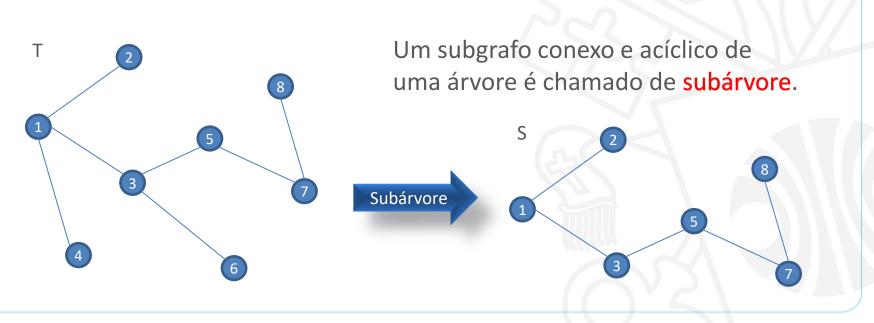
Árvore

Zenilton Patrocínio

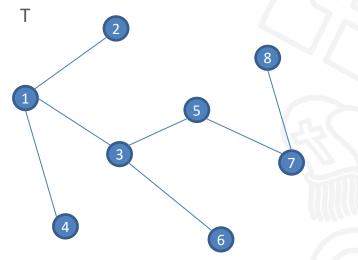
Árvore – Definição

Uma árvore é um grafo conexo e acíclico (ou sem ciclos).



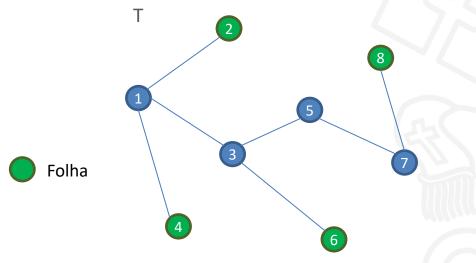
Árvore – Nomenclatura

Vértices de grau 1 são chamados folhas e vértices internos possuem grau maior ou igual a 2.



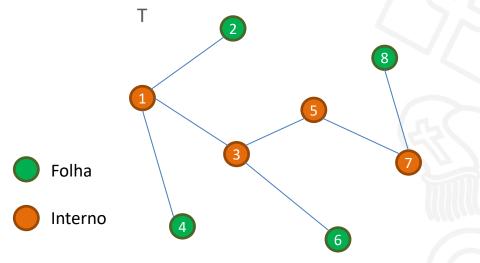
Árvore – Nomenclatura

Vértices de grau 1 são chamados folhas e vértices internos possuem grau maior ou igual a 2.



Árvore – Nomenclatura

Vértices de grau 1 são chamados folhas e vértices internos possuem grau maior ou igual a 2.



Seja T uma árvore com *n* vértices então:

Seja T uma árvore com *n* vértices então:

• T possui n-1 arestas;

T

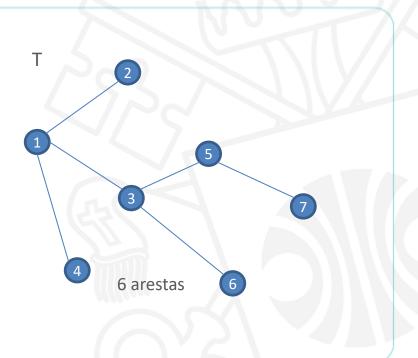


0 arestas

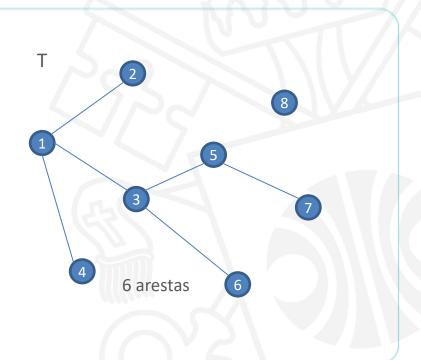
Seja T uma árvore com *n* vértices então:



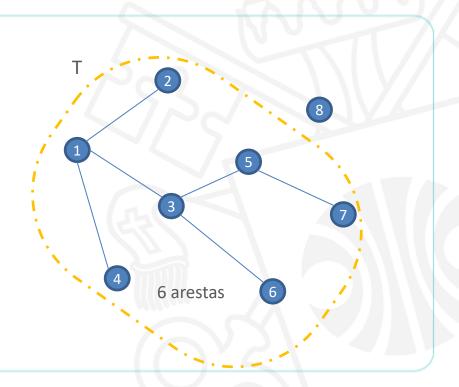
Seja T uma árvore com *n* vértices então:



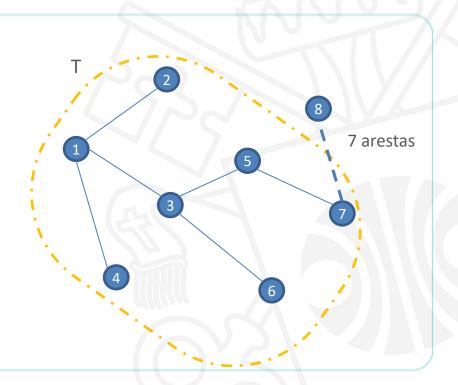
Seja T uma árvore com *n* vértices então:



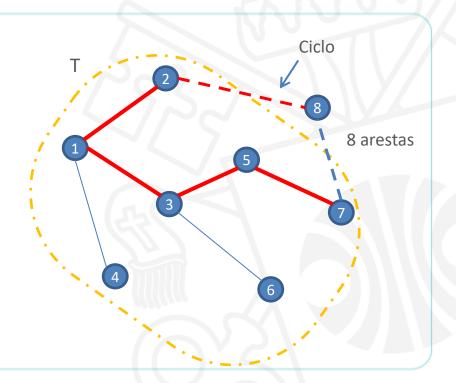
Seja T uma árvore com *n* vértices então:



