第3条线(D2)为高电平,有效?





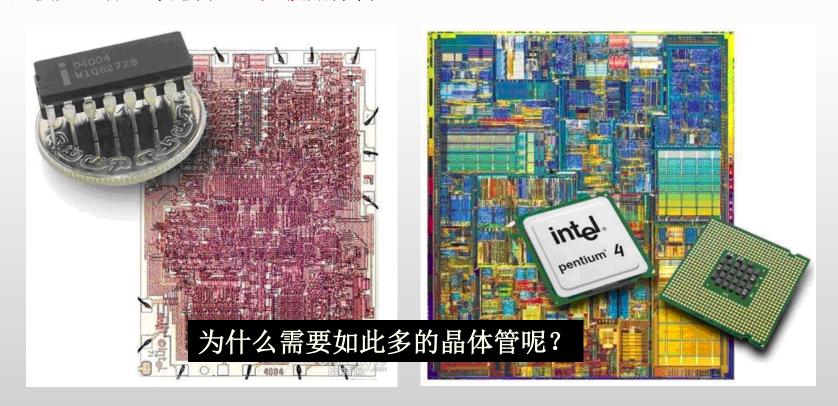


(5) 如何用已实现的基本逻辑运算(门电路)来实现更复杂的运算?

复杂部件的硬件实现(芯片、主板)

◆ 微处理器芯片即是复杂组合逻辑集成在一块板上并封装而成的电路:

从Intel4004在12平方毫米的芯片上集成了2250颗晶体管→到Pentium 4处理器内建了4200万颗晶体管,以及采用0.18微米的电路→再到英特尔的45纳米Core 2至尊/至强四核处理器上装载了8.2亿颗晶体管。



(6) 小结

