

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра информационной безопасности

ОТЧЕТ
по лабораторной работе №7
по дисциплине «Криптография и защита информации»
Тема: Изучение асимметричных протоколов и шифров

Студент гр. 8383

Киреев К.А.

Преподаватель

Племянников А.К.

Санкт-Петербург

2021

Цель работы

Исследовать протокол Диффи-Хеллмана, шифр RSA и получить практические навыки работы с ними, в том числе с использованием приложения Cryptool 1 и 2.

Протокол Диффи-Хеллмана

Основные параметры протокола

p – большое простое число порядка 300 десятичных цифр (1024 бита)

g – порождающий элемент циклической группы (генератор) порядка p , для которого справедливо: $g \bmod p, g^2 \bmod p, g^3 \bmod p \dots g^{p-1} \bmod p$ являются различными целыми из $[1, p - 1]$.

x, y – большие случайные числа такие, что $0 < x < p - 1, 0 < y < p - 1$

$R_1 = g^x \bmod p, R_2 = g^y \bmod p$ – односторонние функции с секретом

Задание

1. Запустите утилиту *Indiv.Procedures->Protocols->Diffie-Hellman demonstration...* и установите все опции информирования в ON.

Выполним настройку протокола.

2. Выполните последовательно все шаги протокола.

Выполним последовательно все шаги протокола. Результат представлен на рис. 1

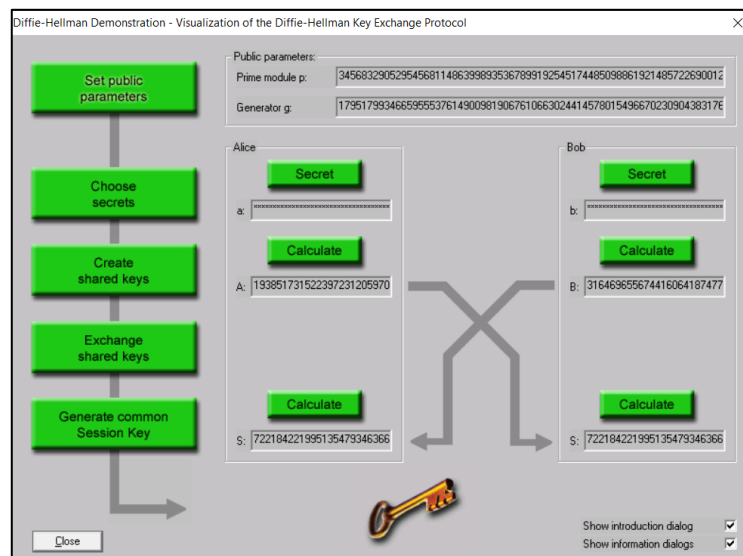


Рисунок 1 – Схема работы протокола в Cryptool

3. Сохраните лог-файл протокола для отчета (пиктограмма с изображением ключа).

Лог-файл протокола представлен в Приложении А.

4. Используйте полученный общий ключ для зашифровки и расшифровки произвольного сообщения. Шифр выберите самостоятельно.

Сгенерированный ключ (256 бит):

12417151302327140036387413502594285668296078066077708036790016544007
7632303169

Исходный текст, зашифрованный и расшифрованный представлены на рис. 2-4 соответственно.