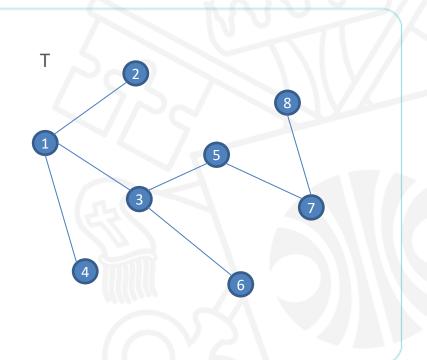
Seja T uma árvore com *n* vértices então:



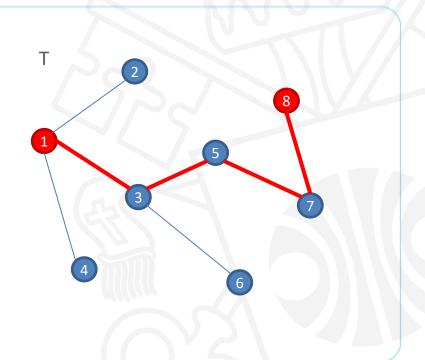
Seja T uma árvore com *n* vértices então:



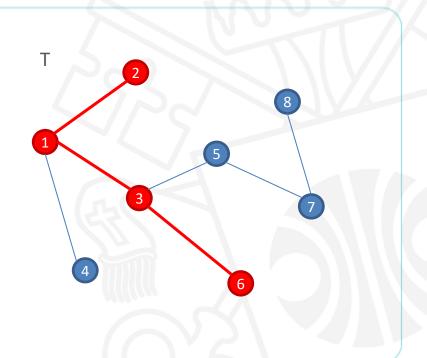
- T possui n-1 arestas;
- T possui pelo menos duas folhas, se
 n > 2;



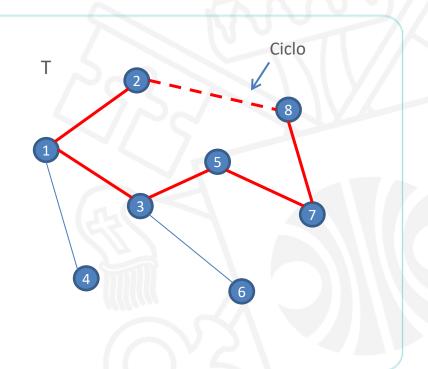
- T possui n-1 arestas;
- T possui pelo menos duas folhas, se
 n > 2;
- T possui um único caminho entre cada par de vértices;



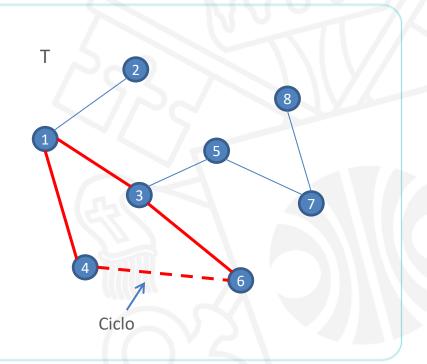
- T possui *n* − 1 arestas;
- T possui pelo menos duas folhas, se
 n > 2;
- T possui um único caminho entre cada par de vértices;



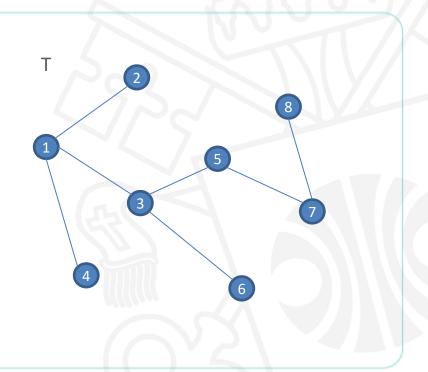
- T possui *n* − 1 arestas;
- T possui pelo menos duas folhas, se
 n > 2;
- T possui um único caminho entre cada par de vértices;
- A adição de uma nova aresta a T forma um único ciclo.

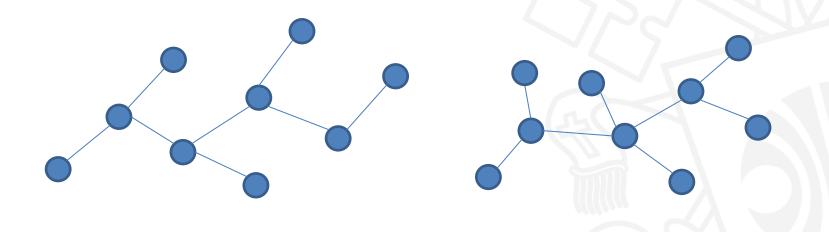


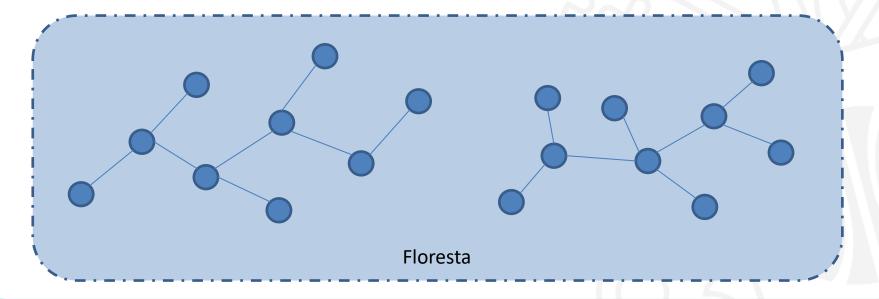
- T possui n-1 arestas;
- T possui pelo menos duas folhas, se
 n > 2;
- T possui um único caminho entre cada par de vértices;
- A adição de uma nova aresta a T forma um único ciclo.

