## 数学·贝壳 Sharepapers 资源库项目组荣誉出品

试卷名称:北京科技大学 2012-2013 学年第二学期常微分方程试卷 (A)

试卷来源: 试题原卷

整理人员: 宗德

录入时间: 2014/1/24

试卷现状: ☑原题 □答案 □解析

- 一、计算题(本题共5小题,每题8分,满分40分)
- $1.求方程\frac{dy}{dx} = y^2 cosx$ 的通解.
- 2.求解方程  $2(3xy^2 + 2x^3)dx + 3(2x^2y + y^2)dy = 0$ .
- $3.求方程\frac{dy}{dx} = \frac{y}{y^3 + x}$ 的通解.
- 4.求解方程 $\left(y + x tan \frac{y}{x}\right) dx x dy = 0.$
- 5.求方程 $\frac{dy}{dx} \frac{6}{x}y = -xy^2$ 的通解.
- 二、解答题(本题共4小题,每题10分,满分40分)
- 6.求y'' + 4y' + 4y = cos2x的通解.
- 7.求解方程 $yy'' y'^2 = 0$ .
- 8.求方程组  $\begin{cases} \frac{dx}{dt} = 6x 6y \\ \frac{dy}{dt} = 2x y \end{cases}$ 的标准基解矩阵expAt.

9.求初值问题 $\frac{dy}{dx} = x + y^2$ 过点(0,0)的第三次近似解 $\varphi_3(x)$ .

三、综合题与证明题

10. (12分) 在第一象限求一曲线, 使在其上每一点的切线截割坐标轴而成的直角三角形的面积都等于 2. (注: 可以利用克莱罗方程的通解公式)

 $11.(8 \, \mathcal{G})$ 设n元线性方程组x' = A(t)x,若该方程组有n个线性无关的解向量 $x_1(t)$ , $x_2(t)$ ,…, $x_n(t)$  ( $a \le t \le b$ ),则这n个函数的伏朗斯基行列式 $W(t) \ne 0$ , $a \le t \le b$ .