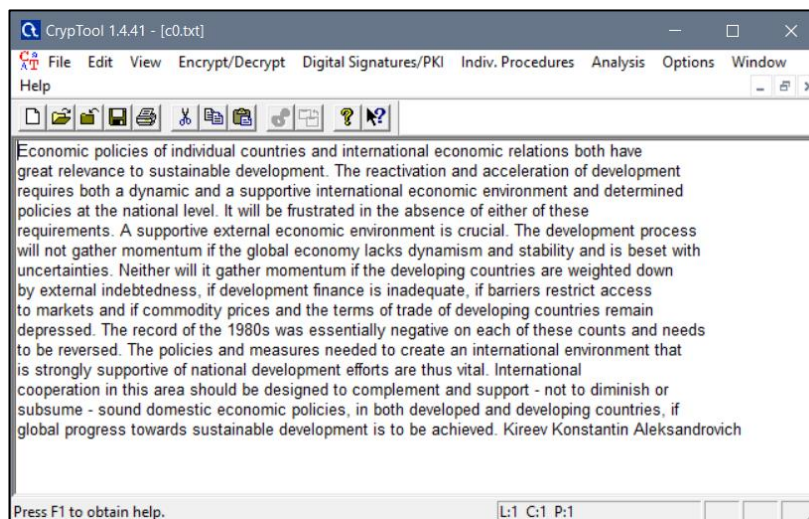


Рисунок 2 – Исходный текст

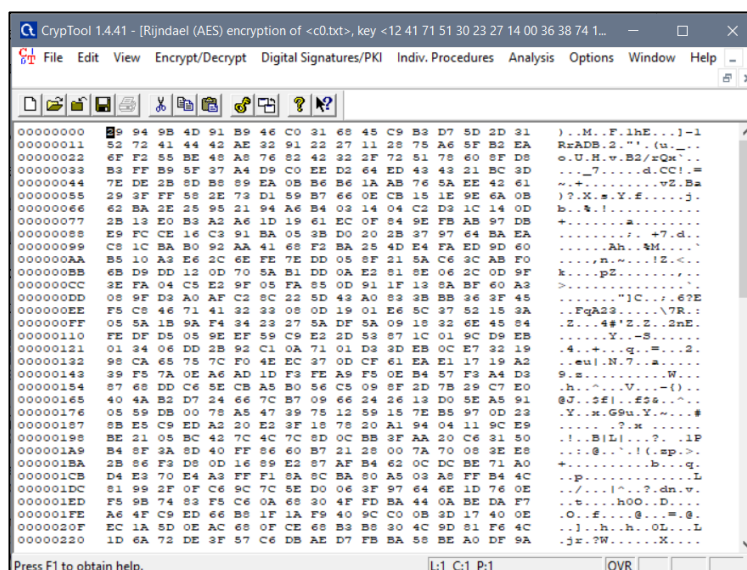


Рисунок 3 – Зашифрованный текст

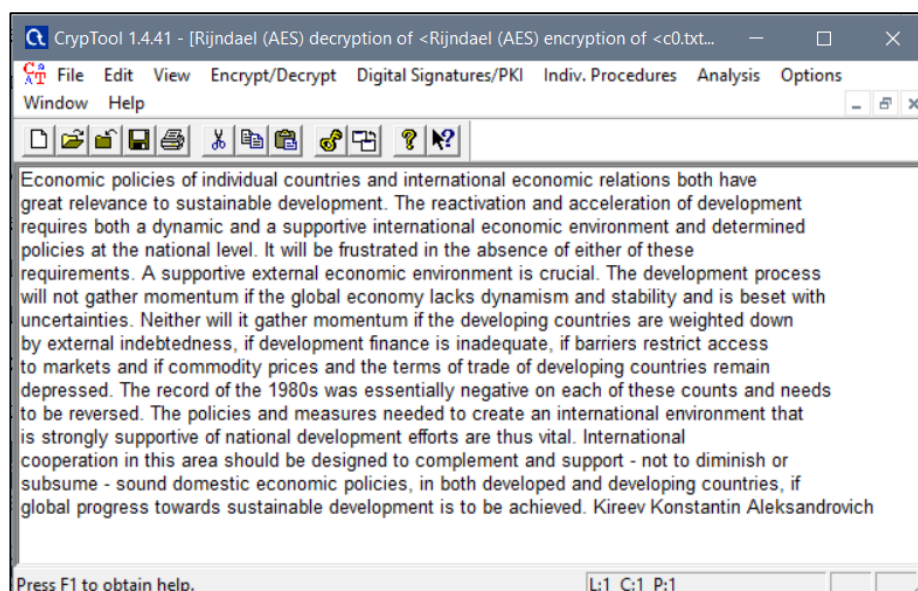


Рисунок 4 – Расшифрованный текст

Сделаем сопоставление схемы протокола и параметров протокола.

Результаты представлены в таблице 1.

Таблица 1 – Соответствия схемы протокола (Cryptool) и параметров протокола

Параметры протокола	Параметры в демо Cryptool 1	Назначение
p	Prime module p	Большое простое число, общедоступно
g	Generator g	Натуральное число, генератор порядка p , общедоступен
x	a	Большое секретное число Алисы
y	b	Большое секретное число Боба
$R_1 = g^x \bmod p$	$A = g^a \bmod p$	Открытый ключ на стороне Алисы
$R_2 = g^y \bmod p$	$B = g^b \bmod p$	Открытый ключ на стороне Боба
$K = R_2^x \bmod p = R_1^y \bmod p$	$S = A^b \bmod p = B^a \bmod p$	Симметричный общий ключ

Шифр RSA

Обобщенная схема шифра

Схема представлена на рис. 5.

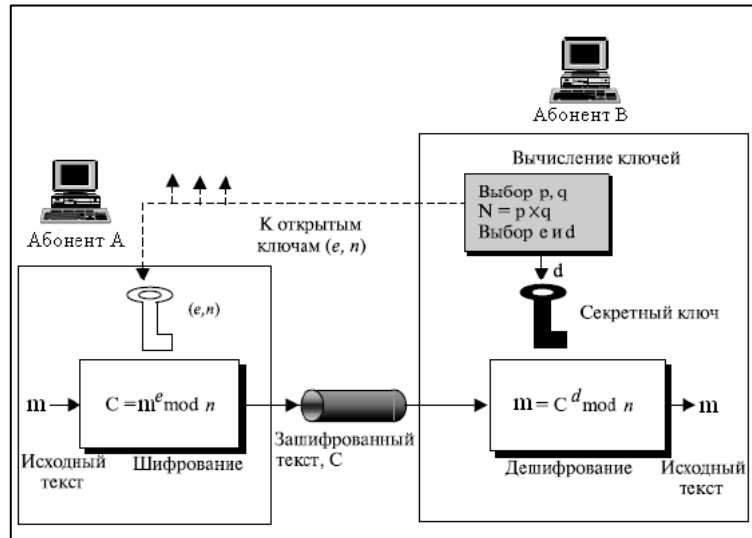


Рисунок 5 – Обобщенная схема шифра

Задание

1. Запустите утилиту *Indiv.Procedures->RSACryptsystem->RSA Demonstration*
2. Задайте в качестве обрабатываемого сообщения свою Ф.И.О. Параметры генерации представлены на рис. 6.

The screenshot shows the "RSA Demonstration" window with the following settings:

- Method:** ☒ "Choose two prime numbers p and q. The composite number $N = pq$ is the public RSA modulus, and $\phi(N) = (p-1)(q-1)$ is the Euler totient. The public key e is freely chosen but must be coprime to the totient. The private key d is then calculated such that $d = e^{-1} \bmod \phi(N)$." ☐ "For data encryption or certificate verification, you will only need the public RSA parameters: the modulus N and the public key e ."
- Prime number entry:** Prime number p is 211, Prime number q is 223. A "Generate prime numbers..." button is present.
- RSA parameters:** RSA modulus N is 47053 (public), $\phi(N) = (p-1)(q-1)$ is 46620 (secret), Public key e is $2^{16}+1$, Private key d is 39653. An "Update parameters" button is present.
- Encryption/Decryption:** "RSA encryption using e / decryption using d [alphabet size: 256]". Input as ☒ text, ☐ numbers. "Alphabet and number system options..." button. Message: "KIREEV KONSTANTIN ALEKSANDROVICH".
- Buttons:** "Encrypt", "Decrypt", "Close".