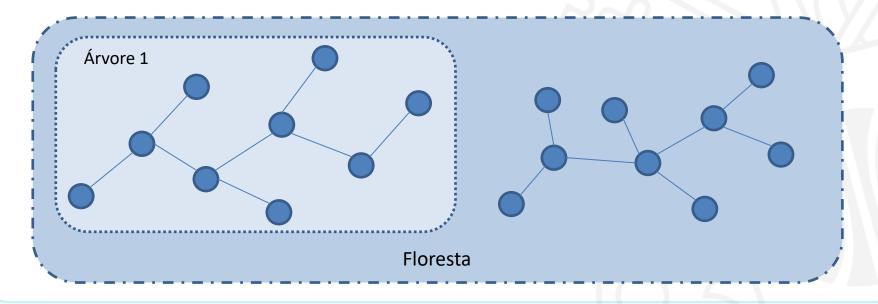


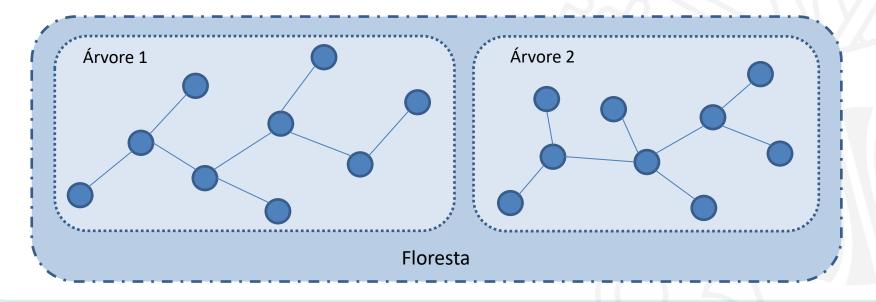
- T possui n-1 arestas;
- T possui pelo menos duas folhas, se
 n > 2;
- T possui um único caminho entre cada par de vértices;
- A adição de uma nova aresta a T forma um único ciclo.











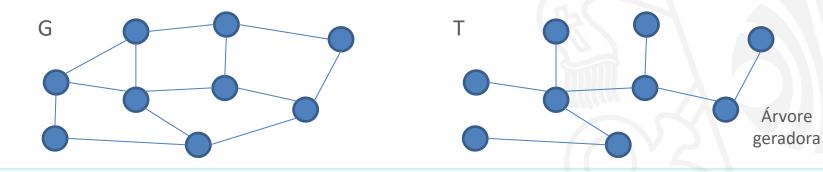
Árvore Geradora

Árvore Geradora

Uma árvore geradora de um grafo não direcionado G é um subgrafo gerador de G que também é uma árvore.

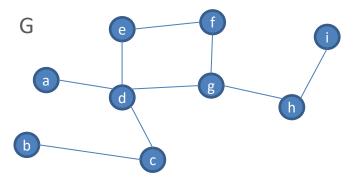
Pode-se dizer então que T = (V, E_T), em que $E_T \subseteq E$, $|E_T| = |V| - 1$ e T é conexo.

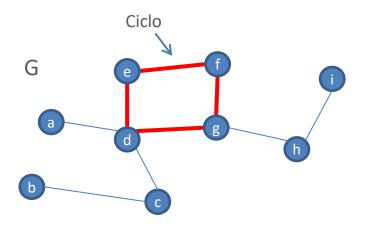
Um grafo G possui uma árvore geradora se e somente se G for conexo.

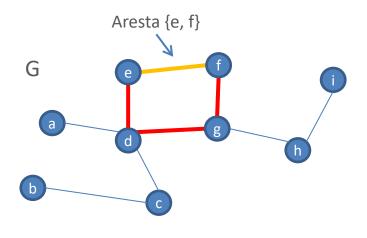


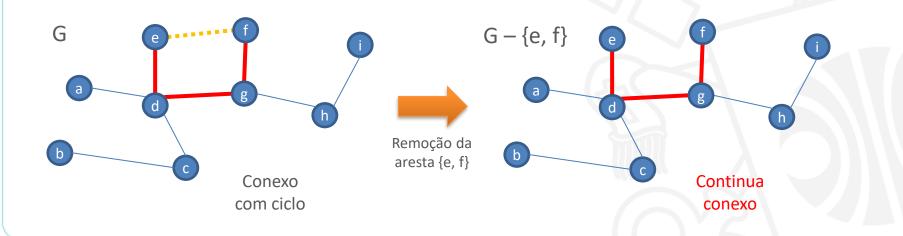
Floresta Geradora

Uma floresta geradora é uma coleção de árvores geradoras. G Floresta geradora









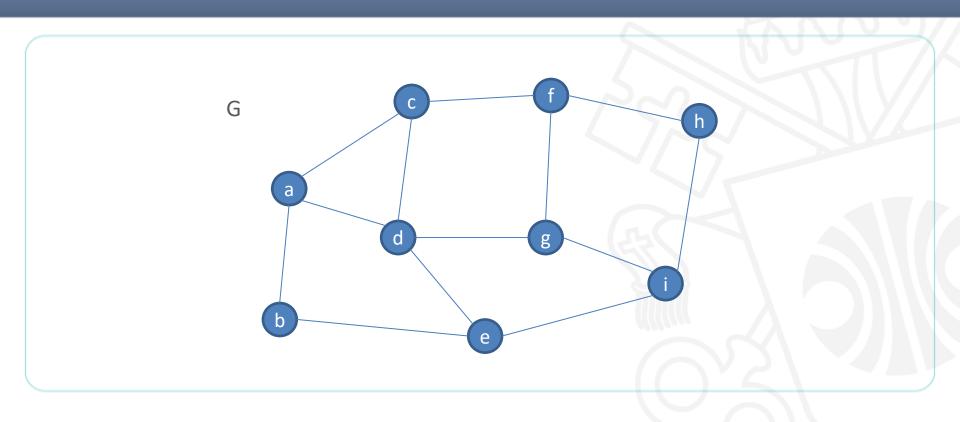
Dado um grafo conexo G, pode-se obter uma árvore geradora de G da seguinte forma:

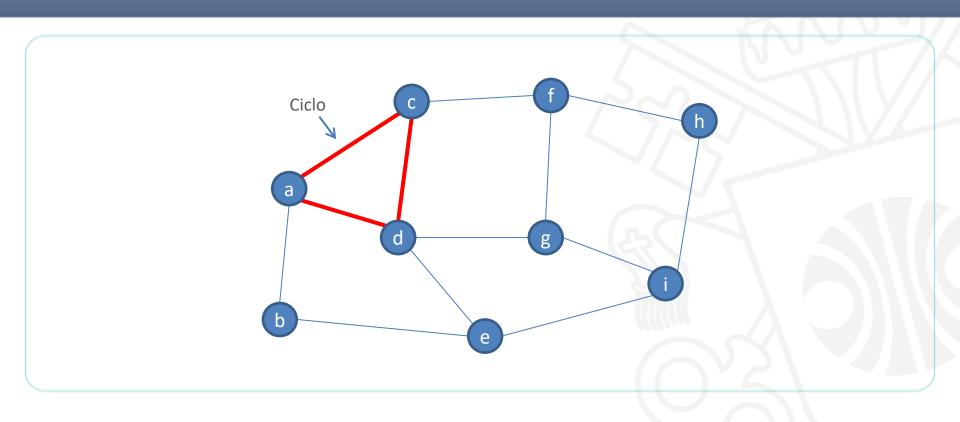
enquanto G possui algum ciclo efetuar

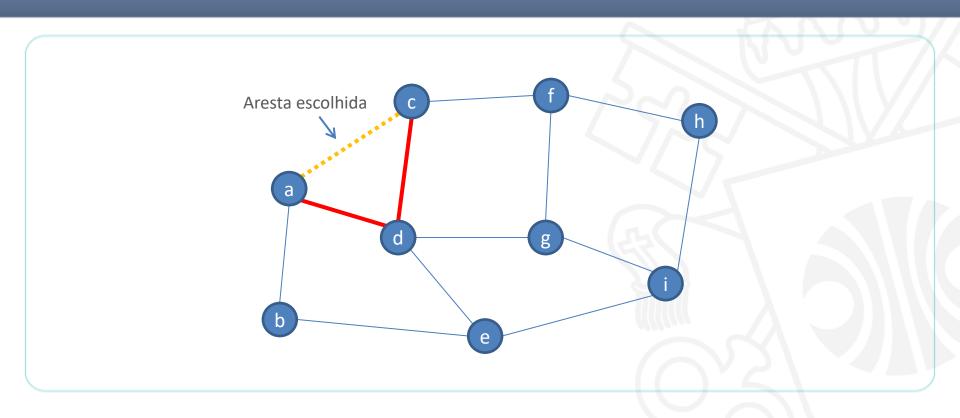
Selecionar um ciclo qualquer de G.

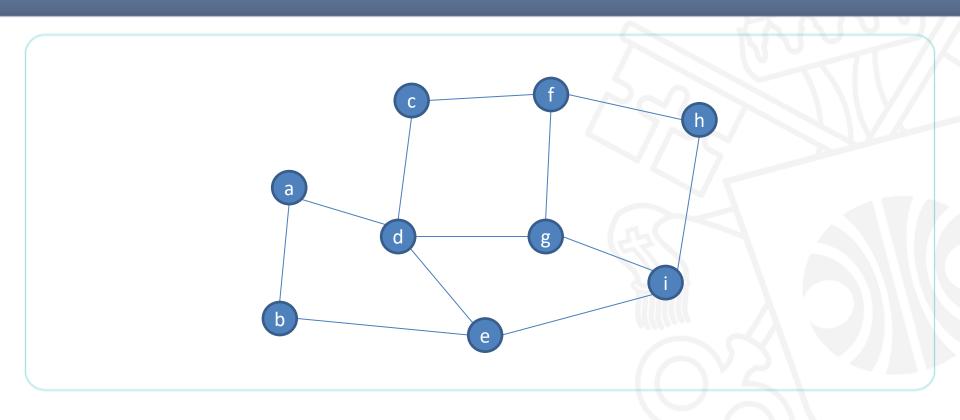
Remover uma das arestas do ciclo selecionado.

