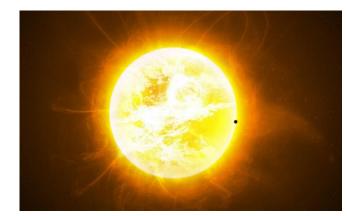


Теория принятия решений в астрономии Системы координат

Гелиоцентрические

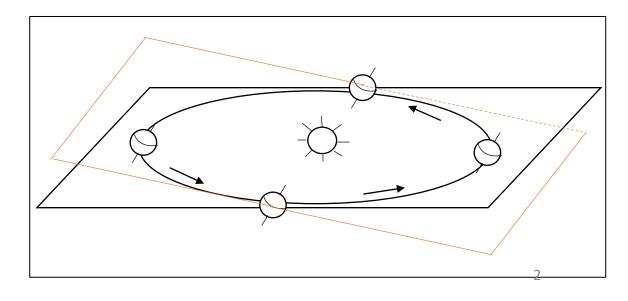


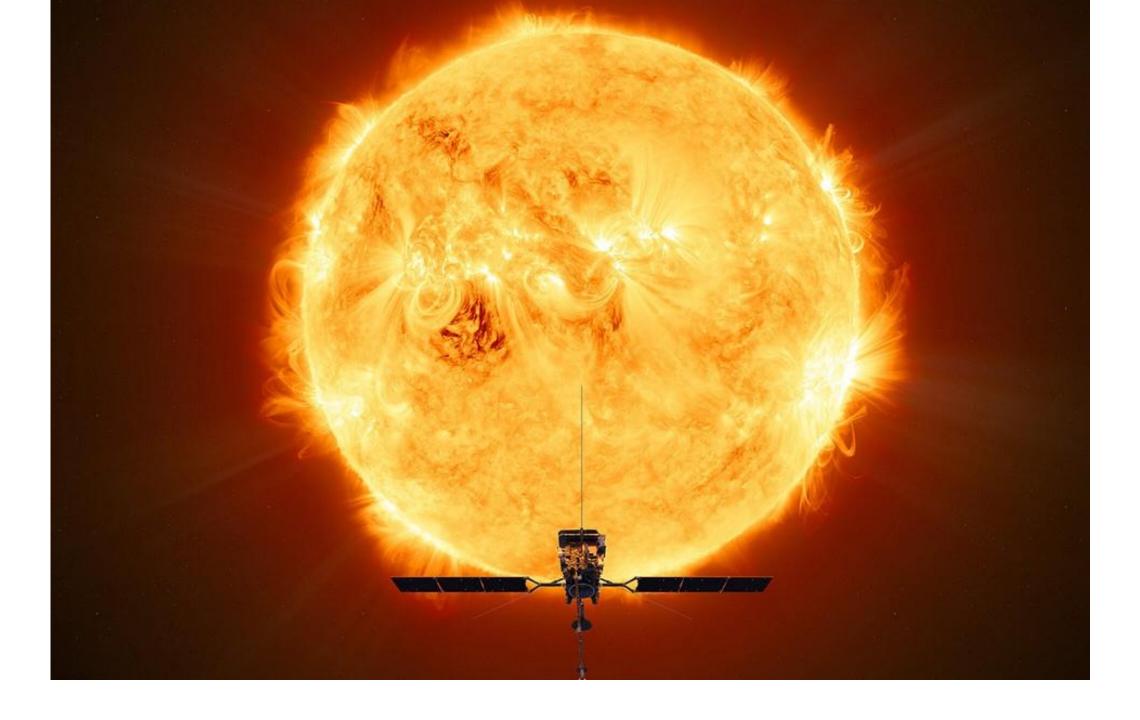
Геоцентрические



Эклиптические

Экваториальные





Модуль с константами APC_Const

```
const double pi
                  = 3.14159265358979324;
const double pi2
                   = 2.0*pi:
const double Rad
                   = pi / 180.0;
                                                                                 \mathbf{Dd}
                                                                                            DMS
const double Deg
                    = 180.0 / pi;
const double Arcs
                    = 3600.0*180.0/pi;
                                                                                 15.5000
                                                                                             15 30 00.0
const double AU
                   = 149597870.0; // Astronomical unit [km]
                                                                                 -8.15278
                                                                                             -8 9 10.0
                                 // speed of light [AU/d]
const double c light = 173.14;
```

Преобразование углов из градусов, минут и секунд дуги в десятичное представление

```
double Ddd (int D, int M, double S)
{
  double sign;
  if ( (D<0) || (M<0) || (S<0) ) sign = -1.0; else sign = 1.0;
  return sign * ( fabs(D)+fabs(M)/60.0+fabs(S)/3600.0 );</pre>
```