Рисунок 6 – Параметры генерации ключей

3. Сгенерируйте открытый и закрытый ключи.

Результат генерации открытых и закрытых ключей представлен также на рис. 6.

4. Зашифруйте сообщение. Сохраните скриншот результата.

Зашифруем исходное сообщения (ФИО). Результат представлен на рис. 7

The screenshot shows a web-based RSA encryption tool. At the top, it says "RSA encryption using e / decryption using d [alphabet size: 256]". Below this, there are two radio buttons: "text" (selected) and "numbers". To the right is a button labeled "Alphabet and number system options...". Under "Input text", there is a text box containing "KIREEV KONSTANTIN ALEKSANDROVICH". Below this, a note states: "The Input text will be separated into segments of Size 1 (the symbol '#' is used as separator)." The next line shows the input text with spaces replaced by '#': "K # I # R # E # E # V # K # O # N # S # T # A # N # T # I # N # A # L # E # K # S # A # N # D # R # O # \". Below this, it says "Numbers input in base 10 format." and shows the corresponding numerical representation: "075 # 073 # 082 # 069 # 069 # 086 # 075 # 079 # 078 # 083 # 084 # 065 # 078 # 084 # 073 # 078 # 065 #". The final line shows the encryption formula $c[i] = m[i]^e \pmod{N}$ and the resulting ciphertext: "37165 # 18729 # 05418 # 38712 # 38712 # 12151 # 37165 # 02768 # 46233 # 16806 # 33838 # 24205 # 41".

Рисунок 7 – Зашифрованное сообщение

5. Расшифруйте сообщение. Сохраните скриншот результата.

Выполним расшифровку полученного ранее сообщения. Результат представлен на рис. 8.

The screenshot shows the same RSA encryption tool, but now configured for decryption. The "numbers" radio button is selected. The "Ciphertext coded in numbers of base 10" is entered as "37165 # 18729 # 05418 # 38712 # 38712 # 12151 # 37165 # 02768 # 46233 # 16806 # 33838 # 24205 # 41". Below this, the decryption formula $m[i] = c[i]^d \pmod{N}$ is shown, followed by the resulting numerical plaintext: "00075 # 00073 # 00082 # 00069 # 00069 # 00086 # 00075 # 00079 # 00078 # 00083 # 00084 # 00065 # 01". A note states: "Output text from the decryption (into segments of size 1; the symbol '#' is used as separator)." The next line shows the plaintext with spaces replaced by '#': "K # I # R # E # E # V # K # O # N # S # T # A # N # T # I # N # A # L # E # K # S # A # N # D # R # O # \". Finally, the "Plaintext" box contains the original name: "KIREEV KONSTANTIN ALEKSANDROVICH".

Рисунок 8 – Расшифрованное сообщение

6. Убедитесь, что расшифрование произошло корректно.

Результат, полученный в пункте 5 совпадает с исходным сообщением, что подтверждается скриншотами.

Исследование шифра RSA

Задание

1. Выбрать текст на английском языке (не менее 1000 знаков) и сохранить в файле формата *.txt

Выбранный текст представлен на рис. 9. Размер текста – 1370 символов.

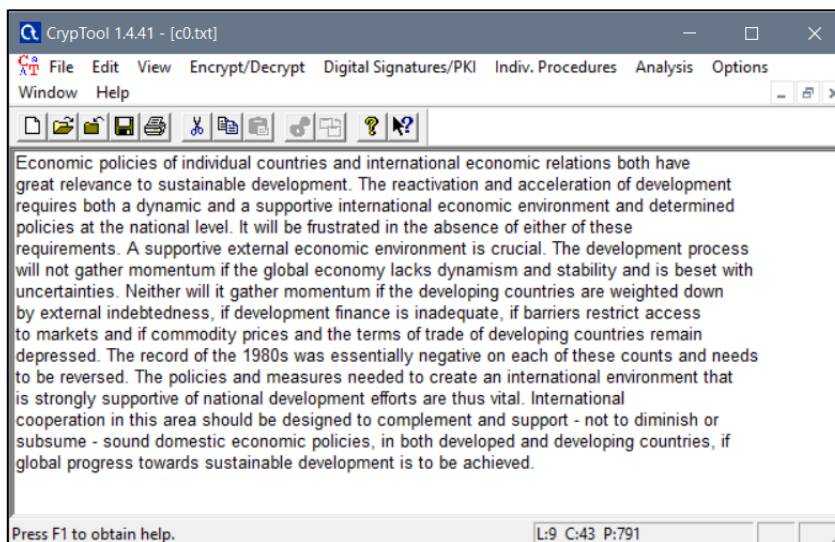


Рисунок 9 – Исходный текст

2. Сгенерировать пары асимметричных RSA-ключей утилитой Digital Signatures->PKI->Generate/Import Keys с различными длинами (4 варианта).

Сгенерируем 4 пары ключей с различными длинами. Сведем результаты генерации в таблицу 2.