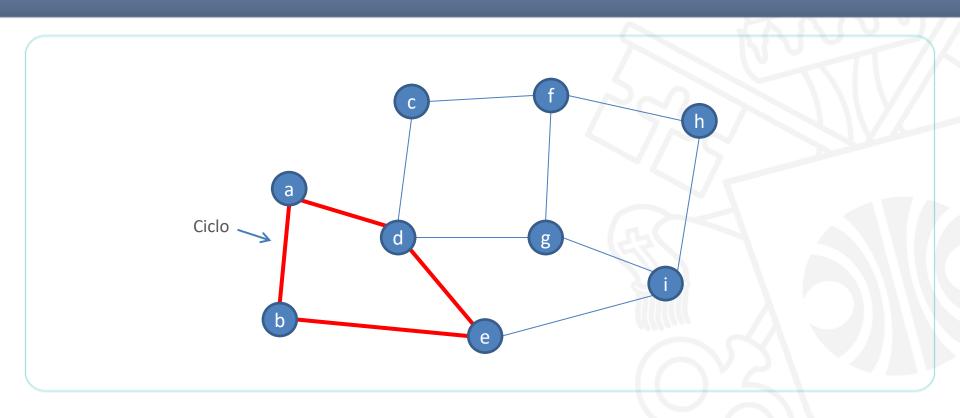
Se G for desconexo, o mesmo processo pode ser usado para obter uma floresta geradora.