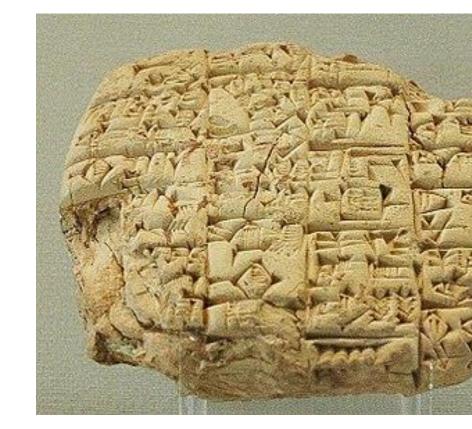
Вычисление градусов, минут и секунд дуги по заданному значению

```
void DMS (double Dd, int& D, int& M, double& S)
{
  double x;
  x = fabs(Dd);  D = int(x);
  x = (x-D)*60.0;  M = int(x);  S = (x-M)*60.0;
  if (Dd<=0.0) { if (D!=0) D*=-1; else if (M!=0) M*=-1; else
  S*=-1.0; }
}</pre>
```

Шестидесятеричная система счисления Древние Шумеры

7	1	∢ ₽	11	∜ ?	21	₩7	31	₹ ₽	41	15	51
77	2	₹ 99	12	₹ ??	22	₩77	32	15 77	42	₹ ₹ 77	52
999	3	4999	13	∜ ???	23	₩ ???	33	₩	43	₹	53
鱻	4	₹ ₩	14	₩	24	₩\$\$	34	₩ ₩	44	₩ ₩	54
盆	5	₹ ₩	15	₹₩	25	₩₩	35	核数	45	续链	55
₩	6	₹ ₩	16	Κ₩	26	₩₩	36	依發	46	续發	56
#	7	⟨₩	17	全的	27	₩₽	37	₩ ₩	47	袋盘	57
#	8	₹	18	<₩	28	₩ ₩	38	核雜	48	续钳	58
拼	9	∜群	19	全報	29	类 辩	39	検報	49	侯辑	59
∢	10	₹	20	***	30	4	40	**	50		

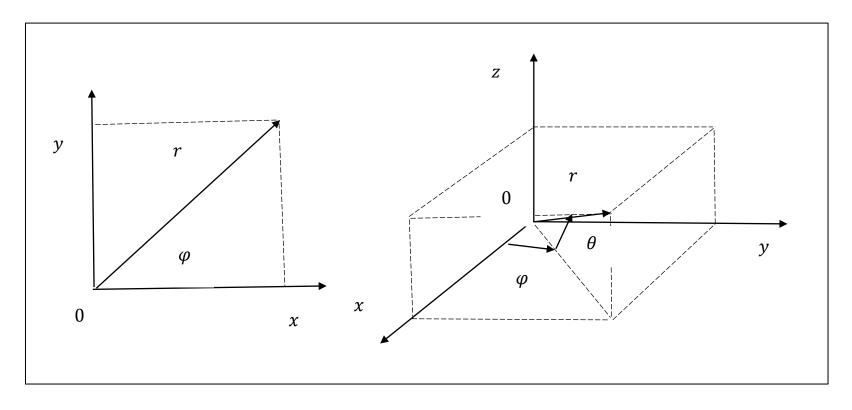
Письмо царю, 2400 г. до н. э.



```
enum AngleFormat {
 Dd, // decimal representation
 DMM, // degrees and whole minutes of arc
 DMMm, // degrees and minutes of arc in decimal representation
 DMMSS, // degrees, minutes of arc and whole seconds of arc
 DMMSSs // degrees, minutes, and seconds of arc in decimal representation
};
class Angle
 public:
   // Constructor
  Angle (double alpha, AngleFormat Format=Dd);
    // Modifiers
  void Set (AngleFormat Format=Dd);
  // Angle output
  friend std::ostream& operator << (std::ostream& os, const Angle& alpha);
 private:
  double
            m angle;
  AngleFormat m_Format;
```