Таблица 2 – Генерация пар открытого ключа

Длина ключа	Экспонента	Модуль
512	133198467293462584398013991771310373191061268665400438080475397996 734864242124082307464623576794100603587949109819802126051944852541 86140979003524941663739	65537
768	152527828329761931191006349981856758461469475393449723521100617921 171412930999745996738627622594557135520600347829668698151692350821 629322346996908066949566926581173878307184661372332473004979300542 3058777063662758935199557814710673	65537

1024	177759226827302624048860216171917823140697757867858773859161295919 692606717404845380636509842228606216350733255147561412478272154092 615450114511688952326126365098976782841274756391936483164299831866 125261668761396060393413511981952519518466436753214036034420315745 955717480816171306818379362644105300870962459	65537
2048	323109371058708416266656595648452754174333348193902193171996903442 700350239156397595702169172086538616542528689191035859255688474215 050590202079634184936461779878269976027563288549287810336137424975 006300398229553158498092796428867900487515916341283623209469038052 060082051329403711108716814516663812941089853312284248288485307903 095415448882981070861532811224763145523013164687762518425532488400 598855058182475807406709027753382461209936594862590680356347769649 441481571107490676245590569946520005919060285409169467202443442925 685202725482229405796436545576286936466778012323800657991803203382 26731451906438759096813	65537

3. Зашифровать текст (примерно 1000 символов) различными открытыми ключами. Зафиксировать время зашифровки.

Зафиксированное время представим в таблице 3.

4. Расшифровать текст различными закрытыми ключами. Зафиксировать время расшифровки. Зафиксированное время представим в таблице 3.

Таблица 3 – Генерация пар открытого ключа

Длина ключа	Время зашифровки (с)	Время расшифровки (с)
512	0.000	0.004
768	0.000	0.008
1024	0.000	0.012
2048	0.000	0.049

5. Проверить корректность расшифровки. Зафиксировать скриншоты результата.

Результат шифрования и расшифрования исходного текста различными открытыми и закрытыми ключами представлен на рис. 10 - 13 соответственно.