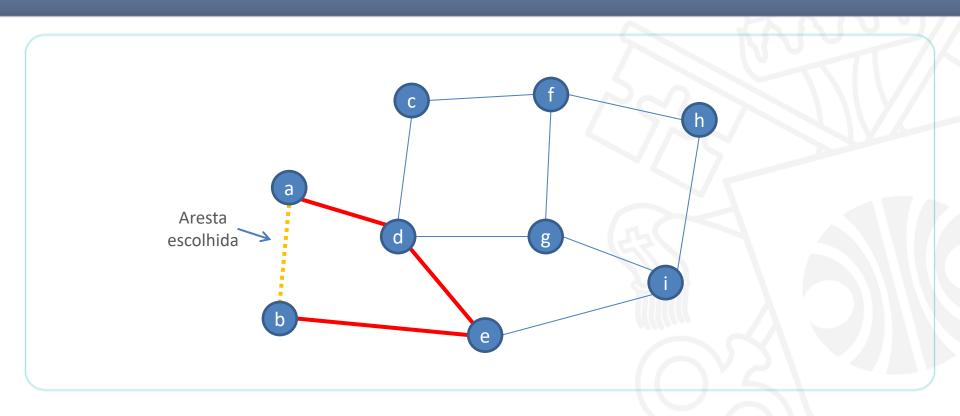


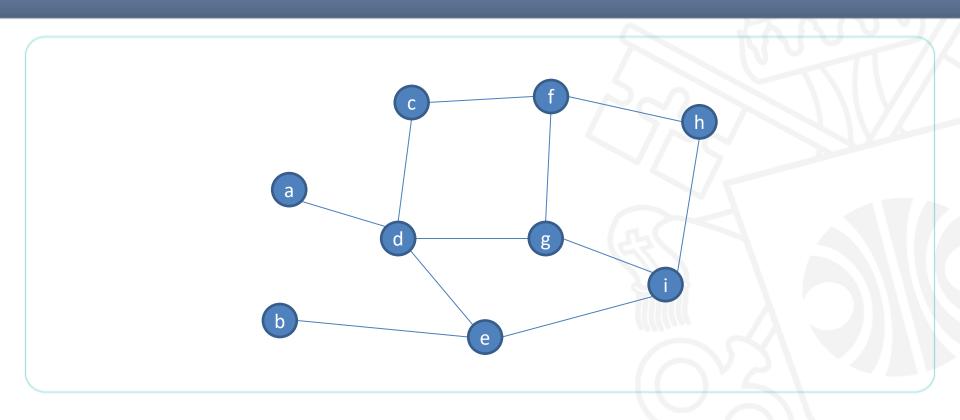


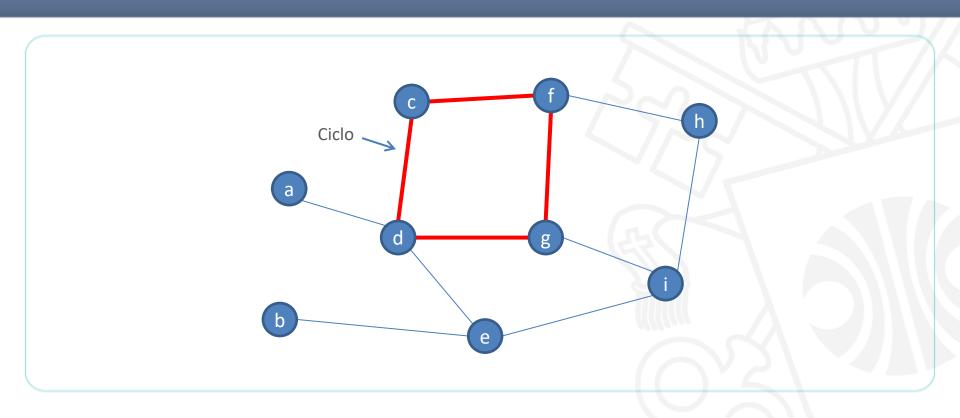


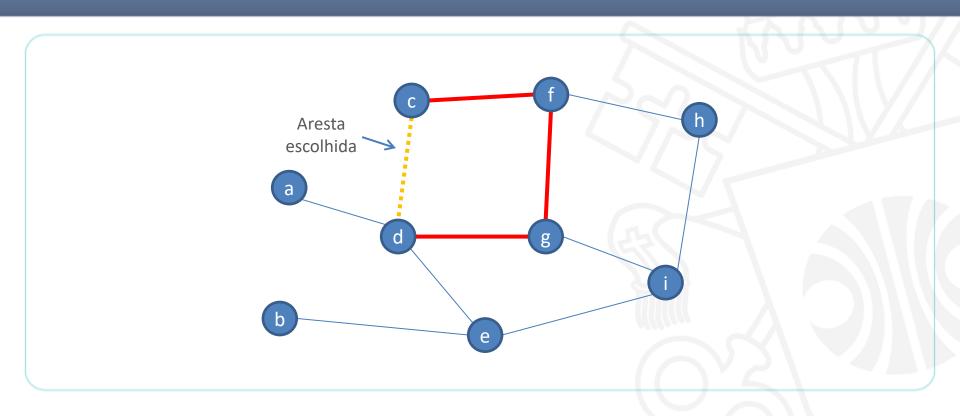


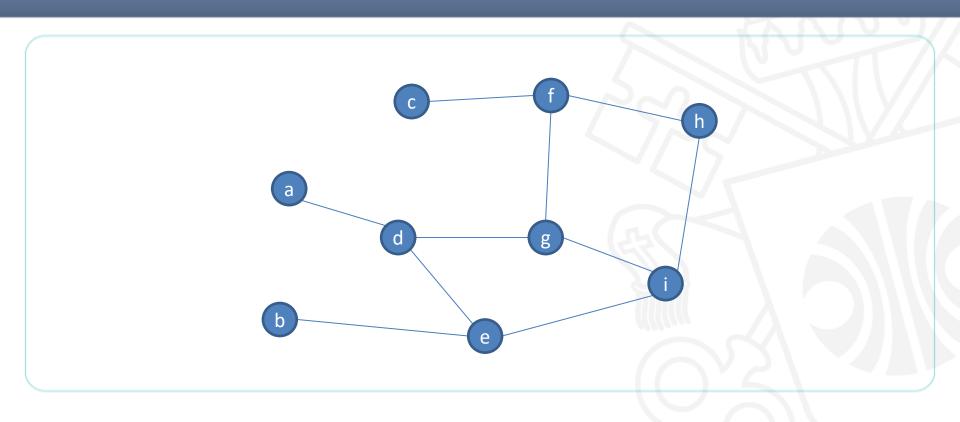


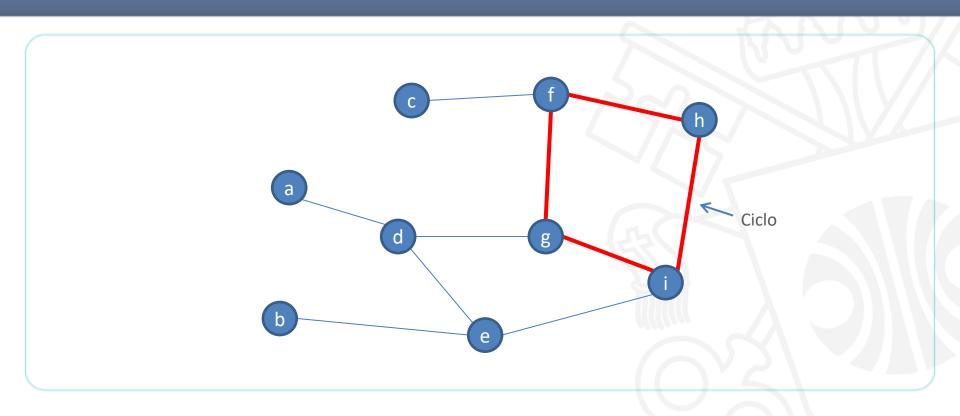


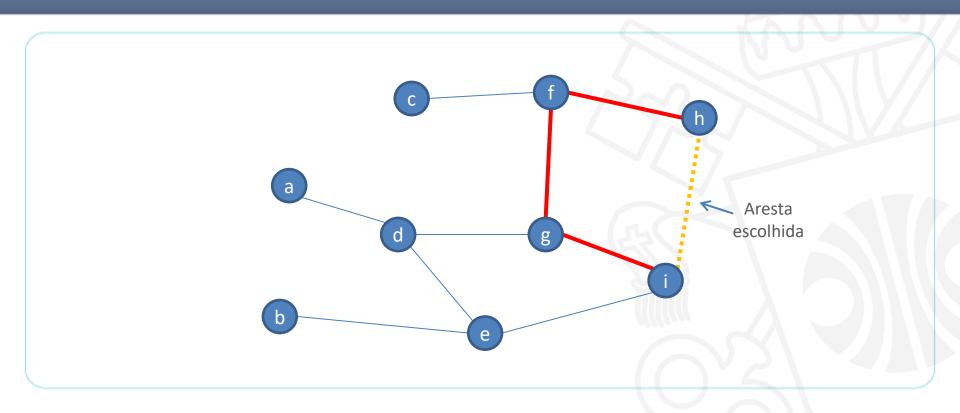