APC_VetMat3D

Связь декартовых координат на плоскости и в пространстве



$$x = rcos\theta cos\varphi$$
$$y = rcos\theta sin\varphi$$
$$z = rsin\theta$$

$$r = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$$

$$tg\varphi = \frac{y}{x}$$

$$tg\theta = \frac{z}{\sqrt{x^2 + y^2}}$$

```
void Vec3D::CalcPolarAngles ()
  struct Polar {
                                                        { // Length of projection in x-y-plane:
   // Constructors
                                                          const double rhoSqr = m Vec[0] * m Vec[0] + m Vec[1] *
   Polar();
                                                        m Vec[1];
   Polar(double Az, double Elev, double R = 1.0);
                                                          // Norm of vector
   // Members
                                                         m r = sqrt (rhoSqr + m Vec[2] * m Vec[2]);
   double phi; // azimuth of vector
                                                          // Azimuth of vector
   double theta; // altitude of vector
                                                         if ( (m Vec[0]==0.0) && (m Vec[1]==0.0) )
   double r; // norm of vector
                                                          m phi = 0.0;
  };
                                                         else
                                                          m_phi = atan2 (m_Vec[1], m_Vec[0]);
class Mat3D
                                                         if ( m phi < 0.0 ) m phi += 2.0*pi;
                                                           // Altitude of vector
 public:
                                                          const double rho = sqrt ( rhoSqr );
  Mat3D (); // default constructor for null matrix
                                                         if ( (m_Vec[2]==0.0) && (rho==0.0) )
  // constructor for matrix from column vectors
                                                          m theta = 0.0;
  Mat3D (const Vec3D& e 1, const Vec3D& e 2, const
                                                         else
Vec3D& e_3);
                                                          m theta = atan2(m Vec[2], rho);}
  // component access
  friend Vec3D Col(const Mat3D& Mat, index Index);
  friend Vec3D Row(const Mat3D& Mat, index Index);
  // identity matrix
  friend Mat3D Id3D();
```

Матрицы поворотов $R_{x}(\varphi) = 0$ $\cos\varphi$ $sin\varphi$ $0 - \sin \varphi$ $cos\phi$ $cos \varphi = 0$ $-sin \varphi$ $R_{\nu}(\varphi) = 0$ 1 0 sinφ $cos \varphi$ $cos\phi$ $sin \varphi$ $R_z(\varphi) = -\sin\varphi \quad \cos\varphi \quad 0$

Эфемериды

		h m	δ _{2000,0} +15 06		, D ,,	f	Видимость ф=45° ф=55° ф=65°		СТЬ ₀ =65°	Созвездие
Солнце	1.05						h	h	h	Овен
`			+1907							Телец
	31.05	04 33	+21 56	-26.8	31 33					Телец
Меркурий			+22 14		9.8	0.16	0.5	-	_	Телец
			+19 57		11.8	0.01	-	-	-	Телец
	21.05	03 18	+15 54	+3.7	11.9	0.04	_	-	_	Овен
	31.05	03 14	+14 06	+1.6	10.2	0.19	_	-	_	Овен
Венера	1.05	05 24	+27 41	-4.5	35.1	0.30	4.2	5.0	7.1	Телец
	16.05	05 51	+27 23	-4.5	44.5	0.17	3.4	3.9	4.9	Телец
	31.05	05 42	+25 17	-4.1	54.8	0.04	1.5	1.6	_	Телец
Mapc	1.05	01 47	+10 31	+1.3	3.9	0.99	_	_	_	Овен
	16.05	02 03	+14 25	+1.3		0.99		-	_	Овен
	31.05	03 14	+17 46		100000000000000000000000000000000000000	0.99		-	-	Овен
Юпитер	1.05	19 16	-22 12	-2.4	41.5	0.99	4.7	3.4	_	Стрелец
	16.05	19 16	-22 15			0.99	5.4	3.9	_	Стрелец
			-22 23	-2.6	45.1	1.00	6.2	4.6	-	Стрелец
Сатурн	1.05	00 13	-00 49	+1.3	16.1	1.00	_	_	_	Рыбы
	16.05	00 19	-00 17		16.3	100000000000000000000000000000000000000		-	-	Рыбы
			+00 11	+1.2		1.00			-	Рыбы
Уран	16.05	20 28	-19 04	+5.7	3.6	1.00	4.2	2.8	-	Козерог
10" Нептун	16.05	19 59	-20 08	+7.9	2.3	1.00	4.2	2.6	-	Стрелец
Плутон	16.05	16 01	-07 02	+13.7	0.14	1.00				Змееносец

В таблице приведены эфемериды Солнца и планет: прямое восхождение и склонение (на эпоху 2000.0 года), видимая звездная величина, диаметр, фаза. Продолжительность видимости планет рассчитана программой, составленной О. С. Угольниковым, с учетом зависимостей неравномерной яркости сумеречного неба и предельной видимой звездной величины от глубины погружения Солнца под горизонт. Для Урана и Нептуна рассчитана продолжительность видимости в телескоп с диаметром объектива 10 см при увеличении 30°х.

Юлианский период от 01 января 4713 г. до н. э.