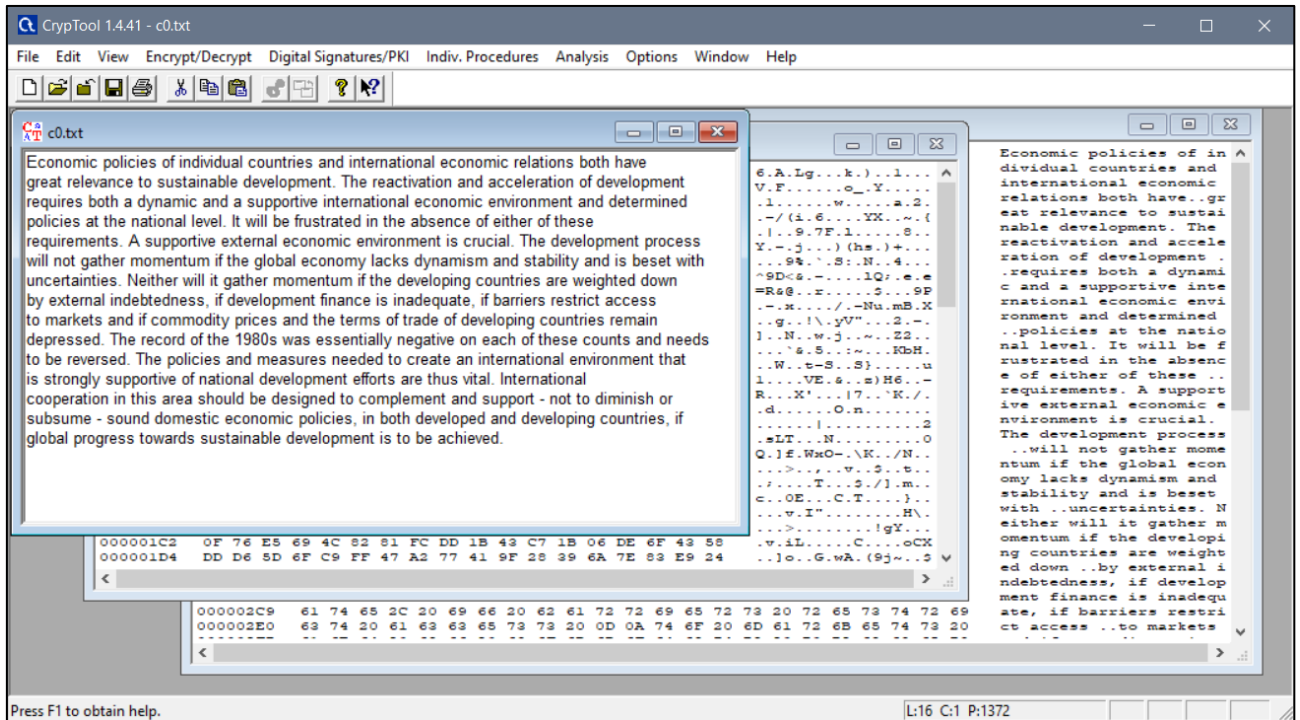


Рисунок 10 – Результат шифровки и расшифровки RSA с длиной ключа 512

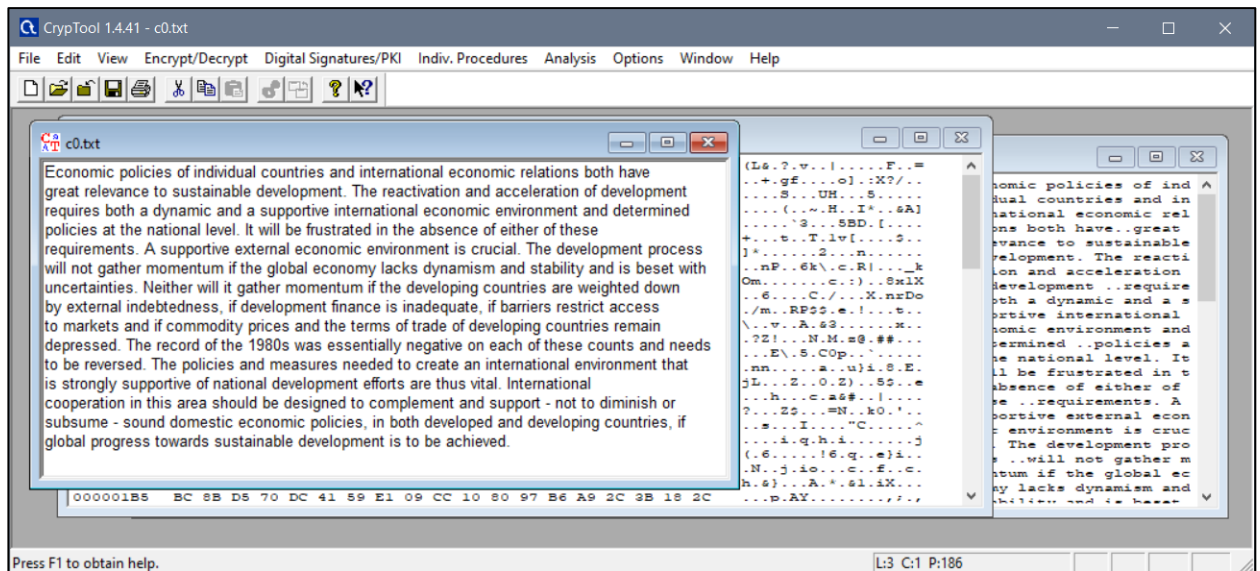


Рисунок 11 – Результат шифровки и расшифровки RSA с длиной ключа 768

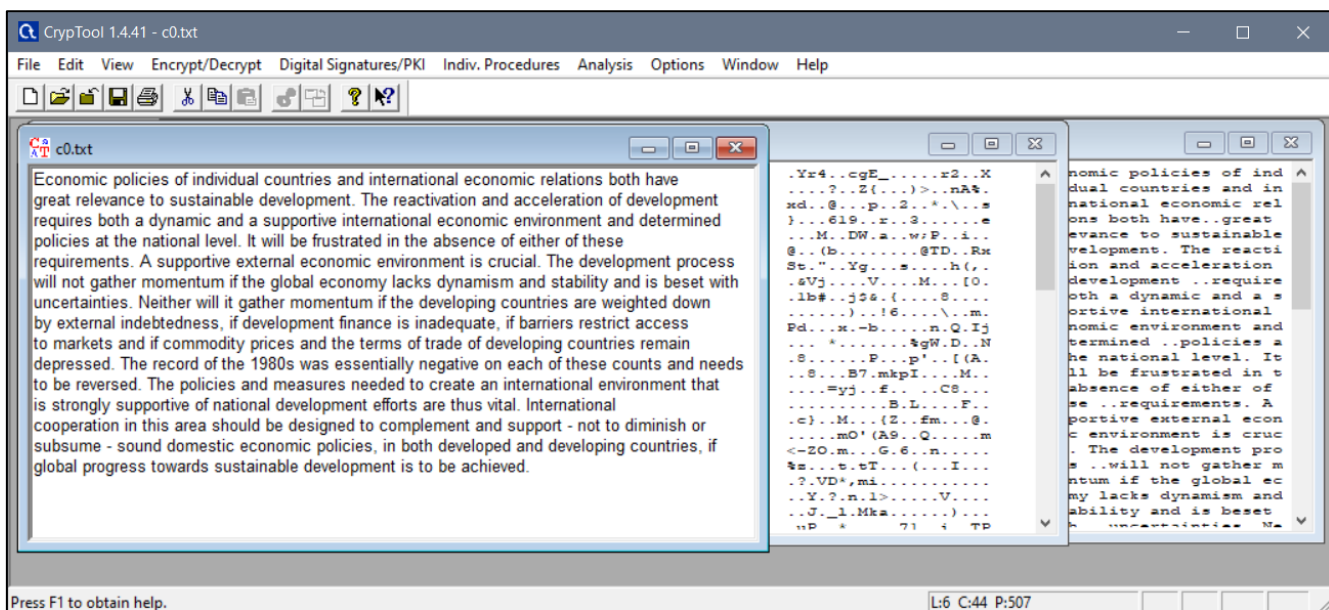


Рисунок 12 – Результат шифровки и расшифровки RSA с длиной ключа 1024

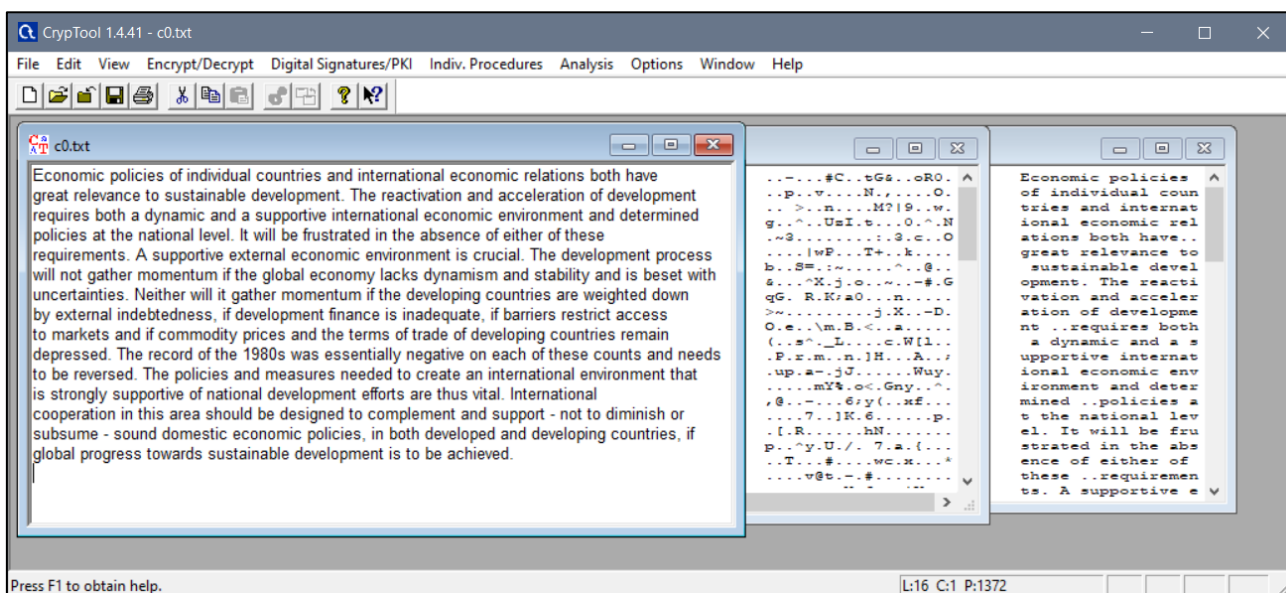


Рисунок 13 – Результат шифровки и расшифровки RSA с длиной ключа 2048

Атака грубой силы на RSA

Задание

1. Запустите утилиту Indiv.Procedures->RSACryptosystem->RSA

Demonstration

2. Установите переключатель в режим «Choose two prime...».
3. Выберите параметры p и q так, чтобы $n = pq > 256$.
4. Задайте открытый ключ e .

Полученные параметры представлены на рис. 14.

Prime number entry

Prime number p: 181

Prime number q: 229

Generate prime numbers...

RSA parameters

RSA modulus N: 41449 (public)

$\phi(N) = (p-1)(q-1)$: 41040 (secret)

Public key e: $2^{16}+1$

Private key d: 9953

Update parameters

Рисунок 14 – Генерация открытого и закрытого ключей

5. Зашифруйте произвольное сообщение и передайте его вместе с n и e коллеге. В ответ получите аналогичные данные от коллеги.

Результат шифрования сообщения из пункта 3 представлен на рис. 15.

RSA Demonstration

RSA using the private and public key -- or using only the public key

☒ Choose two prime numbers p and q. The composite number $N = pq$ is the public RSA modulus, and $\phi(N) = (p-1)(q-1)$ is the Euler totient. The public key e is freely chosen but must be coprime to the totient. The private key d is then calculated such that $d = e^{-1} \pmod{\phi(N)}$.

☐ For data encryption or certificate verification, you will only need the public RSA parameters: the modulus N and the public key e.

