Zadanie: DRZ Drzewa rozpinające [A]



Potyczki Algorytmiczne 2022, runda piąta. Limity: 512 MB, 8 s.

16.12.2022

Dany jest ciąg n liczb całkowitych a_1, a_2, \ldots, a_n . Z jego pomocą tworzymy nieskierowany graf na n wierzchołkach: wierzchołki i oraz j (dla $i \neq j$) są połączone NWD (a_i, a_j) rozróżnialnymi krawędziami. Twoim zadaniem jest policzyć liczbę drzew rozpinających w zadanym grafie. Dwa drzewa uznajemy za różne, jeśli jedno z nich zawiera krawędź, której nie zawiera drugie. Jako, że liczba ta może być bardzo duża to wystarczy, że podasz jej resztę z dzielenia przez $10^9 + 7$.

Wejście

W pierwszym wierszu standardowego wejścia znajduje się jedna liczba całkowita $n \ (1 \le n \le 5\,000)$, oznaczająca długość ciągu, a zarazem liczbę wierzchołków grafu.

W drugim wierszu standardowego wejścia znajduje się ciąg n liczb całkowitych a_1, a_2, \ldots, a_n ($1 \le a_i \le 5\,000$), opisany w treści zadania.

Wyjście

W jedynym wierszu standardowego wyjścia powinna znaleźć się jedna liczba całkowita, oznaczająca resztę z dzielenia przez $10^9 + 7$ liczby różnych drzew rozpinających opisanego grafu.

Przykład

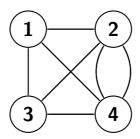
Dla danych wejściowych:

poprawnym wynikiem jest:

1 2 3 4

24

Wyjaśnienie przykładu: Graf w teście przykładowym wygląda następująco:



Łatwo policzyć, że zawiera on dokładnie 24 różne drzewa rozpinające.