Модифицированная юлианская дата

$$MJD = JD - 2400000,5$$

отсчитывается от полуночи 17 ноября 1858 г.

APC_Time

```
double Mjd (int Year, int Month, int Day,
                                                         // Mjd: Modified Julian Date from calendar date and time
      int Hour, int Min, double Sec )
                                                         // Input:
{ // Variables
                                                         // Year Calendar date components
                                                         // Month
  long MjdMidnight;
 double FracOfDay;
                                                         // Day
 int b;
                                                         // Hour
                                                                    Time components (optional)
 if (Month<=2) { Month+=12; --Year;}
                                                         // Min
  if ( (10000L*Year+100L*Month+Day) <= 15821004L )
                                                        // Sec
  b = -2 + ((Year + 4716)/4) - 1179; // Julian calendar // <return>: Modified Julian Date
 else
  b = (Year/400)-(Year/100)+(Year/4); // Gregorian calendar
  MjdMidnight = 365L*Year - 679004L + b +
int(30.6001*(Month+1)) + Day;
 FracOfDay = Ddd(Hour,Min,Sec) / 24.0;
 return MidMidnight + FracOfDay;}
```

Григорианская реформа – после 4 октября 1582 г. (JD 2299159,5) следовала дата 15 октября 1582 года (JD 2299160,5).

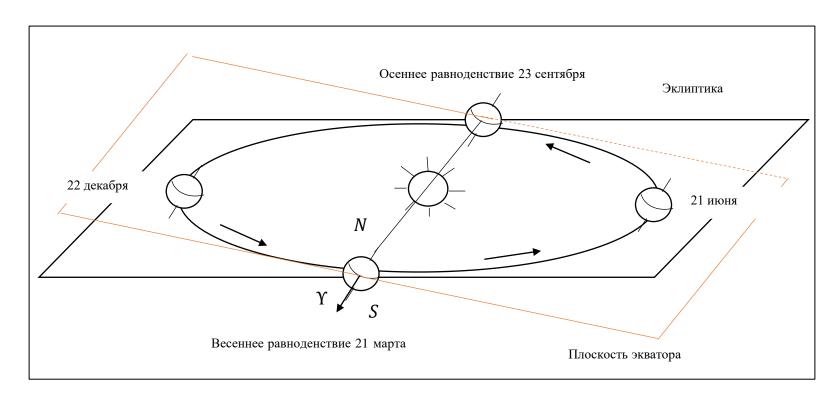
Последние годы столетий, номера которых не делятся на 400 не считаются високосными

Средняя длина года по **григорианскому** календарю $365 + \frac{1}{4}$ —

$$365 + \frac{1}{4} - \frac{1}{100} + \frac{1}{400} = 365,2425$$

```
void CalDat (double Mjd,
       int& Year, int& Month, int& Day, double & Hour)
{ // Variables
 long a,b,c,d,e,f;
 double FracOfDay;
 // Convert Julian day number to calendar date
 a = long(Mjd+2400001.0);
 if (a < 2299161) { // Julian calendar
  b = 0;
  c = a + 1524;
         // Gregorian calendar
 else {
  b = long((a-1867216.25)/36524.25);
  c = a + b - (b/4) + 1525; }
 d = long((c-122.1)/365.25);
 e = 365*d + d/4;
f = long ((c-e)/30.6001);
 Day = c - e - int(30.6001*f);
 Month = f - 1 - 12*(f/14);
 Year = d - 4715 - ((7+Month)/10);
 FracOfDay = Mjd - floor(Mjd);
 Hour = 24.0*FracOfDay;}
```

Эклиптические и экваториальные координаты



Произвольная **эклиптическая** точка (x, y, z) в **экваториальной** системе будет иметь координаты:

$$x' = x$$

 $y' = ycose - zsine$
 $z' = ysine + zcose$

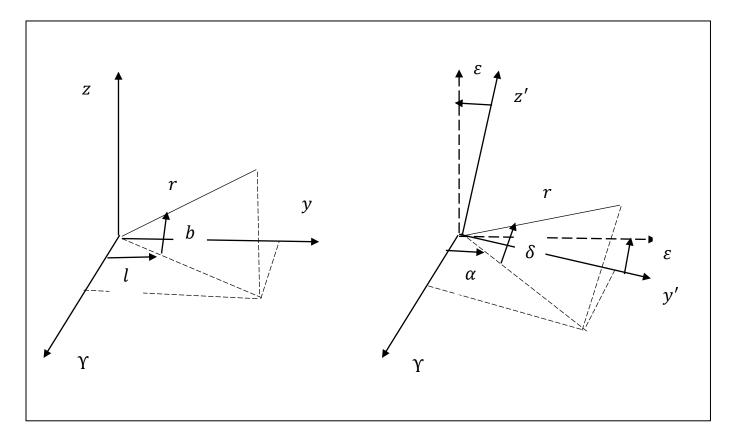
Обратные соотношения:

$$x = x'$$

$$y = y'cos\varepsilon + z'sin\varepsilon$$

$$z = -y'sin\varepsilon + z'cos\varepsilon$$

Связь эклиптических, экваториальных и полярных координат



x = rcosbcosl

y = rcosbsinl

z = rsinb

 $x' = r cos \delta cos \alpha$

 $y' = rcos\delta sin\alpha$

 $z' = r sin \delta$

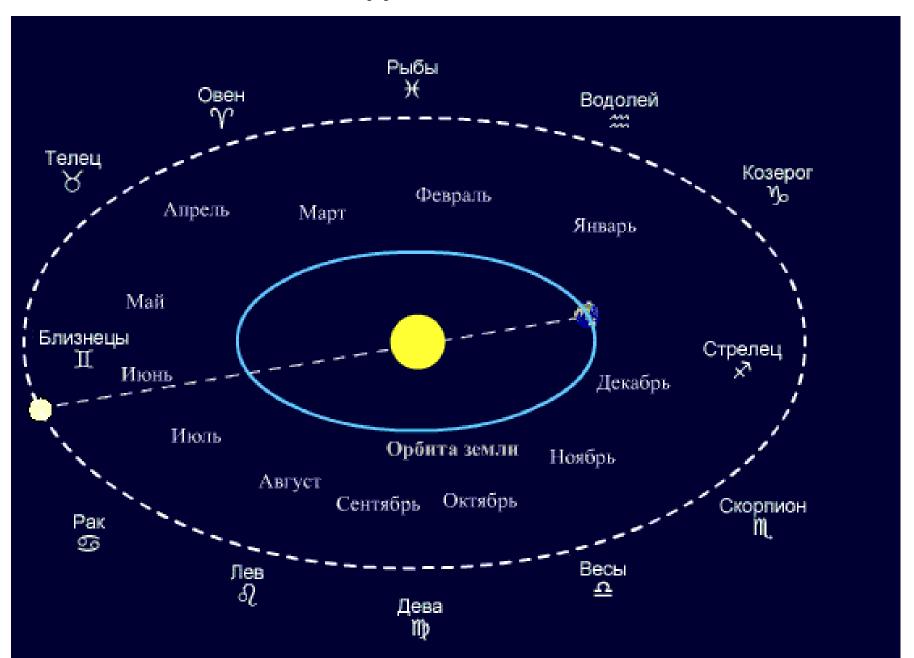
l – эклиптическая **долгота**,

 α – прямое восхождение,

b — эклиптическая **широта**.

 δ – склонение.

Зодиакальный пояс



Эклиптическая система координат (x, y, z)

Эклиптическая долгота знаков Зодиака

```
00° - 30° (21 март - 20 апреля)
Овен
           30° - 60° (21 апреля - 20 мая)
Телец
Близнецы 60° - 90 ° (21 мая - 21 июня)
           90° - 120° (22 июня - 22 июля)
Рак
           120° -150° (23 июля - 23 августа)
Лев
           150° -180° (24 августа - 23 сентября)
Дева
           180° -210° (24 сентября - 23 октября)
Весы
Скорпион 210° -240 ° (24 октября - 22 ноября)
           240° -270° (23 ноября - 21 декабря)
Стрелец
         270°-300° (22 декабря - 21 января)
Козерог
           300° -330° (21 января - 19 февраля)
Водолей
           330° -360° (20 февраля - 20 марта)
Рыбы
```

Первая координата - l (долгота). Вторая координата - b (широта).

Эклиптическая геоцентрическая. Эклиптическая гелиоцентрическая.

Экваториальная система координат (x', y', z')

Первая координата - α (**прямое восхождение**)

Прямое восхождение равно длине дуги небесного экватора от точки весеннего равноденствия до круга склонения светила.

Точка весеннего равноденствия имеет прямое восхождение 0^h; Точка летнего солнцестояния имеет прямое восхождение 6^h;

Точка осеннего равноденствия имеет прямое восхождение 12^h;

Точка зимнего солнцестояния имеет прямое восхождение 18^h.

Вторая координата - δ (склонение)

Склонение равно угловому расстоянию на небесной сфере от плоскости небесного экватора до светила, причём оно положительно для северной полусферы и отрицательно для южной.

- •Любая точка небесного экватора имеет склонение 0°
- •Склонение северного полюса мира равно +90°;
- •Склонение южного полюса мира равно -90°.