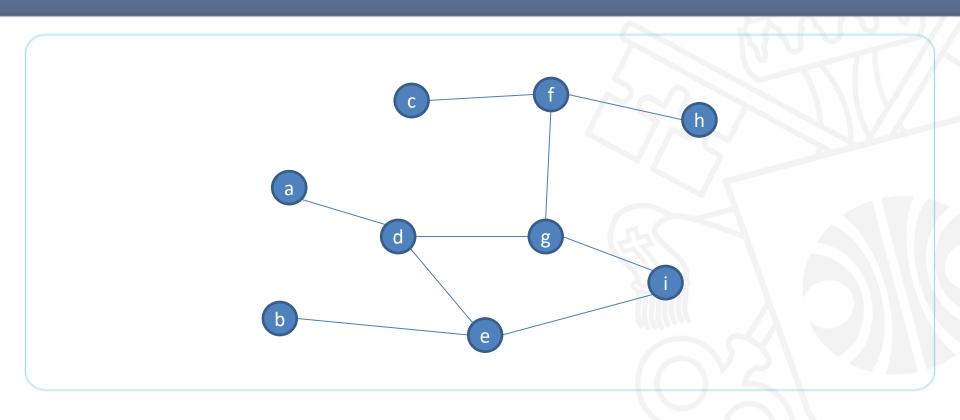


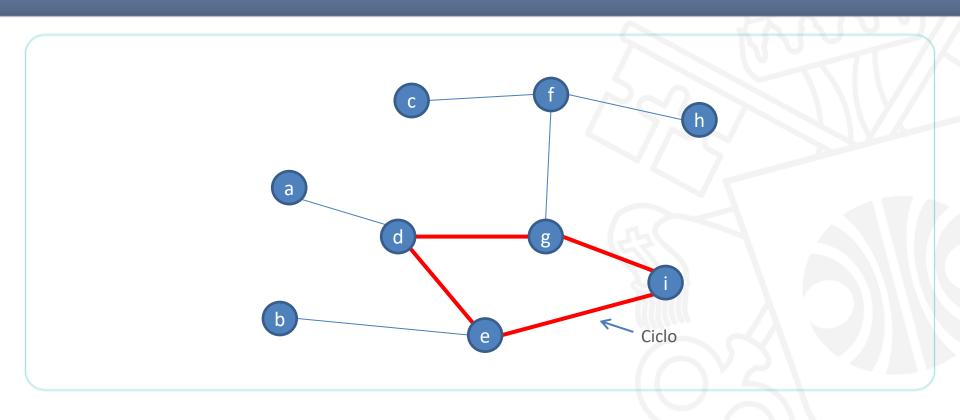


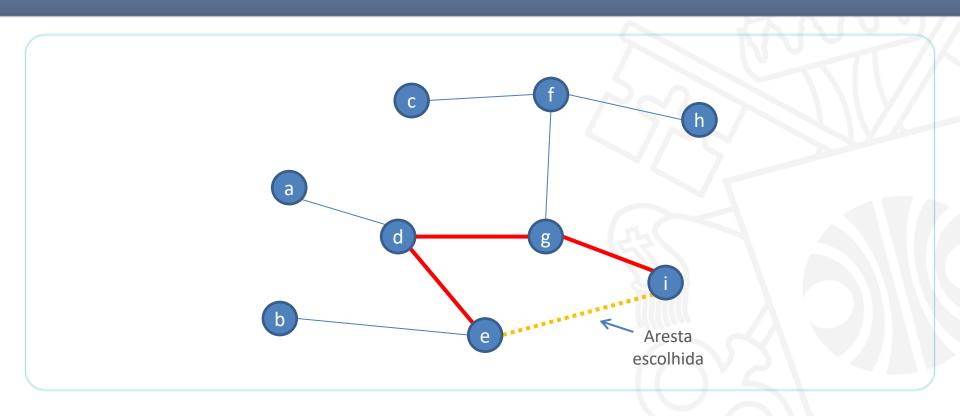


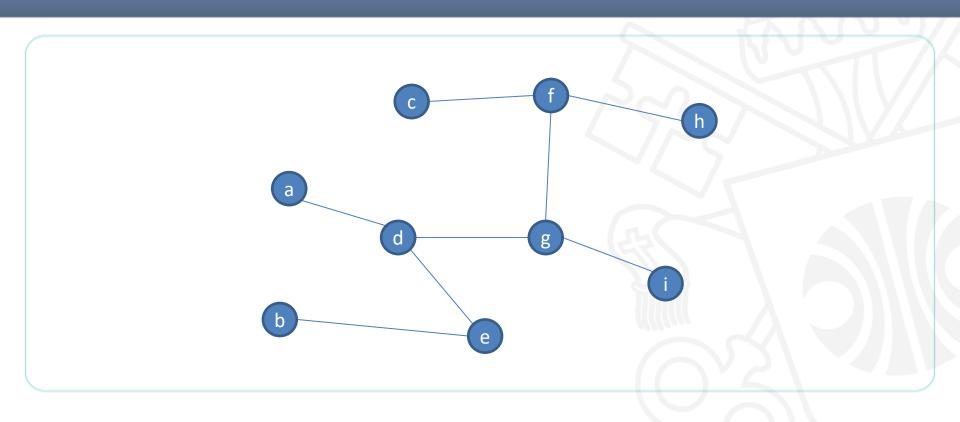




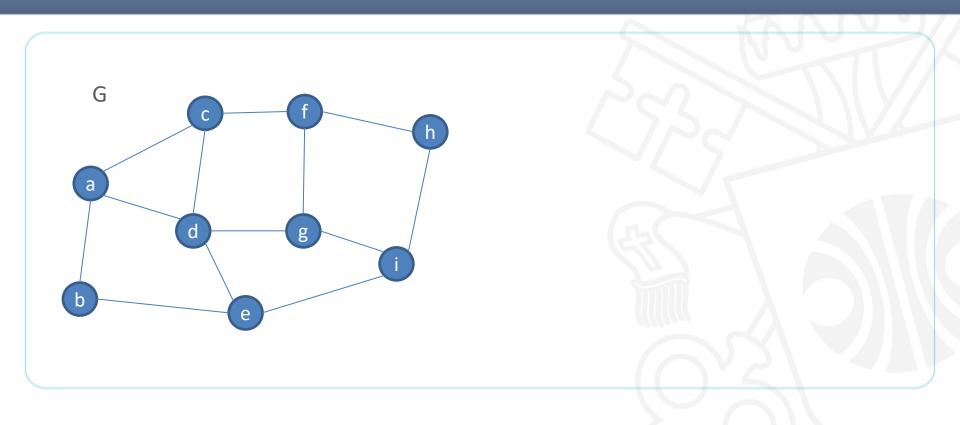




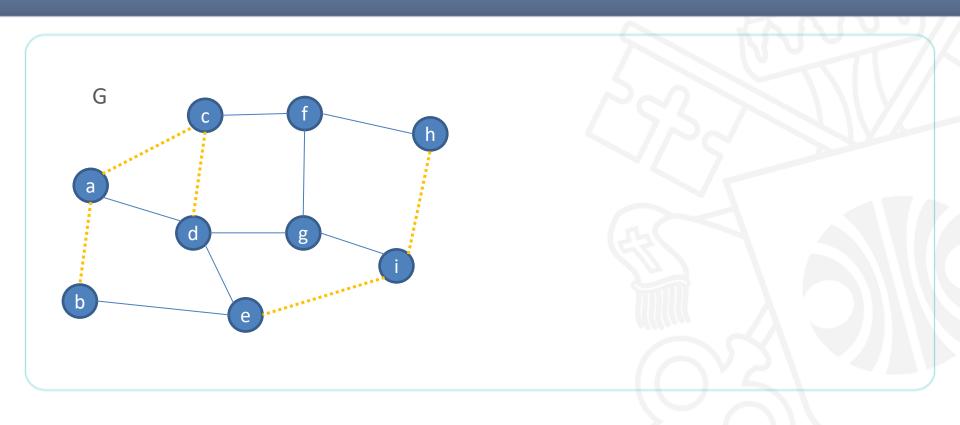




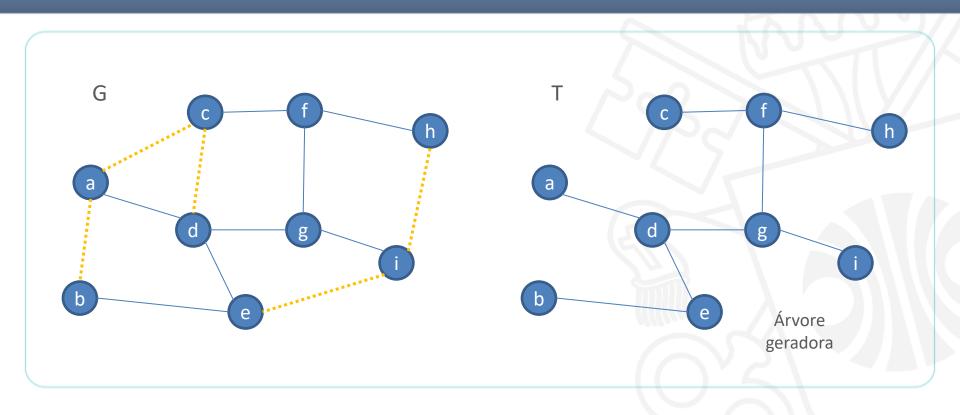
Obtenção de Árvore Geradora – Resumo