Prime number entry

Prime number p: 181

Prime number q: 229

Generate prime numbers...

RSA parameters

RSA modulus N: 41449 (public)

$\phi(N) = (p-1)(q-1)$: 41040 (secret)

Public key e: $2^{16}+1$

Private key d: 9953

Update parameters

RSA encryption using e / decryption using d [alphabet size: 256]

Input as ☒ text ☐ numbers

Alphabet and number system options...

Input text

aboba aboba aboba aboba

The Input text will be separated into segments of Size 1 (the symbol '#' is used as separator).

a # b # o # b # a # # a # b # o # b # a # # a # b # o # b # a # # a # b # o # b # a

Numbers input in base 10 format.

097 # 098 # 111 # 098 # 097 # 032 # 097 # 098 # 111 # 098 # 097 # 032 # 097 # 098 # 111 # 098 # 097 #

Encryption into ciphertext $c[i] = m[i]^e \pmod{N}$

02555 # 14041 # 28155 # 14041 # 02555 # 05051 # 02555 # 14041 # 28155 # 14041 # 02555 # 05051 # 0:

Encrypt Decrypt Close

Рисунок 15 – Зашифрованное сообщение

Полученные данные от коллеги:

$$(e, n) = (2^{16} + 1, 41449)$$

Сообщение: **02555 # 14041 # 28155 # 14041 # 02555 # 05051 # 02555 # 14041 # 28155 # 14041 # 02555 # 05051 # 02555 # 14041 # 28155 # 14041 # 02555 # 05051 # 02555 # 14041 # 28155 # 14041 # 02555**

6. Запустите утилиту Indiv.Procedures->RSACryptosystem->RSADemonstration и установите переключатель в режим «For data encryption...»

7. Выполните факторизацию модуля n командой Factorize...

Выполним факторизацию модуля n . Результат представлен на рис. 16

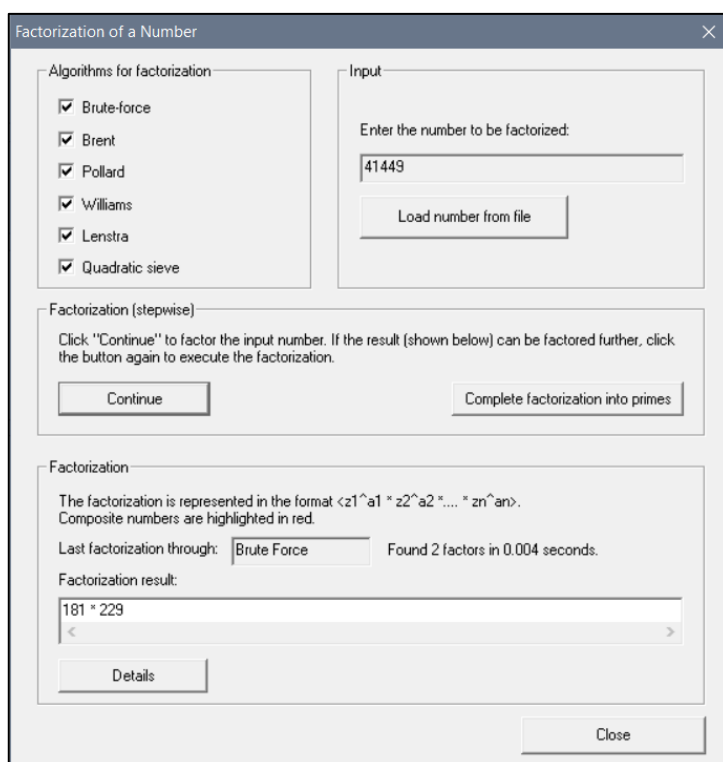


Рисунок 16 – Факторизация модуля

8. Используйте полученный результат для расшифровки сообщения, полученного от коллеги. Проверьте корректность.