Преобразование между эклиптическими и экваториальными координатами

$$r = R_{x}(\varepsilon)r'$$

$$r' = R_{x}^{\mathsf{T}}(\varepsilon)r = R_{x}(-\varepsilon)r$$

Изменение наклона эклиптики

$$\varepsilon = 23^{\circ}, 43929111 - 46'', 8150T - 0'', 00059T^2 + 0'', 001813T^3$$

T – число юлианских столетий, отделяющих эпоху от полудня 1 января 2000 г.

Юлианские эпохи – J1900 (0,5 января 1900, JD 2415020), J2000(полдень января 2000, JD 2451545).

Величину Т для данной эпохи можно вычислить по юлианской дате:

$$T = (JD \ 2451545)/36525$$

Модуль APC_Spheric

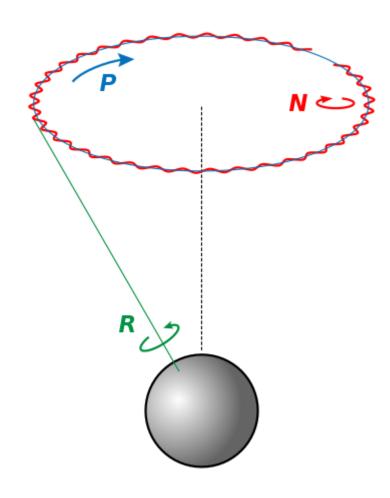
Transformation of equatorial to ecliptical coordinates

```
Mat3D Equ2EclMatrix (double T)
{ // Constants
  const double
  eps = ( 23.43929111-(46.8150+(0.00059-
0.001813*T)*T)*T/3600.0 ) * Rad;
  return R_x(eps);}
```

Transformation of ecliptical to equatorial coordinates

```
Mat3D Ecl2EquMatrix (double T)
{
  return Transp(Equ2EclMatrix(T));
}
```

Прецессия



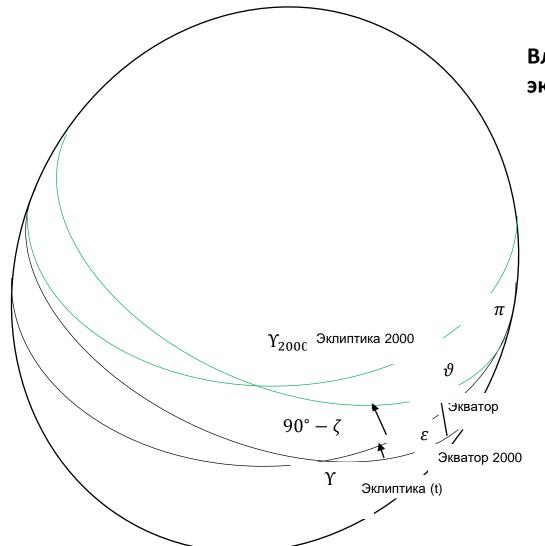
R — вращение, P - прецессия, N — нутация.



Гиппарх Никейский (190 — 125 г. до н. э.)

Наиболее распространенные эпохи:

- эпоха текущей даты;
- эпоха J2000; J2000 1,5 января 2000 = JD2451545,0
- эпоха *B*1950. *B*1950— префикс В означает начало бесселева года (январь 1950 = *ID*2433282,423).



Влияние прецессии на взаиморасположение эклиптики, экватора и точки весеннего равноденствия

 ε – угол между экватором и эклиптикой.

 π – угол между эклиптикой и эклиптикой 2000.

 ϑ – угол между экватором 2000 и экватором.

 $(90^{\circ} - \zeta)$ – угол между экватором 2000 и эклиптикой.

Модуль APC_PrecNut.

Рассмотрим положение эклиптики в моменты времени T и $T+T_0$. Угол между этими плоскостями $\pi=pi$.