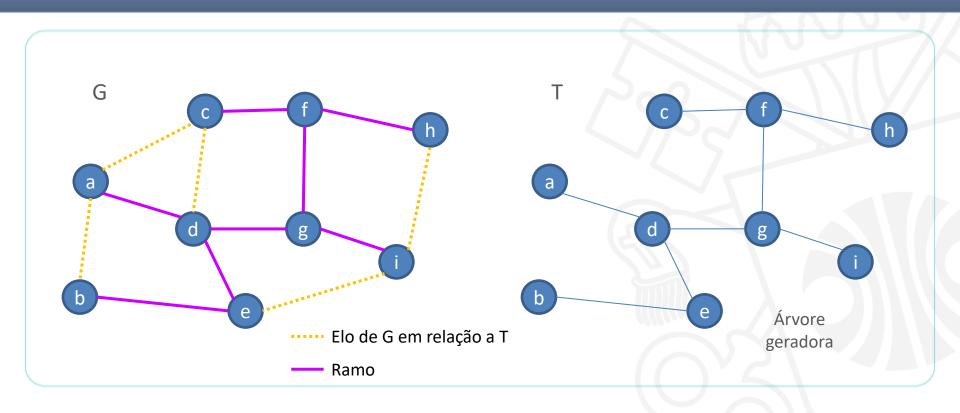
Obtenção de Árvore Geradora – Resumo



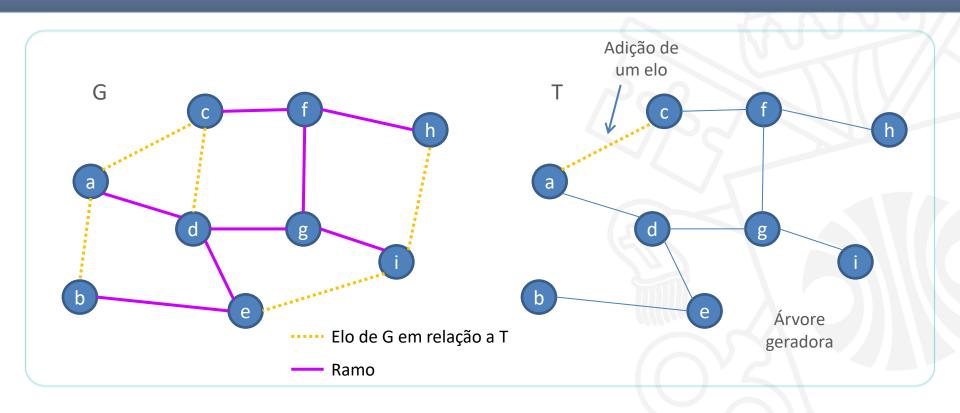
Obtenção de Árvore Geradora – Resumo



<u>Árvore Geradora – Ciclo Fundamental</u>



<u>Árvore Geradora – Ciclo Fundamental</u>



<u>Árvore Geradora – Ciclo Fundamental</u>