Выполним расшифровку полученного сообщения. Результат представлен на рис. 17

Рисунок 17 – Расшифрованное сообщение

Имитация атаки на гибридную криптосистему.

Цель атаки

Определить симметричный секретный ключ, зашифрованный открытым ключом криптосистемы. Атака на гибридную модель основана на том, что злоумышленник перехватывает цифровой конверт, содержащий зашифрованное сообщение и зашифрованный секретный ключ. Затем, модифицируя полученные данные, побитово восстанавливает зашифрованный секретный ключ, анализируя положительные и отрицательные ответы сервера.

Задание

1. Подготовьте текст передаваемого сообщения на английском с вашим именем в конце.

Исходный текст представлен на рис. 18.

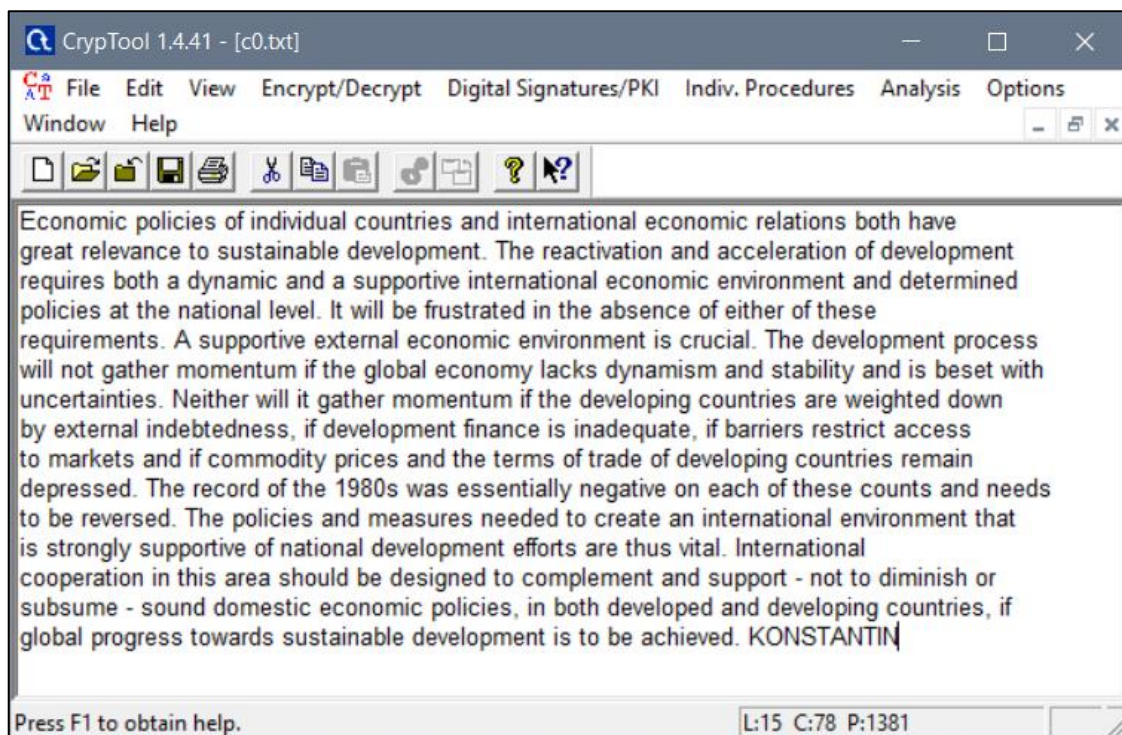


Рисунок 18 – Исходный текст

2. Запустите утилиту *Analysis->Asymmetric Encr...->Side-Channel attack on «Textbook RSA»...*
3. Настройте сервер, указав в качестве ключевого слова ваше имя, используемое в конце текста.

Настроим сервер, указав в качестве ключевого слова KONSTANTIN.

Настройки представлены на рис. 19.

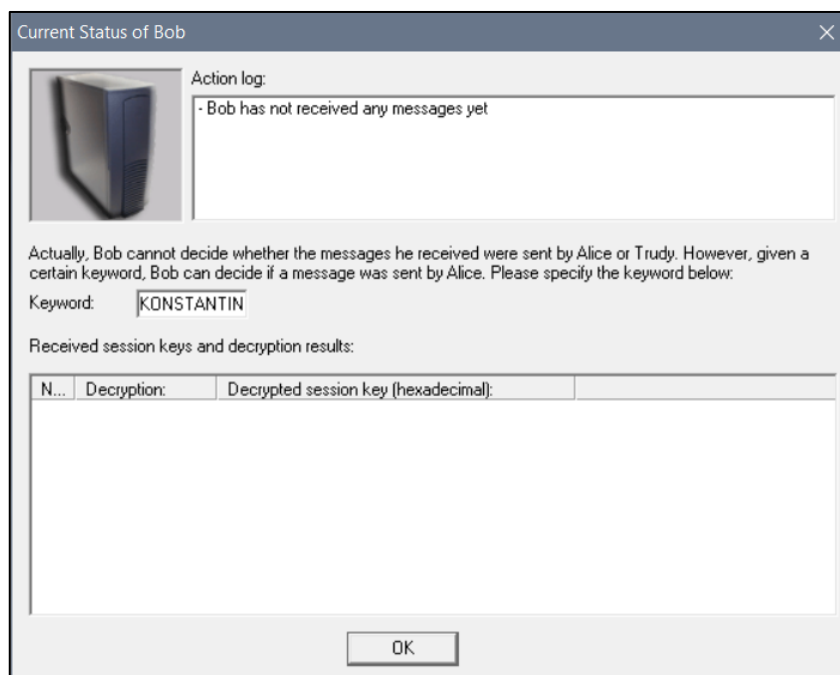


Рисунок 19 – Настройки сервера

4. Выполните последовательно все шаги протокола.
5. Сохраните лог-файлы участников протокола для отчета.