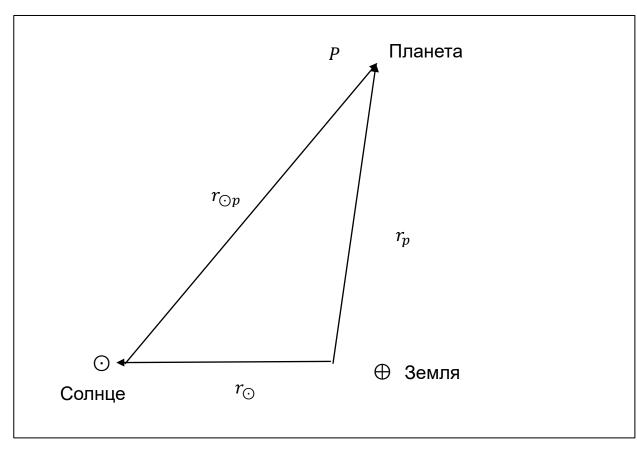
```
\Pi – угол между осью x' и направлением на точку
весеннего равноденствия Y_0 эпохи T_0 (ось x_0). \Pi=Pi
\Lambda – угол между осью x'' и направлением на точку
весеннего равноденствия эпохи T_0 + T (ось x).
p – прецессия по долготе, p=\Pi+\Lambda. p=p_a
Mat3D PrecMatrix Ecl (double T1, double T2)
{ // Constants
 const double dT = T2-T1;
 // Variables
 double Pi, pi, p a;
 Pi = 174.876383889*Rad +
    (((3289.4789+0.60622*T1)*T1)+
       ((-869.8089-0.50491*T1) + 0.03536*dT)*dT)/Arcs;
 pi = ((47.0029-(0.06603-0.000598*T1)*T1)+
       ((-0.03302+0.000598*T1)+0.000060*dT)*dT)*dT/Arcs;
 p a = ((5029.0966 + (2.22226 - 0.000042 * T1) * T1) +
       ((1.11113-0.000042*T1)-0.000006*dT)*dT )*dT/Arcs;
  return R_z(-(Pi+p_a)) * R_x(pi) * R_z(Pi);
```

В экваториальных координатах углам π , Π и Λ соответствуют $90^o-\zeta$, ϑ и 90^o+z .

```
zeta = \zetatheta = \vartheta
```

Геоцентрические координаты и солнечная орбита

Переход от гелиоцентрических координат (отнесенных к центру Солнца) к геоцентрическим (отнесенным к центру Земли).



$$r_{\odot} = \begin{pmatrix} x_{\odot} \\ y_{\odot} \\ z_{\odot} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} RcosBcosL \\ RcosBsinL \\ RsinB \end{pmatrix}$$

$$r_p = r_{\odot p} + r_{\odot}$$

$$r_{\odot p} = r_p - r_{\odot}$$

 $r_{\odot p}$ — гелиоцентрический и r_p — геоцентрический радиус-векторы точки P. r_{\odot} - геоцентрический радиус вектор солнца.

$$x_p = x_{\odot p} + x_{\odot}$$
 $x_{\odot p} = x_p - x_{\odot}$
 $y_p = y_{\odot p} + y_{\odot}$ $y_{\odot p} = y_p - y_{\odot}$
 $z_p = z_{\odot p} + z_{\odot}$ $z_{\odot p} = z_p - z_{\odot}$

Vec3D **SunPos** (double T)

Основная программа Сосо

```
class Position
{ public:
  void Input(); // Запрос параметров
  void SetOrigin(enOrigin Origin);
  void SetRefSys(enRefSys RefSys);
  void SetEquinox(double T_Equinox);
  void Print();
 private:
  Vec3D
        m R; // Радиус-вектор
  enOrigin m_Origin; // Начало координат
  enRefSys m_RefSys; // Система координат
  double m TEquinox; // Равноденствие (в столетиях отJ2000)
          m MjdEpoch; // Эпоха (Модифицированная юлианская дата)};
  double
```

Пример: выбирается экваториальные координаты точки весеннего равноденствия, заданные в полярной форме на эпоху 1950.0. Расстояние равно 1 а. е.

Проведем циклическое изменение команд

Сначала выберем **экваториальные** координаты точки весеннего равноденствия, заданные в **полярной** форме в эпоху 1950.0, расстояние 1 а. е.

```
COCO: coordinate conversions
       (c) 1999 Oliver Montenbruck, Thomas Pfleger
New input:
 Reference system (e=ecliptic,a=equator) ... a
 Format (c=cartesian,p=polar)
 Coordinates (RA [h m s] Dec [o ' "] R) ... 0 0 0.0 0 0 0.0 1.0
 Equinox (yyyy.y)
                                      ... 1950.0
 Origin (h=heliocentric,g=geocentric)
                                      ... g
 Epoch (yyyy mm dd hh.h)
                                      ... 1989 1 1 0.0
Geocentric equatorial coordinates
(Equinox J1950.0, Epoch 1989/01/01 00.0)
 (x,y,z) = (1.000000000, 0.000000000, 0.000000000)
        h m s
 RA = 0 00 00.00 Dec = + 0 00 00.0 R = 1.00000000
Enter command (?=Help) ... _
```

Программа ожидает команды преобразования координат.

- а преобразование в экваториальные координаты;
- е преобразование в эклиптические координаты;
- р прецессия (выбор эпохи);
- д преобразование в геоцентрические координаты;
- h преобразование в гелиоцентрические координаты;
- х выход.

Рассчитаем координаты точки весеннего равноденствия 1950, отнесенные к новой эпохе 2000.0.

```
Enter command (?=Help) ... p
New equinox (yyyy.y) ... 2000.0
Geocentric equatorial coordinates
(Equinox J2000.0, Epoch 1989/01/01 00.0)
 (x,y,z) = (0.99992571, 0.01117889, 0.00485898)
       hms o'"
 RA = 0.02 33.73 Dec = + 0.16 42.2 R = 1.000000000
Enter command (?=Help) ...
```

Преобразуем экваториальные координаты в эклиптические.

```
Enter command (?=Help) ... p
New equinox (yyyy.y) ... 2000.0
Geocentric equatorial coordinates
(Equinox J2000.0, Epoch 1989/01/01 00.0)
 (x,y,z) = (0.99992571, 0.01117889, 0.00485898)
       hms o'"
 RA = 0 02 33.73 Dec = + 0 16 42.2 R = 1.00000000
Enter command (?=Help) ... e
Geocentric ecliptic coordinates
(Equinox J2000.0, Epoch 1989/01/01 00.0)
 (x,y,z) = (0.99992571, 0.01218922, 0.00001132)
 L = 0.4154.27 B = +0.00002.3 R = 1.000000000
Enter command (?=Help) ...
```

Преобразуем координаты из <u>геоцентрических</u> в <u>гелиоцентрические</u> на заданную эпоху, используя команду h.

```
Enter command (?=Help) ... h
Heliocentric ecliptic coordinates
(Equinox J2000.0, Epoch 1989/01/01 00.0)
 (x,y,z) = (0.81725247, 0.97838164, 0.00003597)
                                                          Отменим преобразование в эклиптические
                                                          координаты, выбрав а.
 L = 50 \ 07 \ 39.50 B = + 0 \ 00 \ 05.8 R = 1.27480674
                                  Enter command (?=Help) ... a
Enter command (?=Help) ... _
                                  Heliocentric equatorial coordinates
                                  (Equinox J2000.0, Epoch 1989/01/01 00.0)
                                    (x,y,z) = (0.81725247, 0.89763329, 0.38921086)
Получили гелиоцентрические
эклиптические координаты.
                                          hms o'"
```

RA = 3 10 44.07 Dec = +17 46 36.5 R = 1.27480674

Пересчитаем координаты к исходной эпохе 1950.0

```
Enter command (?=Help) ... p
New equinox (yyyy.y) ... 1950.0
Heliocentric equatorial coordinates
(Equinox J1950.0, Epoch 1989/01/01 00.0)
 (x,y,z) = (0.82911747, 0.88843066, 0.38521087)
       h m s o ' "
 RA = 3 07 54.68 Dec = +17 35 17.2 R = 1.27480674
                                                           Преобразуем в геоцентрические.
Enter command (?=Help) ...
                               Enter command (?=Help) ... g
                               Geocentric equatorial coordinates
                                (Equinox J1950.0, Epoch 1989/01/01 00.0)
                                 (x,y,z) = (1.000000000, -0.000000000, 0.000000000)
                                        hms o'"
                                 RA = 24\ 00\ 00.00 Dec = +\ 0\ 00\ 00.0 R = 1.00000000
```

Сравнение: не удалось войти дважды в одну реку

```
COCO: coordinate conversions
      (c) 1999 Oliver Montenbruck, Thomas Pfleger
New input:
 Reference system (e=ecliptic,a=equator) ... a
 Format (c=cartesian,p=polar) ... p
 Coordinates (RA [h m s] Dec [o ' "] R) ... 0 0 0.0 0 0 0.0 1.0
                   ... 1950.0
 Equinox (yyyy.y)
 Origin (h=heliocentric,g=geocentric) ... g
 Epoch (yyyy mm dd hh.h) ... 1989 1 1 0.0
                                                Enter command (?=Help) ... g
Geocentric equatorial coordinates
                                                Geocentric equatorial coordinates
(Equinox J1950.0, Epoch 1989/01/01 00.0)
                                                (Equinox J1950.0, Epoch 1989/01/01 00.0)
 (x,y,z) = (1.00000000, 0.00000000, 0.00000000)
                                                   (x,y,z) = (1.00000000, -0.00000000, 0.000000000
      hms o'"
 RA = 0.00 00.00 Dec = + 0.00 00.0 R = 1.00000000
                                                          h m s
                                                  RA = 24 00 00.00 Dec = + 0 00 00.0
                                                                                               R = 1.0
Enter command (?=Help) ... _
```

Enter command (?=Help) ...