Лог-файлы участников протокола представлены ниже:

I. PREPARATIONS

Alice composes a message M, addressed to Bob.

Alice chooses a random session key S: 8722A33E83020666D589005E7A363A14

Alice symmetrically encrypts the message M with the session key S.

Alice chooses Bob's public key e: 010001

Alice asymmetrically encrypts the session key S with Bob's public RSA key e:

3519BBEA4B68AB90213B4828AA71092EB8EFDBF907FC7DEB9E9C59D4C8C4091ADEC4747
0A12920786A0D5C8A2979F588B8631125B3C1D72AD66947C86AEA92D7641310704CC527
8664B8BBBBBAC60AF4E9CC34253897192CF29B2F91D78E1B19E3A3CFA32E62FF578570E5
249F23D0DFC45797BE8A6DBB9608F75852B253B8AE

II. MESSAGE TRANSMISSION

Alice sends the hybrid encrypted file to Bob over an insecure channel.

III. MESSAGE INTERCEPTION

Trudy intercepts the hybrid encrypted file and isolates the encrypted session key S:

3519BBEA4B68AB90213B4828AA71092EB8EFDBF907FC7DEB9E9C59D4C8C4091ADEC4747
0A12920786A0D5C8A2979F588B8631125B3C1D72AD66947C86AEA92D7641310704CC527
8664B8BBBBBAC60AF4E9CC34253897192CF29B2F91D78E1B19E3A3CFA32E62FF578570E5
249F23D0DFC45797BE8A6DBB9608F75852B253B8AE

IV. BEGINNING OF THE ATTACK CYCLE

She sends an exact copy of the original, encrypted message to Bob and extends it with the session key S' (encrypted with Bob's public key). Compared to the message sent by Alice, Trudy simply replaces the encrypted session key [ENC(S, PubKeyBob) is replaced by ENC(S', PubKeyBob)].

Trudy repeats this step 130 times, whereas the step count depends on the bit length of the used session key (step count = bit length + 2).

Выводы

- Изучен протокол Диффи-Хеллмана.

Данный протокол позволяет паре пользователей выработать секретный ключ, не обмениваясь секретными данными по небезопасному каналу связи. Математическая модель протокола: общедоступная пара чисел p, g – первое — это большое простое число (более 300 десятичных цифр), второе — генератор (первообразный корень по модулю p), а также числа x, y , известные только отправителям. Сгенерированный секретный ключ использовался для шифрования текста. Результат расшифровки совпал с исходным текстом.

- Изучен шифр RSA

Это ассиметричный блочный шифр. Параметрами шифра являются два больших простых числа p, q , которые нужно уничтожить после вычисления пары закрытого и открытого ключей. Первый участник генерирует два ключа и передает открытый ключ (e, n) своему коллеге, ключ используется при зашифровке сообщений. Далее он же использует закрытый ключ для расшифровки.

- Исследовано время шифрования и расшифрования в зависимости от длины ключа.

Выполнение этих операций занимает мало времени. Время зашифровки во всех случаях составило 0 секунд, время расшифровки увеличивалось с ростом длины ключа. Для 512 битного ключа время составило 0.004 секунд, а для 2048 битного ключа – 0.049.

- Изучена атака грубой силы на шифр RSA.

При проведении атаки грубой силой был факторизован модуль, что привело к успешной атаке. Полученный результат был использован для расшифровки сообщения, полученного от коллеги. Результат расшифровки совпал с исходным текстом.

- Проведена атака на гибридную криптосистему.

Данная атака позволяет определить симметричный секретный ключ, зашифрованный открытым ключом криптосистемы. Нарушитель может

перехватывать и модифицировать сообщения, адресованные серверу, сервер не определяет, от кого был получен конверт, нарушитель может классифицировать ответы сервера как случаи успешной и неуспешной расшифровки.

ПРИЛОЖЕНИЕ А

Лог-файл работы протокола

At first, Alice and Bob agreed on the public parameters. So they chose a prime p and a generator g :

p : 64459422689066243011729968057438442455606356397837044700733361991165383163799

g : 6835904731045275063184595076695634066793443856347828352408165274801660850257

Alice chose her secret number 'a' while Bob chose his secret number 'b':

a : 73621867518612817405412948767488167845540478546630240272068552121036616382420

b : 7635483588583221188484853304412005824656262029298318331166692997385522576593

If the chosen secret values a and b are greater or equal the prime module p , then they need to be reduced modulo p . The actual values are given below:

a (reduced mod p):

73621867518612817405412948767488167845540478546630240272068552121036616382420

b (reduced mod p):

7635483588583221188484853304412005824656262029298318331166692997385522576593

On the basis of the previously chosen secret numbers, Alice and Bob created their respective shared keys. Alice computed her shared key A , while Bob computed his shared key B :

A : 42292087654244703307789697878323372775676889153305663400469506007560852522634

B : 54731846447258075473186770531678747926930663057782991212159515734043999430645

In order to calculate their secret and common Session Key, Alice and Bob exchanged their shared keys: Alice sent her shared key A to Bob and Bob sent his shared key B to Alice.

Alice and Bob were able to calculate the secret and common Session Key now. Alice computed the Session Key SA , Bob computed the Session Key SB :

SA : 124171513023271400363874135025942856682960780660777080367900165440077632303169

SB : 124171513023271400363874135025942856682960780660777080367900165440077632303169

Theoretically it is now possible for Alice and Bob to use their Session Keys to encrypt documents they would like to exchange covertly.